

**ՎԵՐԱՊԱՏՐԱՍՏՎՈՂ ՈՒՍՈՒՑՉԻ
ՀԵՏԱԶՈՏԱԿԱՆ ԱՇԽԱՏԱՆՔ**

Առարկա – ՄԱԹԵՄԱՏԻԿԱ

Վերապատրաստող կազմակերպություն
Պատասխանատու՝ «Երևանի Լեոյի անվան
№ 65 ավագ դպրոց» ՊՈԱԿ

Հետատազոտության թեման

**Իրավիճակային ուսուցման մեթոդաբանական
մոտեցումները մաթեմատիկայի դասավանդման
գործընթացում:**

ուսուցիչ՝ Աննա Բեգոյան
ՀՀ Շիրակի մարզի «Գյումրու թիվ 20 հիմնական դպրոց» ՊՈԱԿ
Դասընթացավար՝ Կարինե Պետրոսյան

ԵՐԵՎԱՆ - 2023

ԲՈՎԱՆԴԱԿՈՒԹՅՈՒՆ

ՆԵՐԱԾՈՒԹՅՈՒՆ	3
ԳՐԱԿԱՆ ԱԿՆԱՐԿ	4
ՆՊԱՏԱԿՆԵՐՆ ՈՒ ԽՆԴԻՐՆԵՐԸ	5 -6
ՀԵՏԱԶՈՏՈՒԹՅԱՆ ԸՆԹԱՑՔԸ	7-21
ՀԵՏԱԶՈՏԱԿԱՆ ԱՇԽԱՏԱՆՔԻ ՆՊԱՏԱԿԸ	22
ԵԶՐԱԿԱՑՈՒԹՅՈՒՆ	22
ՕԳՏԱԳՈՐԾԿԱԾ ԳՐԱԿԱՆՈՒԹՅԱՆ ՑԱՆԿ	23

Ներածություն

Իրավիճակային ուսուցման մեթոդաբանական մոտեցումները մաթեմատիկայի դասավանդման գործընթացում

Ներկա կրթական համակարգում նոր չափորոշիչների կիրառումը ենթադրում է՝ ուսումնառության ընթացքում ուսումնական առարկաների արդյունքներին զուգահեռ, աշակերտների մոտ ձևավորել անձնային և մեթոդա-առարկայական մոտեցումների կարողություններ: Այդ նպատակներին հասնելն անհնար է առանց ուսուցման գործընթացում ակտիվ և ինտերակտիվ մեթոդների կիրառման:

Ինտերակտիվ մեթոդների շարքում ներկայումս առավել կիրառական է կոնկրետ իրավիճակների վերլուծության մեթոդը: Այս մեթոդը կոչվում է Քեյ-սթադիի մեթոդ: Ուսուցման ընթացքում իրավիճակ ասելով հասկանում ենք որևէ իրավիճակի մոդել, որի հիմքում ընկած են իրական դեպքեր և իրադարձություններ, որոնք հանդիպում են կամ կարող են հանդիպել մարդկանց առօրյա կյանքում: Դրան զուգահեռ տեղեկատվությունը, որն արտահայտում է իրավիճակը ձևակերպված չէ և տրվում է սկզբնական ձևով: Տեղեկատվությունը կարող է լրացուցիչ լինել, իսկ խնդիրը՝ ոչ հստակ ձևակերպված: Քեյ-սթադի մեթոդն հիմնականում օգտագործում են հասարակագիտական ուղղվածություն ունեցող առարկաներն ուսուցանելու համար, բայց այն կարող է օգտագործվել նաև մաթեմատիկայի դասավանդման ընթացքում:

Քեյ-սթադիի մեթոդին նվիրված գիտամեթոդական գրականության վերլուծությունն հնարավորություն է տալիս եզրակացնել, որ գրեթե գոյություն չունեն տեսական աշխատանքներ միջին դպրոցում մաթեմատիկայի դասավանդման ընթացքում կիրառելու ուղղությամբ: Առանձնացված չեն իրավիճակների տեսակներ, որոնք նպատակահարմար է օգտագործել մաթեմատիկայի դասերին: Նկարագրված չեն մոտեցումները մաթեմատիկական իրավիճակների ձևավորման համար: Չկան մոտեցումներ, թե ինչպես կազմակերպել մաթեմատիկայի դասավանդման գործընթացը իրավիճակներն օգտագործելու միջոցով:

Սակայն աշակերտին առաջացած խնդիրները հաղթահարելիս անհրաժեշտ է լինում գտնել նոր, իրեն անհայտ, կոնկրետ իրավիճակում առաջացած խնդիրների լուծումներ, ցուցաբերել ստեղծագործական մոտեցումներ, որոնք պատկերավոր ներկայացված են իրավիճակներում:

Գրական ակնարկ

Քեյ-սթադիին նվիրված գիտամեթոդաբանական գրականության մեջ նկարագրված են իրավիճակների տարբեր դասակարգումներ (3-4) Ներկայացնենք առավել տարածված դասակարգումը, որը ներառվում է մաթեմատիկա առարկայի շրջանակներում:

Կոնկրետ իրավիճակ արտահայտող խնդիրները ելնելով մաթեմատիկայի առանձնահատկություններից կարելի է դասակարգել

- Գործնական
- Ուսուցողական
- Հետազոտական

Նման տիպի գործնական խնդիրներին անվանում են իրավիճակային:

Իրավիճակների տեսակները	Մաթեմատիկական իրավիճակների բնութագիր	
Իրավիճակի բովանդակություն	Իրավիճակային առաջադրանքի կարճ բնութագիր	
Գործնական իրավիճակ	Կենսական խնդիրներ, որտեղ հնարավոր է օգտագործել մաթեմատիկական իրավիճակներ	Ձևավորվում է առաջադրանք իրավիճակի բովանդակային մասի ամբողջ ծավալով, միաժամանակ կարող է տրվել լրացուցիչ տեղեկատվություն: Հնարավոր է ներառվեն այլընտրանքային տարբերակներ, որոնցից անհրաժեշտ է ընտրել լավագույն տարբերակը:
Ուսուցողական իրավիճակ	Մաթեմատիկա առարկայի շրջանակներում կրթական իրավիճակներ	Ձևավորվում է առաջադրանք իրավիճակի բովանդակային մասով: Նշվում է փոխկապակցված խնդիրների ցուցակը, որոնց լուծումը կբերի ընդհանուր խնդրի լուծման: Այս տեսակի իրավիճակային առաջադրանքն իրականացվում է մաթեմատիկայի հատուկ բաժնի կողմից:

<p>Հետազոտական իրավիճակ</p>	<p>Հետազոտական խնդիրներ, որի լուծման համար նպատակահարմար է ստեղծել մաթեմատիկական մոդելներ, դրա ուսումնասիրություն և մեկնաբանություն:</p>	<p>Ձևավորվում է առաջադրանք-իրավիճակի բովանդակային մասը, հնարավոր է լրացուցիչ տեղեկատվություն կամ տեղեկատվության պակաս: Առաջադրանքը ենթադրում է մի քանի մաթեմատիկական մոդելների կառուցում՝ օգտվելով նշանասիմվոլային համակարգից, մաթեմատիկայի տարբեր ոլորտներից, որի շրջանակների մեջ կարելի է լուծել առաջադրանք-իրավիճակները:</p>
-----------------------------	--	---

Ուսուցման գործընթացում քեյ-սթադի մեթոդի կիրառման նպատակները և խնդիրները

<p>Անձնային</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. Բարձրացնել սովորողների պատրաստակամության, ունակության, ինքնագարգացման գործունեությունը: 2. Ձևավորել նպատակներ պլանավորելու և դրանք իրագործելու կարողություններ: 3. Ջարգացնել ուսուցման նկատմամբ պատասխանատու վերաբերմունք:
<p>Միջառարկայական</p>	<ol style="list-style-type: none"> 1. Կատարելագործել կրթական գործընթացում ինքնուրույնության դրսևորումը և հասակակիցների ու մանկավարժների միջև համագործակցությունը: 2. Պլանավորել սովորողների ունակությունները, ուղիներ մշակել հասնելու նպատակներին, այդ թվում՝ այլընտրանքային: 3. Ձևավորել ինքնակառավարման, վերահսկողության, ինքնագնահատականի, որոշումների կայացման հիմունքներին տիրապետելու և գիտակցված որոշումներ կայացնելու կրթական և ճանաչողական գործունեություն:

Առարկայական	<ol style="list-style-type: none"> 1. Սահմանել մաթեմատիկայի մասին ունեցած պատկերացումներն ու ձևակերպումները, որպես իրականության ճանաչման մեթոդ, որը թույլ է տալիս նկարագրել և ուսումնասիրել իրական գործընթացները, երևույթները: 2. Ջարգացնել մաթեմատիկական թեստերի հետ աշխատելու կարողություն, մաթեմատիկական եզրույթներով ու նշաններով սեփական մտքերի ճիշտ և գրագետ արտահայտում, մաթեմատիկական պնդումների խելամիտ հիմնավորումներով և ապացույցներով : 3. Իրական կյանքի իրավիճակները մաթեմատիկական լեզվով ներկայացնելու հմտության զարգացում, մաթեմատիկական գիտելիքների միջոցով ստեղծված մոդելների ուսումնասիրություն և ստացված արդյունքների մեկնաբանություն: 4. Տիրապետել վիճակագրական տվյալների ներկայացման և վերլուծության ամենապարզ ձևերին, իրական կյանքում վիճակագրական օրինաչափությունների մասին գաղափարի քննարկմանը, դրանց ուսումնասիրության բազմաթիվ ձևերի վերլուծմանը: 5. Ջարգացնել ուսումնասիրած արդյունքների ներդրմամբ հասկացությունները կիրառելու կարողություն, գործնական բնույթի մեթոդների կիրառում, հարակից առարկաներից առաջադրանքներ լուծելու համար, տարբեր տեղեկատվական աղբյուրների համադրում:
-------------	---

Հետազոտության ընթացքը

Քանի որ մաթեմատիկական իրավիճակային-առաջադրանքի մշակումը կապված է որոշակի խնդիրների հետ, այդ խնդիրները ներկայացնելու համար բերենք մի քանի օրինակներ տարբեր տեսակի իրավիճակային առաջադրանքների և նկարագրենք որոշակի մոտեցումներ դրանք լուծելու համար:

Իրավիճակ 1. Գործնական (6-րդ դասարան)

Մանկապարտեզ բերեցին մեծ, փայտյա խորանարդ, որի բոլոր կողմերը ներկված են:

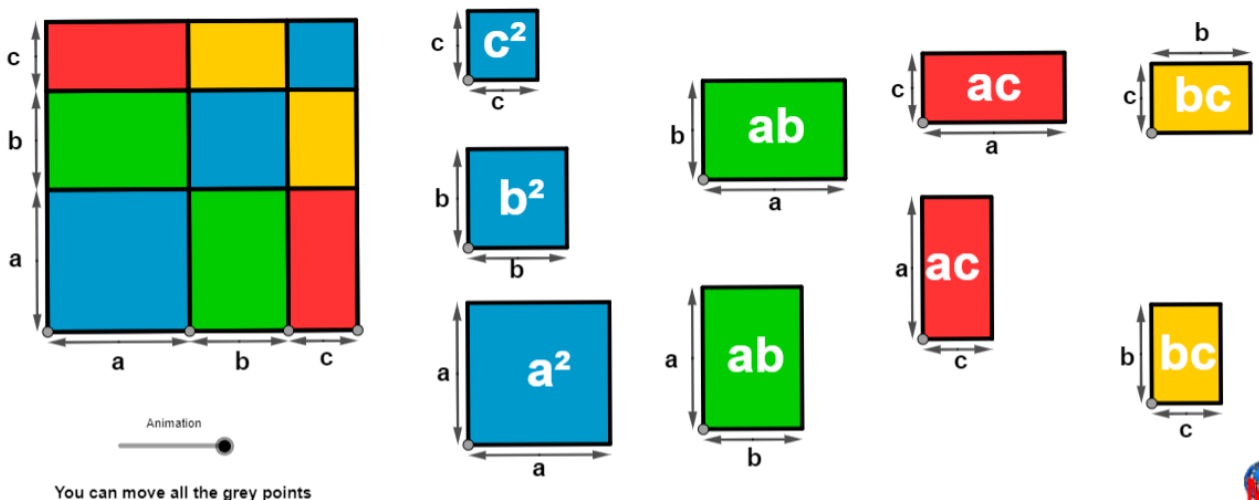
Պ.-ի հայրը բաժանեց այն 64 փոքր խորանարդների, որոնք ունեն նույն չափերը, ապա մայրն առաջարկեց ներկել մանր խորանարդների չներկված կողմերը, որպեսզի դրանք լավ տեսք ունենան: Մանկապարտեզի տնօրենը մտածեց, թե որքան ներկ է անհրաժեշտ ընդհանուր առմամբ բոլոր մանր խորանարդների չներկված կողմերը ներկելու համար, եթե մեծ խորանարդի մի կողմը ներկելու համար պահանջվում է 100 գրամ ներկ: Կբավականացնի՞ արդյոք գումարը ներկ գնելու համար, եթե ներկի 1կգ արժե 300 դրամ. իսկ նա ունի 565 դրամ:

Գործնական խնդիրների օրինակներ, հղումները ներքևում`

<https://www.geogebra.org/m/xssbb9ks>

https://youtu.be/pF_POSIzzK8

$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2ab + 2ac + 2bc$$



Իրավիճակ 2. Գործնական (7-րդ դասարան)

Շինարարական ընկերությանն անհրաժեշտ է ձեռք բերել 170 խոր.մ փայտանյութ: Շուկայի վերլուծությունը ցույց տվեց, որ արտադրողի պահանջներին համապատասխանում են երկու մատակարար՝ "Ալտար"-ը և "Ռուլես"-ը: "Ալտար" ընկերությունն առաջարկում է փայտանյութ 5600դրամ արժեքով 1խոր. մ-ի համար, "Ռուլես"-ն առաջարկում է 50 դրամով էժան: Առաքման արժեքը "Ալտար" ընկերությունում կազմում է 1200դրամ յուրաքանչյուր մեքենայի համար, որոնք կարող են տեղափոխել 20 խոր.մ փայտանյութ: Այն դեպքում, երբ պատվերի ընդհանուր արժեքը 1000000 դրամ է, առաքումը կատարվում է անվճար: "Ռուլես" ընկերությունը մայրուղով առաքելու դեպքում 1 մեքենայի դիմաց պահանջում է 1550դրամ: Յուրաքանչյուր մեքենայի տարողունակությունը 25 խոր.մ է: Ընդ որում խճաքարային ճանապարհի դեպքում առաքման արժեքն աճում է 10%-ով: "Ալտար" ընկերությունից մինչև շինարարական ընկերություն ճանապարհը մայրուղի է, իսկ "Ռուլես"-ը խճաքարային: Անհրաժեշտ է որոշել, թե որ՞ մատակարարի հետ համագործակցությունն է ավելի արդյունավետ, և որքա՞ն կլինի պայմանագրով նախատեսված մատակարարման արժեքը:

Ձևակերպենք ևս մեկ խնդիր ուսուցողական մեթոդի կիրառմամբ: Թեմայի նպատակն է ներկայացնել այնպիսի խնդիրներ, որոնց մի մասը կարելի է լուծել գործնական, մի մասը ուսուցողական և մի մասը հետազոտական մեթոդներով: Չնայած այս խնդիրները մաթեմատիկայի ծրագրային նյութից դուրս չեն, այնուամենայնիվ պահանջվում է կատարել այնպիսի վերլուծություն, որն ընդգրկի բոլոր մեթոդները: Այսպիսի խնդիրների լուծումը պահանջում է հմտություն և ստեղծագործական աշխատանք կատարելու կարողություն:

Կարծում են թեման օգտակար կլինի ոչ միայն միջին դպրոցում այլ նաև ավագ դպրոցում սովորողների համար: Ակնկալում են ակտիվ մասնակցություն և բուռն քննարկումներ:

Իրավիճակ 3. Ուսուցողական (8-րդ դասարան)

Հետաքրքրասեր Կարենը գնում է Արուս տատիկի մոտ 5 համարի գնացքով և միաժամանակ խաղում է վայրկենաչափով: Միևնույն ժամանակ 1.Նա նկատում է, որ 5 համարի գնացքը լուսացույցի մոտով անցնում է 5 վայրկյանում, իսկ 150մ երկարությամբ գնացքի հարթակի մոտով՝ 15 վայրկյանում: Ի՞նչ արագությամբ է գնում գնացքը:

2. Կարենը նայում է գնացքի պատուհանից և տեսնում, որ հանդիպակաց գնացքն իր պատուհանի մոտով անցնում է 6 վայրկյանում: Որքա՞ն է գնացքի արագությունը, եթե նրա երկարությունը 120մ է:
3. Մեծ քաղաքին մոտենալիս նրանց գնացքին սկսում է մոտենալ 90կմ/ժ արագություն ունեցող գնացքը: Կարենին հետաքրքիր է, թե որքա՞ն ժամանակ է անհրաժեշտ, որ գնացքն անցնի 5 համարի գնացքից, եթե նրանց երկարությունները միևնույն են:
4. Գետակի կամուրջին դեռ չհասած 5 համարի գնացքը սկսեց սուլել: Ավելի ուշ Կարենը խոսակցություններից իմացավ, որ այդ պահին կամուրջի վրա մարդ է եղել, որն անցել էր կամուրջի 3/8 մասը: Եթե այդ մարդը հետ վազեր, ապա գնացքի հետ կհանդիպեր կամուրջի սկզբին, բայց մարդը վազում է առաջ, և մարդն ու գնացքն հանդիպում են կամրջի վերջում, սակայն մարդը հասցնում է ցատկել: Ի՞նչ արագությամբ էր վազում այդ մարդը:

Իրավիճակ 4.:Ուսուցողական (8-րդ դասարան)

Տրված է հետևյալ ֆունկցիան $y=ax^2 + bx + c$, որտեղ a, b, c իրական թվեր են:

Պատասխանեք հետևյալ հարցերին`

1. Որոշե՞ինչ է իրենից ներկայացնում ֆունկցիայի գրաֆիկն a պարամետրից կախված:
2. Լրացրեք աղյուսակ 2-ի դատարկ վանդակները` տեղադրելով ֆունկցիայի գծապատկերի նախագիծը, որ բավարարում է հետևյալ պայմանին

$y=ax^2 + ax + c$	$D < 0$	$D = 0$	$D > 0$
$a > 0$			
$a < 0$			

Աղյուսակ 2

Նշեք պարաբոլի և աբսցիսների առանցքի հատման կետերի կոորդինատները, եթե այդ կետերը կան, օգտագործելով հետևյալ նշանակումները x_-, x_+, x_0 , որտեղ, եթե $D > 0$ և

$x_0 = -b/2a$, եթե $D = 0$ դիսկրիմինանտը $D = b^2 - 4ac$

1. Օգտագործելով 1, 2 կետերում ստացված արդյունքները` լուծեք խնդիրը
2. Որոշել a պարամետրի n° արժեքի դեպքում $x^2 - 4ax + 2a - 3 < 0$ ֆունկցիան չունի լուծում
3. a -ի որ արժեքի դեպքում

$$(1 + a)^n x^2 - (1 + a)^n x - 2 > 0 \text{ ունի մեկ լուծում}$$

1. Լուծել անհավասարումը

$$(6 + a)^n x^2 - (3 + a)^n x + 1 > 0 \text{ a-ի բոլոր դեպքերի համար}$$

Իրավիճակ 5. Հետազոտական 10-րդ դասարան

Որպեսզի լրացնեն դպրոցի բազմանիստերի հավաքածուն պետք է սովորաթղթից պատրաստել այն չափի իկոսաեդր, որը 20սմ առավելագույն երկարությամբ կտրվածքներ կտեղավորի իր մեջ :


Օգտագործելով տեղեկատվության տարբեր աղբյուրներ, կառուցեք իկոսաեդրը տարբեր եղանակներով: Որքա՞ն է իկոսաեդրների առավելագույն քանակը, որոնք կտեղավորվեն 40×40×60սմ արկղի մեջ, կամ գլանաձև մարմնի մեջ, որն ունի 50սմ շառավիղ և 60սմ բարձրություն:

Մաթեմատիկայի դասավանդման ընթացքում իրավիճակային առաջադրանքի ձևակերպումն ունի իր առանձնահատկությունները, համեմատած հասարակագիտական առարկաների հետ, քանի որ բարդ, իրական իրավիճակների մաթեմատիկական մոդելներ կազմելու և լուծելու համար անհրաժեշտ է ունենալ ընդլայնված մաթեմատիկական կարողություններ և հմտություններ: Որպեսզի կարողանանք քեյ-սթադի մեթոդն օգտագործել մաթեմատիկա ուսուցանելիս, անհրաժեշտ է մաթեմատիկական առաջադրանքներն ուսումնասիրել իրականությանը ավելի համապատասխանեցնելով, միաժամանակ պահպանելով քեյ-սթադի մեթոդի բոլոր առանձնահատկությունները: Ցանկացած դեպքում յուրաքանչյուր իրավիճակային առաջադրանք պետք է իր մեջ ներառի նոր գիտելիքներ և սովորողներին ներկայացնի բուն խնդիրը: Գործնական տեսակի իրավիճակային առաջադրանքի գաղափարը և բովանդակությունը կարելի է վերցնել գործնական ուղղորդող թեստային առաջադրանքներից կամ երկրաչափական բովանդակությամբ առաջադրանքներից:

Ստորև ներկայացնենք գործնական և հետազոտական մեթոդների կիրառմամբ պատրաստված պրեզենտացիոն աշխատանքներ:



Ֆունկցիայի Հետազոտումը



Հետազոտենք ֆունկցիան
և կառուցենք նրա գրաֆիկը
հետևյալ քայլերով

Դիտարկենք
 $f(x) = 1/(x^2+1)$
ֆունկցիան.

1. Գտնենք ֆունկցիայի որոշման տիրույթը՝ $D(f)$ -ը և արժեքների բազմությունը՝ $E(f)$ -ը:

Քանի որ x^2+1

հայտարարը 0 չի դառնում հետևաբար

$$D(f)=\mathbb{R} \quad \text{և} \quad E(f)=(0;1]:$$

2. Ֆունկցիան *գույգ է* քանի որ ցանկացած x - ի համար $f(-x)=1/((-x)^2+1)=1/(x^2+1)=f(x)$:

3. Գտնենք կոորդինատային առանցքների հետ f ֆունկցիայի հատման կետերը:

Գծապատկերը օրդինատների առանցքը հատում է $(0;f(0))$ կետում, որտեղ $f(0)=1$:

Այսինքն՝ գծապատկերն
անցնում է **(0;1)** կետով:

Աբսցիսների առանցքի հետ
գծապատկերի հատման կետե-
րը գտնելու համար պետք է
լուծել **$f(x)=0$** հավասարումը՝

$$1 / (x^2+1) = 0$$

Որն այս դեպքում արմատներ
չունի:

Ուրեմն՝

f ֆունկցիայի գծապատկերը
չի հատում

աբսցիսների առանցքը:

4. Պարզենք, թե **f** ֆունկցիան n° ր
միջակայքերում է ընդունում

դրական արժեքներ և n° ր
միջակայքերի վրա՝ **բացասական**
Արժեքներ այսինքն՝ ֆունկցիայի

նշանապահականման
միջակայքերը:

Այդ միջակայքերում
ֆունկցիայի գծապատկերը
գտնվում է արբսցիսների
առանցքից, համապատասխան-
որեն, վերև կամ ներքև:

Մեր օրինակում՝ ցանկացած
x-ի դեպքում (x^2+1) –ը **դրական**
է, ուրեմն՝ ամբողջ թվային ուղղի
վրա $f(x) > 0$:

5. Պարզենք ֆունկցիայի **աճման**
և նվազման միջակայքերը:

Դիցուք $x_1 > x_2$ -ը $[0; \infty)$

միջակայքից են և $x_1 > x_2$: Քանի
որ x_1 -ը և x_2 -ը դրական են,

$$x_1 < x_2 \Rightarrow x_1^2 < x_2^2, x_1^2 + 1 < x_2^2 + 1, 1/(x_1^2 + 1) > 1/(x_2^2 + 1):$$

Ուրեմն $f(x_1) > f(x_2)$, այսինքն՝
 f ֆունկցիան *նվազում է* $[0; \infty)$
միջակայքի վրա:

$(-\infty; 0]$ միջակայքում *աճում է*:

6. Գտնենք ֆունկցիայի
արժեքներն այն կետերում,
որտեղ աճումը փոխվում է
նվազման կամ հակառակը:

Մեր օրինակում դա **0**-ն է, որը
մաքսիմումի կետ է:

7. Նկատենք, որ x -ն
անսահմանափակորեն աճելիս
 x^2+1

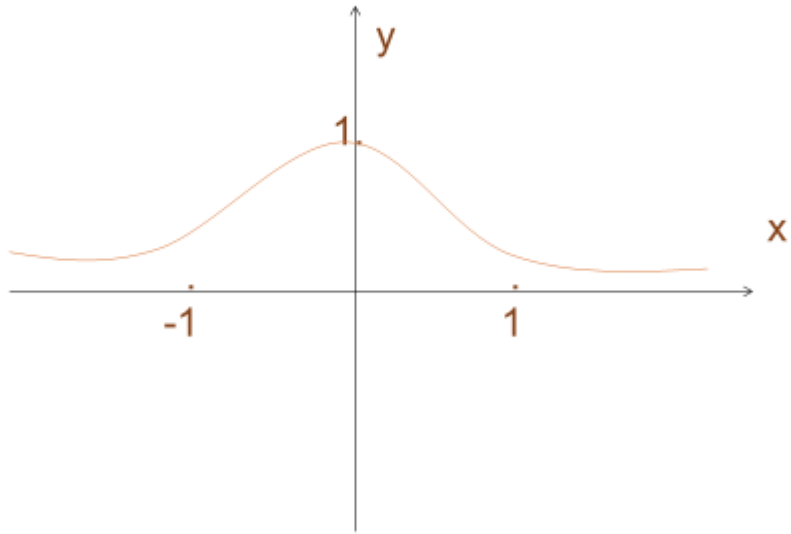
արտահայտության արժեքը
նույնպես աճում է,

Ուստի

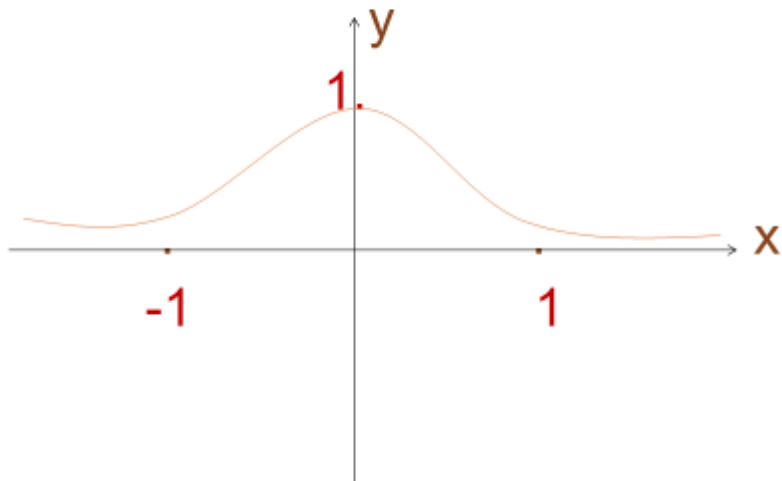
$$f(x) = 1/(x^2+1) \text{ -ի}$$

արժեքները (մնալով դրական)
մոտենում են **0**-ին:

X-ի դեպքում $f(x) > 0$, արսցիսների առանցքից ներքև չի իջնում:



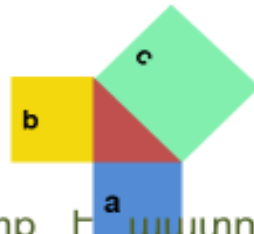
Ց.Կառուցենք ֆունկցիայի գրաֆիկը:



ԳՈՐԾՆԱԿԱՆ ԱՇԽԱՏԱՆՔ
«ՊՅՈՒԹԱԳՈՐԱՍԻ ԹԵՈՐԵՄԸ»



Ուղղանկյուն եռանկյուն կողմերի վրա կառուցում ենք քառակուսիներ, որոնց մակերեսներն են՝ a^2, b^2, c^2 և անհրաժեշտ է համեմատել $a^2 + b^2 = c^2$ (ընդունենք, որ մեծ կողմը c -ն է):



Երեխաները պետք է պատրաստեն տարբեր չափսերի և տարբեր տեսակի (սուրանկյուն, ուղղանկյուն և բութանկյուն) եռանկյուններ: Աշակերտները պետք է օգտվեն փոխադրիչներից և քանոններից, կատարեն անհրաժեշտ չափումներ և ստացված արդյունքները ներկայացնեն աղյուսակով:

Աշակերտները ձևակերպում են իրենց եզրակացությունները.

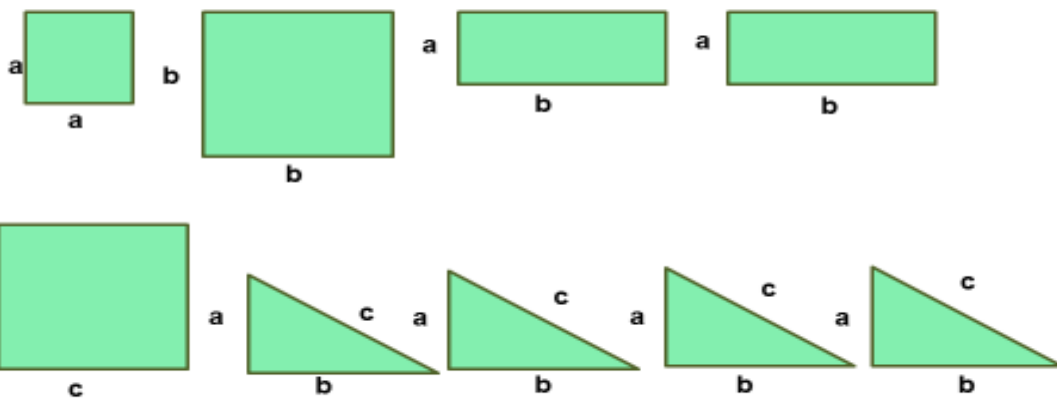
ա) սուրանկյուն եռանկյան մեծ կողմի քառակուսին փոքր է մյուս երկու կողմերի քառակուսիների գումարից :

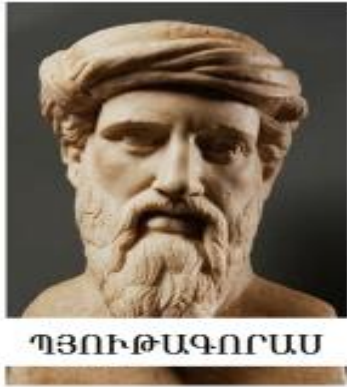
բ) բութանկյուն եռանկյան մեծ կողմի քառակուսին մեծ է մյուս երկու կողմերի քառակուսիների գումարից:

գ) ուղղանկյուն եռանկյան մեծ կողմի (սերքնաձիգի) քառակուսին հավասար է մյուս երկու կողմերի (էջերի) քառակուսիների գումարից.

	Եռանկյան տեսակը	a	b	c	a ²	b ²	c ²	c ² և a ² + b ² համեմատությունը
1								
2								
3								

Խմբերին տալ ստվարաթղթից պատրաստված պատկերներ.



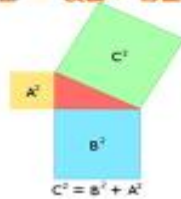


ՊՅՈՒԹԱԳՈՐԱՍ

Հանձնարարել այդ պատկերների միջոցով ստանալ երկու միանման քառակուսիներ: ստացված Որոշել ստացված քառակուսիների մակերեսները.

$$1. (a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$$

$$2. (a+b)^2 = c^2 + 4 \cdot \frac{1}{2}ab = c^2 + 2ab \rightarrow c^2 = a^2 + b^2$$



Մաթեմատիկայի դասավանդման ընթացքում իրավիճակային առաջադրանքների ձևավորման ժամանակ անհրաժեշտ է առանձնացնել խնդրահարույց իրավիճակը, որի լուծումը հիմնվում է տեսական գիտելիքների վրա, բայց միևնույն ժամանակ նրանց համար հանդիսանում է նորություն:

Այս դեպքում իրավիճակային առաջադրանքը սովորեցնելու փուլում կարող է բաժանված լինել մի քանի առաջադրանքների, որոնց լուծումը սովորողներին հնարավորություն կտա մոտենալ հիմնական առաջադրանքի լուծմանը, պարզաբանելով նրան առաջադրված խնդիրը և մատչելի դարձնել դրա վերլուծությունը:

Հետազոտական իրավիճակային առաջադրանքները ավելի բարդ առաջադրանքներ են, հետևաբար ենթադրվում է, որ դրանց բովանդակությունը, լուծման մեթոդները պետք է լինեն սովորողների զարգացման մակարդակին համապատասխան: Որպեսզի առաջադրվեն հետազոտական տեսակի առաջադրանքներ, միջին դպրոցի մաթեմատիկայի ուսուցման ծրագրից պետք է առանձնացվեն այն առաջադրանքները, որոնց լուծումը պահանջում է լրացուցիչ տեղեկատվության ուսումնասիրություն մաթեմատիկայի այլ բաժիններից, և այլ գիտական ոլորտներից լրացուցիչ տեսական գիտելիքների ներգրավում:

Ուսումնառության ընթացքում իրավիճակային առաջադրանքները կարելի է կիրառել անհատական և խմբակային: Գործնական տեսակի մաթեմատիկական իրավիճակային առաջադրանքները, որպես կանոն ուղղված են սովորողի անհատական աշխատանքին: Դրանք շատ քիչ ժամանակ են պահանջում լուծման համար և կարելի է հանձնարարել լուծել դասարանում կամ տանը: Այդ առաջադրանքների ստուգումն իրենից դժվարություն չի ներկայացնում և կարող է իրականացվել տարբեր մեթոդներով ու ձևերով:

Սովորողների անհատական առաջադրանքների քննարկումն իրականացվում է 2-4 անձից բաղկացած փոքր խմբերում, որից հետո խմբի ներկայացուցիչն արդյունքները ներկայացնում է դասարանին:

Ուսուցողական և հետազոտական տեսակի մաթեմատիկական առաջադրանքները կարող են առաջարկվել ինչպես ինքնուրույն, այնպես էլ խմբային: Ուսուցողական իրավիճակային առաջադրանքները կարող են լուծվել բարձր մակարդակի մաթեմատիկական գիտելիքներ ունեցող աշակերտների կողմից՝ առանց ուսուցչի տրված լրացուցիչ ուղղորդման: Միջին մակարդակ ունեցող աշակերտների համար անհրաժեշտ է մշակել ավելի մանրամասն հրահանգներ, կանխատեսել նրանց առաջադիմության զարգացման ընթացքը, պարբերաբար ստուգել միջանկյալ արդյունքները:

Խմբային աշխատանքի դեպքում նպատակահարմար է յուրաքանչյուր խմբի հետ կցել մաթեմատիկայից բարձր մակարդակի գիտելիքներ ունեցող աշակերտների՝ որպես խորհրդատու: Անհրաժեշտ է, որ ուսուցիչն այդ առաջադրանքը նախապես ուսումնասիրի խորհրդատու նշանակված աշակերտների հետ: Խմբի մասնակիցներին գնահատելու ժամանակ խորհրդատուն ունի խորհրդակցական ձայնի իրավունք:

Հետազոտական տեսակի առաջադրանքների լուծման համար նպատակահարմար է ստեղծել 4-5 անդամից բաղկացած աշխատանքային խմբեր և առաջադրանքի լուծման համար կարող է տրվել բավականին երկար ժամանակ՝ շաբաթ և ավելի: Եթե առաջադրանքն երկար ժամանակահատվածի համար է ապա սովորող յուրաքանչյուր խմբի համար անհրաժեշտ է իրականացնել 1-2 խորհրդատվություն, որի ընթացքում քննարկվում են ուսումնասիրությունից ստացված միջանկյալ արդյունքները և անհրաժեշտության դեպքում տրվում է լրացուցիչ խորհրդատվություն:

Աշխատանքներն ավարտելուց հետո առաջարկվում է կազմակերպել գիտաժողով, որի ընթացքում խմբերը ներկայացնում են իրենց կողմից ստացված արդյունքները: Այդ իսկ պատճառով անհրաժեշտ է խմբերին տալ նույն կամ տարբեր, բայց իրար լրացնող առաջադրանքներ:

Մաթեմատիկական բարձր մակարդակի գիտելիքներ ունեցող աշակերտներին կարող են առաջարկվել անհատական առաջադրանքներ: Ցանկացած տիպի մաթեմատիկական իրավիճակային առաջադրանքի կազմակերպման, անհատական առաջադրանքների լուծման դեպքում պետք է իրականացնել որոշակի մոտեցում:

1. Իրավիճակի վերլուծություն և խնդրի սահմանում:
2. Խնդրի լուծման հնարավոր մեթոդների ընտրություն:
3. Որոշման ընդունում՝ մեթոդի ընտրության և տեսական գործիքների հետ կապված:
4. Խնդրի նկարագրություն՝ ընտրված գիտական տեսության շրջանակներում՝ մոդելի ձևավորում:
5. Խնդրի լուծում:
6. Լուծման համարժեքության ստուգում:

Ներկայացնենք ևս մեկ մեթոդ, որը կոչվում է խաղային: Այն նույնպես մեծ հետաքրքրություն և մոտիվացիա է առաջացնում աշակերտների մոտ: Ներկայացնում են իմ կողմից պատրաստված խաղ-մրցույթը՝ S<S գործիքների կիրառմամբ

Բոլորիս համար էլ պարզ է որ նույն աշխատանքը, երբ թղթային տարբերակով ենք տալիս սովորողները լարվում են և մեծ հետաքրքրություն չեն ցուցաբերում, իսկ առցանց ձևով մատուցելու ժամանակ և հետաքրքրությունն է մեծանում, և ավելի հանգիստ են կատարում առաջադրանքը:

2-րդ առավելությունն այն է, որ առաջադրանքն ավարտելուց հետո անմիջապես տեսնում են արդյունքը:

3-րդ առավելությունը կայանում է նրանում, որ ուսուցիչը լրացուցիչ ժամանակ չի հատկացնում ստուգմանը, ուստի հաճախ Quizz-ով փոքրիկ թեստեր են կազմում որպեսզի ստուգեն նյութի յուրացման աստիճանը:

Ուսուցման գործընթացում շատ կարևոր է կոնկրետ իրավիճակներում առաջացած գործնական խնդիրների լուծումը, որը նպաստում է վերլուծական, քննադատական մտածողության զարգացմանը: Այդ գործում չափազանց մեծ է մաթեմատիկայի դերը: Բայց այս խնդիրը լուծելու համար անհրաժեշտ են կոնկրետ մոտեցումներ, կոնկրետ մեթոդների կիրառություն: Աշակերտին ոչ թե պետք է հրամցնել պրոբլեմի լուծումը, այլ ստեղծել այնպիսի ուսումնական միջավայր, որը նրան կստիպի մտածել, քայլ առ քայլ մոտենալ նպատակին կիրառելով համապատասխան լուծման մեթոդ:

Սույն հետզոտական աշխատանքի նպատակն է ցույց տալ այս մեթոդի առավելությունը, աշակերտի ակտիվության, հետաքրքրասիրության և վերլուծական մտածողության զարգացման գործում:

Բոլորիս քաջ հայտնի է որ նոր չափորոշիչներով բոլոր առարկաներից աշակերտները պետք է ներկայացնեն «Նախագծային աշխատանք», իսկ այդ գործում իր մեծ ներդրումն ունի Քեյս- սթադիի մեթոդը:

Եզրակացություն

Հետազոտական աշխատանքում ներկայացված են կոնկրետ իրավիճակների վերաբերող առաջադրանքների քեյսերի տարբեր տիպերը, որոնք կարող են օգտագործվել մաթեմատիկայի ուսուցման գործընթացում:

Ներկայացված են մաթեմատիկական կոնկրետ իրավիճակային

[քեյս] առաջադրանքների օրինակներ, դիտարկված են տարբեր տիպի մաթեմատիկական խնդիրների մշակման մոտեցումներ:

Բոլորիս քաջ հայտնի է որ նոր չափորոշիչներով նախատեսված են բոլոր առարկաներից աշակերտները պետք է ներկայացնեն «Նախագծային աշխատանք», իսկ այդ գործում իր մեծ ներդրումն ունի Քեյս-սթադիի մեթոդը:

Ամփոփելով նշենք, որ քեյս-սթադի մեթոդի կիրառումը մաթեմատիկայի դասավանդման ընթացքում ամրագրված է առարկայական չափորոշիչներով, այն արդյունավետ է ներգործում սովորողի ուսումնառության

Օգտագործված գրականության ցանկ

1, Долгоруков А Case-study как способ понимания.

Практическое руководство для системы Открытого образования на основе дистанционных технологий/ Под ред. А. Долгоруков М. Центр интенсивных технологий образования -2002, с. 22-44

2. Долгоруков А Метод case study как современная технология профессионально- ориентированного Обучения

3.Смолянинова О. Г. Дидактические возможности метода case study в обучении студентов. Электр, ресурс. – Режим доступа:

4 Erskine J. A. Leenders M, R. Learning with Cases. Third edition. Ivey. The University of Western Ontario 2003