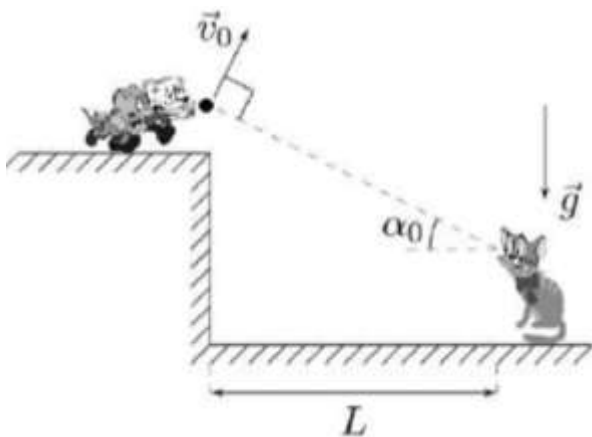


**ՖԻԶԻԿԱՅԻ ՀԱՆՐԱՊԵՏԱԿԱՆ ՕԼԻՄՊԻԱԴՆԱ**

Մարզային փուլ – 19.01.24թ. տևողությունը 180 րոպե (3 ժամ)

**10-րդ դասարան**



1) Լեոպոլդ կատուն նստած է հորիզոնական հատակին՝ ուղղաձիգ ժայռից  $L$  հեռավորության վրա (տես նկարը): ժայռի եզրից մկները նետում են քարը  $v_0 = 10$  մ/վ արագությամբ:  $\vec{v}_0$  արագության վեկտորը ուղղահայաց է «մուկ-կատուն» միացնող ուղղին: Լեոպոլդ կատուն և քարի շարժման հետագիծը նույն հարթության մեջ են, ազատ անկման արագացումը  $g = 10$  մ/վ<sup>2</sup>: «Քար-կատուն» միացնող ուղիղը հորիզոնի հետ  $t = 0$  վ պահին կազմում է  $\alpha_0 = 25^\circ$ , իսկ նետումից  $t_1$  ժամանակ անց «քար-կատուն» միացնող ուղիղը հորիզոնի հետ կազմում է առավելագույն՝  $\alpha_1 = 38^\circ$  անկյուն:

ա) Ինչքա՞ն է  $t_1$  ժամանակը:

բ) Ինչքա՞ն է Լեոպոլդի և ժայռի միջև  $L$  հեռավորությունը:

Պետք է հասկանալ, որ «քար-կատուն» միացնող ուղիղը հորիզոնի հետ կազմում է առավելագույն անկյուն այն պահին, երբ  $\vec{v}_1$  ուղիղը ուղղված է «քար-կատուն» միացնող ուղղի երկայնքով:  $\vec{v}_0, \vec{g}t_1, \vec{v}_1$  վեկտորները կազմում են եռանկյունի այնպես, ինչպես պատկերված է նկարում **(1 միավոր)**: Առավելագույն անկյան դեպքում  $\vec{v}_1$  վեկտորը հորիզոնի հետ կազմում է  $\alpha_1$  անկյուն **(0,5 միավոր)**: Սինուսների կանոնի համաձայն՝

$$\frac{gt_1}{\sin(\frac{\pi}{2} + \alpha_1 - \alpha_0)} = \frac{v_1}{\sin(\alpha_0)} = \frac{v_0}{\sin(\frac{\pi}{2} - \alpha_1)} \quad \text{(0,5 միավոր)}$$

Այստեղից

$$t_1 = \frac{v_0 \sin(\frac{\pi}{2} + \alpha_1 - \alpha_0)}{g \sin(\frac{\pi}{2} - \alpha_1)} \approx 1,24 \text{ վ} \quad \text{(0,5 միավոր)}$$

Համարենք կատվի գտնվելու դիրքը, որպես հաշվարկման սկզբնակետ:  $t_1$  պահին քարի  $y$  կոորդինատը կլինի՝

$$y = h + v_0 t_1 \cos(\alpha_0) - \frac{gt_1^2}{2} \quad \text{(0,5 միավոր)}$$

$h$ -ը ժայռի բարձրությունն է, սկզբնական տվյալներից հայտնի է, որ  $h = L \cdot \tan(\alpha_0)$ : Իսկ կատվից քարի հեռավորությունը  $x$  առանցքով կլինի՝

$$x = L - v_0 t_1 \sin(\alpha_0) \quad \text{(0,5 միավոր)}$$

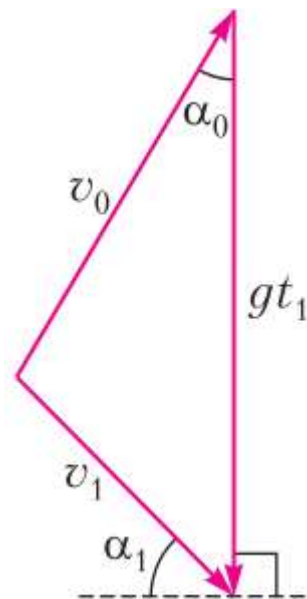
Խնդրի տվյալներից գիտենք՝

$$\tan(\alpha_1) = \frac{y}{x} \quad \text{(0,5 միավոր)}$$

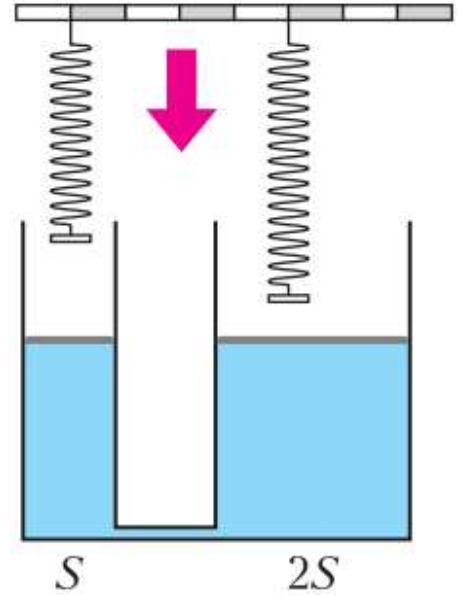
Այս բոլոր հավասարումներից ստանում ենք՝

$$L = \frac{v_0 t_1 \cos(\alpha_0) - \frac{gt_1^2}{2} + v_0 t_1 \sin(\alpha_0) \tan(\alpha_1)}{\tan(\alpha_1) - \tan(\alpha_0)} \quad \text{(0,5 միավոր)}$$

$$L \approx 24.3 \text{ մ} \quad \text{(0,5 միավոր)}$$



2) Չանգված ունեցող  $8l$  երկարությամբ համասեռ ձողին ամրացված են երկու անկշիռ զսպանակ: Աջ զսպանակի կոշտությունը  $k$  է, իսկ ձախիինը  $2k$ : Աջ զսպանակի երկարությունը  $l$ -ով ավելին է քան ձախի երկարությունը: «Չսպանակ-ձող» համակարգը դնում են հաղորդակից անոթների վրա այնպես, ինչպես պատկերված է նկարում (մխոցները անկշիռ են): Պարզվում է, որ համասեռ ձողը մնում է հորիզոնական: Հաղորդակից անոթների մակերեսներն են  $S$  (ձախիինը),  $2S$  (աջինը), իսկ հեղուկի խտությունը  $\rho$  է: Գտնել համասեռ ձողի  $m$  զանգվածը:



Գրենք ձողի ստատիկ հավասարակշռության մեջ գտնվելու անհրաժեշտ պայմանները՝

$$\begin{cases} F_1 + F_2 = mg \\ mg \cdot 3l = F_2 \cdot 4l \end{cases} \quad (0,5 \text{ միավոր})$$

Մոմենտների կանոնը գրված է ձախ զսպանակի ամրացման կետի նկատմամբ:  $F_1$ -ը և  $F_2$ -ը համապատասխանաբար ձախ և աջ զսպանակների կողմից ձողի վրա ազդող ուժերն են: Այս երկու հավասարումից ստացվում է՝

$$F_1 = \frac{1}{4}mg \quad \text{և} \quad F_2 = \frac{3}{4}mg \quad (0,5 \text{ միավոր})$$

Մխոցների կողմից հեղուկի վրա ճնշումները կլինեն՝

$$P_1 = \frac{mg}{4S} \quad \text{և} \quad P_2 = \frac{3mg}{8S} \quad (1) \quad (0,5 \text{ միավոր})$$

Հիդրոստատիկայի կանոններից ունենք՝

$$P_2 = P_1 + \rho gy \quad (2) \quad (0,5 \text{ միավոր})$$

Գրելով Յուկի օրենքը երկու զսպանակների համար ունենք՝

$$\begin{cases} 2k(L_0 - H) = \frac{1}{4}mg & (0,5 \text{ միավոր}) \\ k(L_0 + l - H - y) = \frac{3}{4}mg & (1 \text{ միավոր}) \end{cases}$$

Այս երկու հավասարումից կստանանք

$$k(l - y) = \frac{5}{8}mg \quad (3)$$

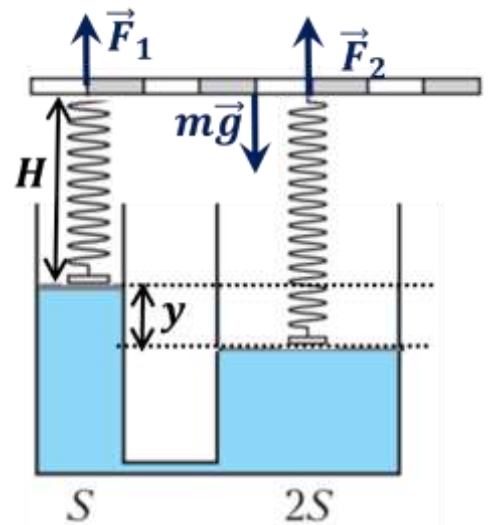
(1)-(3) հավասարումներից ունենք՝

$$k \left( l - \frac{mg}{8\rho g S} \right) = \frac{5}{8}mg$$

(լուծման ճիշտ ընթացքի համար (1 միավոր))

Որտեղից էլ ստանում ենք՝

$$m = \frac{8kl}{g \left( 5 + \frac{k}{\rho g S} \right)} \quad (0,5 \text{ միավոր})$$



3) Տաք ջրով լցված կալորաչափի մեջ գցում են սառույցի կտոր, որի ջերմաստիճանը  $0^{\circ}C$  է: Ձերմային հավասարակշռության հաստատվելուց հետո տաք ջրի ջերմաստիճանը իջավ  $12^{\circ}C$ -ով: Երկրորդ միատեսակ սառույցի կտոր գցելուց հետո, եղած ջրի ջերմաստիճանը իջավ ևս  $10^{\circ}C$ -ով: Ինչքա՞նով կիջնի ջրի ջերմաստիճանը, եթե կալորաչափի մեջ գցենք երրորդ սառույցի կտորը (որը ամբողջությամբ հալում է): Ձերմային կորուստները և կալորաչափի ջերմունակությունը անտեսել: Պատասխանը ներկայացրե՛ք  $^{\circ}C$  միավորով և տասնորդական Ցելսիուսի ճշտությամբ:

Գրենք ջերմային հաշվեկշռի հավասարումը երեք դեպքերի համար՝  
Մեկ սառույց գցելուց հետո

$$Mc(t_0 - \Delta t_1 - t_0) + m\lambda + mc(t_0 - \Delta t_1) = 0 \quad (1 \text{ միավոր})$$

Երկու սառույցի կտոր գցելուց հետո

$$Mc(t_0 - \Delta t_1 - \Delta t_2 - t_0) + 2m\lambda + 2mc(t_0 - \Delta t_1 - \Delta t_2) = 0 \quad (1 \text{ միավոր})$$

Երեք սառույցի կտոր գցելուց հետո

$$Mc(t_0 - \Delta t_1 - \Delta t_2 - \Delta t_3 - t_0) + 3m\lambda + 3mc(t_0 - \Delta t_1 - \Delta t_2 - \Delta t_3) = 0 \quad (1 \text{ միավոր})$$

Այս երեք հավասարումներից կազմված համակարգը լուծելուց ստանում ենք:

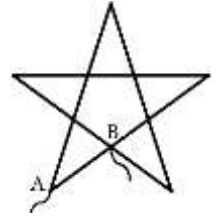
$$t_0 + \frac{\lambda}{c} = \frac{\Delta t_1(\Delta t_1 + \Delta t_2)}{\Delta t_1 - \Delta t_2} = 132^{\circ}C$$

Որտեղից ստանում ենք

$$\Delta t_3 = \frac{\left(t_0 + \frac{\lambda}{c}\right)(2\Delta t_1 - \Delta t_2) - 2\Delta t_1(\Delta t_1 + \Delta t_2)}{t_0 + \frac{\lambda}{c} + 2\Delta t_1} \quad (1 \text{ միավոր})$$

$$\Delta t_3 = \frac{1320}{156} \text{ } ^{\circ}C = 8.5^{\circ}C \quad (1 \text{ միավոր})$$

4) Հաղորդիչներից պատրաստված է հնգաթև աստղ, որի 15 հատվածներից յուրաքանչյուրի դիմադրությունը 20 Օմ է (հատվածի վերջնակետ է համարվում ցանկացած երկու հատվածի հատման կետ): Հոսանքի աղբյուրը միացված է A և B կետերին: Գտնել ստացված շղթայի դիմադրությունը:



Դժվար չի նկատել, որ գծանշած եռանկյուններից յուրաքանչյուրի դիմադրությունը՝

$$R' = 2R/3 \text{ (1 միավոր)}$$

Հետևաբար աստղածև հաղորդիչը կարող ենք ձևափոխել և այն ներկայացնել հետևյալ ձևով (1 միավոր).

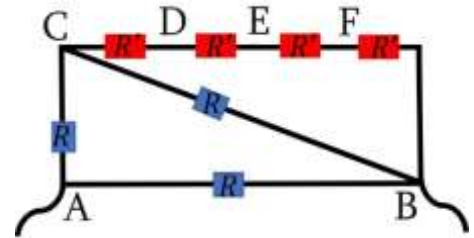
Այստեղից էլ կարող ենք գտնել

$$R_{CFB} = 4R' = 8R/3 \text{ (0,5 միավոր)}$$

$$R_{CB} = \frac{R \cdot R_{CFB}}{(R + R_{CFB})} = \frac{8R}{11} \text{ (0,5 միավոր)}$$

$$R_{ACB} = R + R_{CB} = \frac{19R}{11} \text{ (1 միավոր)}$$

$$R_{AB} = R \cdot \frac{R_{ACB}}{(R + R_{ACB})} = \frac{19R}{30} \approx 12.7 \text{ Օմ (1 միավոր)}$$

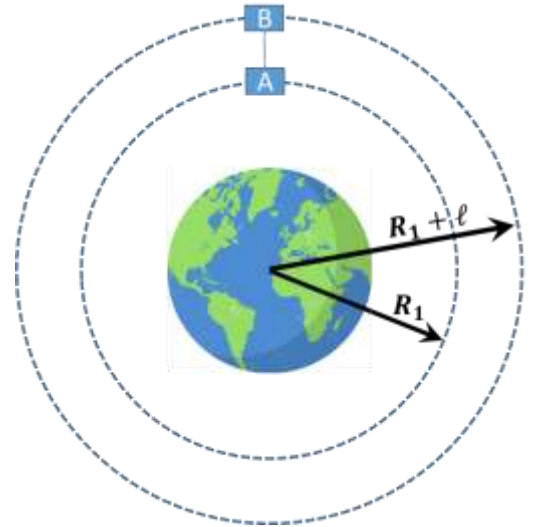


Պատ.՝ 19 Օմ:

5) Անկշիռ պարանով կապված միատեսակ  $A$  և  $B$  արբանյակները պտտվում են երկրի շուրջ  $R_1$  և  $R_1 + l$  երկարությամբ ուղեծրերով այնպես, որ պարանով անցնող ուղիոր միշտ անցնում է երկրագնդի կենտրոնով: Հայտնի է, որ արբանյակի զանգվածը  $m$  է, երկրագնդի շառավիղը՝  $R$ , ազատ անկման արագացումը երկրի մակերևույթի մոտ՝  $g$ :

ա) Գտնել արբանյակները կապող պարանի լարումը:

բ)  $A$  արբանյակում կշռում են  $m_0$  զանգվածով բեռը զսպանակավոր կշեռքով, պահելով զսպանակը ուղեծրի շառավիղի երկայնքով: Ինչքա՞ն է լինելու արբանյակում զսպանակավոր կշեռքի ցուցմունքը, եթե վերջինս երկրի մակերևույթին ճիշտ է աշխատում:



ա) Գրենք դինամիկայի հավասարումները երկու արբանյակների համար՝

$$\begin{cases} mg \cdot \frac{R^2}{R_1^2} - T = mw^2 R_1 & (1 \text{ միավոր}) \\ mg \cdot \frac{R^2}{(R_1 + l)^2} + T = mw^2 (R_1 + l) & (1 \text{ միավոր}) \end{cases}$$

$$T = \frac{mgR^2 \left( \frac{1}{R_1^3} - \frac{1}{(R_1 + l)^3} \right)}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_1 + l}} \quad (0,5 \text{ միավոր})$$

Պտտման անկյունային արագության համար կստանանք՝

$$w^2 = \frac{gR^2}{2R_1 + l} \left( \frac{1}{R_1^2} + \frac{1}{(R_1 + l)^2} \right) \quad (0,5 \text{ միավոր})$$

Կշեռքից կախված բեռի վրա ազդում է առաձգականության ուժը և գրավիտացիոն ուժը, դինամիկայի հավասարումներից ունենք՝

$$m_0 g \frac{R^2}{R_1^2} - F_{\text{un}} = m_0 w^2 R_1 \quad (1 \text{ միավոր})$$

Լուծման ընթացքի համար ունենք (0,5 միավոր)

Որտեղից ստանում ենք՝

$$F_{\text{un}} = m_0 g \left( \frac{R^2}{R_1^2} - \frac{w^2 R_1}{g} \right) = m_0 g \left( \frac{R^2}{R_1^2} - \frac{R_1 \cdot R^2}{2R_1 + l} \left( \frac{1}{R_1^2} + \frac{1}{(R_1 + l)^2} \right) \right) \quad (0,5 \text{ միավոր})$$

$$F_{\text{un}} = m_0 g \frac{R^2}{R_1^2} \left( 1 - \frac{1 + \frac{1}{\left(1 + \frac{l}{R_1}\right)^2}}{2 \left(1 + \frac{l}{2R_1}\right)} \right) \approx m_0 g \frac{R^2}{R_1^2} \cdot \frac{3l}{2R_1}$$