

ԼԵՈՅԻ ԱՆՎԱՆ Հ. 65 ԴՊՐՈՑ

ԱՎԱՐՏԱԿԱՆ ՀԵՏԱԶՈՏԱԿԱՆ ԱՇԽԱՏԱՆՔ

ԹԵՄԱ՝ ՏԵՔՍՏԱՅԻՆ ԽՆԴԻՐՆԵՐԻ ԼՈՒԾՄԱՆ ԵՂԱՆԱԿՆԵՐԸ

ԿԱՏԱՐՈՂ՝

Է. ՀԱԿՈՒԲՅԱՆ

ԽՄԲԻ ՂԵԿԱՎԱՐ՝

Զ. ԽԱԶԱՏՐՅԱՆ

ԵՐԵՎԱՆ 2023

# Տեքստային խնդիրների լուծման եղանակները

## *Աշխատանքի ընդհանուր բնութագիրը.*

Ներկայացվող աշխատանքը նվիրված է տեքստային խնդիրների լուծման տարբեր եղանակների նկարագրությանը:

Բերված են կոնկրետ օրինակներ՝ այդ եղանակների կիրառությամբ, միևնույն խնդիրը լուծվել է տարբեր մեթոդներով և կատարվել է դրանց միջև համեմատական վերլուծություն՝ առավել ռացիոնալ մեթոդն ընտրելու համար:

## **Ք 1. Ներածություն**

Տեքստային խնդիրները և՛205207 դրանց լուծման եղանակները կարևոր տեղ ունեն մաթեմատիկայի դպրոցական դասընթացում:

Այս խնդիրներն առավել ակնառու են դարձնում մաթեմատիկայի կիրառությունները առօրյա կյանքում: Հենց տեքստային խնդիրներ և դրանց ուսումնասիրությամբ է, որ սովորողների մոտ հաստատվում է այն միտքը, որ մաթեմատիկայի՝ իրենց ձեռք բերվող գիտելիքներն ինքնանպատակ և կյանքից կտրված չեն, և մաթեմատիկական խնդիրները գալիս են գիտության տարբեր բնագավառներից: Հարկ է նշել, որ հենց այս խնդիրների օգնությամբ է նաև, որ սովորողներն ընկալում են մաթեմատիկայի համակողմանի լինելը, քանի որ դիտարկվող խնդիրների կիրառությունները և բնագավառները, որտեղից գալիս են այդ խնդիրները, բազմազան են:

Այդ է պատճառը, որ տեքստային խնդիրներին և դրանց լուծմանն անդրադարձել են բազմաթիվ հեղինակներ, ուսուցիչներ, սովորողներ և շատ անգամ նաև մարդիկ, ում գործունեության բնագավառը շատ հեռու է մաթեմատիկայի ուսումնասիրությունից:

Այս առումով հատկանշական են դիտարկվող խնդիրներով հետաքրքրվողները՝ սկսած հին Բաբելոնացիներից, եգիպտացիներից, հանճարեղ Պյութագորասից, մեծն Շիրակացուց, վերջացրած մաթեմատիկայից բավականաչափ հեռու գործունեություն ծավալած անձանցով, ովքեր տեքստային խնդիրներն առաջարկում են տարբեր “գրագների” և ժամանցի նպատակով:

Այս առումով, տեքստային խնդիրներն ունիվերսալ են, և հենց այդ պատճառով է, որ ցանկացել ենք հատուկ ուշադրության ենթարկել այս թեման:

Աշխատանքում ներկայացվում են տեքստային խնդիրների լուծման հիմնական եղանակները: Օրինակները, որոնց օգնությամբ ցույց են տրվել ներկայացվող եղանակները, հիմնականում վերցված են 5-7-րդ դասարանների մաթեմատիկայի դասագրքերից:

## 2. Պատմական ակնարկ

Տեքստային խնդիրների առաջին օրինակները գալիս են մաթեմատիկայի հենց ակունքներից, որն, ինչպես հայտնի է, ունի բազմադարյա պատմություն:

Բերենք տարբեր ժամանակներից հայտնի խնդիրներ (խնդիրների լուծումները կտրվի լուծման եղանակների նկարագրությունից հետո)

**Խնդիր 1.** [1] Ահմեսի պապիրուսից (Եգիպտոս, մեր թվարկությունից մոտավորապես 2000 տարի առաջ) : Մոտենում է նախրապանը 70 ցուլերով: Նրան հարցնում՝

- Քանի՞ սն էս դու բերում քո բազմաքանակ նախրից:  
Նախրապանը պատասխանում է.
- Ես բերում եմ ամբողջ նախրի մեկ երրորդի երկու երրորդը : Քանի՞ գլուխ անասուն կար նախրում:

**Խնդիր 2.** [2] Հին խնդիր (Հունաստան)

- Ասա ինձ , մեծահոջակ Պյութագորաս, քանի՞ աշակերտ է հաճախում քո դպրոցը և լսում քո զրույցները:
- Ահա որքան, -պատասխանեց փիլիսոփան, - նրանց կեսը մաթեմատիկա է ուսումնասիրում, քառորդը երաժշտություն, յոթերորդ մասը ազատ ունկնդիր է, և բացի դրանցից, երեք կին էլ կա: Քանի՞ աշակերտ էր հաճախում այդ ժամանակ պյութագորական դպրոց:

**Խնդիր 3.** [2] Անանիա Շիրակացու խնդիրներից ( VII դար)

Մի վաճառական անցավ երեք քաղաքներով: Առաջին քաղաքում նրանից տուրք բռնագանձեցին իր ունեցածի կեսն ու երրորդը մասը, երկրորդ քաղաքում հաշվեցին ինչ որ ուներ, գանձեցին այդքանի կեսն ու երրորդ մասը, իսկ երրորդ քաղաքում դարձյալ հաշվեցին ինչ ուներ և գանձեցին այդքանի կեսն ու երրորդը: Իսկ երբ այդ մարդն տուն հասավ, նրա մոր մնացել էր 11 դահեկան: Արդ՝ իմացիր, թե քանի՞ դահեկան ուներ սկզբում:

**Խնդիր 4.** [1] Հին խնդիր (Զինաստան մ. թ. II դար)

Վայրի բաղն հարավային ծովից մինչև հյուսիսային ծովը թռչում է 7 օրում: Վայրի սազը հյուսիսային ծովից մինչև հարավային ծովը թռչում է 9 օրում: Մի անգամ բաղն ու սազը միաժամանակ թռան : Քանի՞ օր հետո նրանք կհանդիպեն:

## ☛ Տեքստային խնդիրների լուծման հիմնական մեթոդները

Մաթեմատիկական խնդիրը հակիրճ կապակցված պատմություն է, որտեղ ներմուծված են տարբեր մեծությունների արժեքներ և առաջարկվում է գտնել այլ մեծությունների անհայտ արժեքներ, որոնք կախված են տվյալներից և դրանց հետ կապված որոշակի առնչություններից, որոնք նշված են պայմաններով:

Ցանկացած տեքստային խնդիր կազմված է երկու մասից՝ տվյալ և պահանջ:

Տեքստային խնդիրների լուծման հիմնական եղանակներն են.

- թվաբանական
- հանրահաշվական
- երկրաչափական
- սխեմատիկ

Թվաբանական մեթոդ: Լուծել խնդիրը թվաբանական մեթոդով, նշանակում է գտել պահանջվող պատասխանը՝ կատարելով թվաբանական գործողություններ թվի հետ:

Հանրահաշվական մեթոդ: Լուծել խնդիրը հանրահաշվական մեթոդով, նշանակում է գտնել պահանջվող պատասխանը՝ կազմելով հավասարում կամ հավասարումների համակարգ:

Երկրաչափական մեթոդ: Լուծել խնդիրը երկրաչափական մեթոդով, նշանակում է գտնել պահանջվող պատասխանը՝ կիրառելով երկրաչափական կառուցումներ կամ երկրաչափական պատկերների կառուցումներ:

Սխեմատիկ մեթոդով խնդիրներ լուծել, որպես կանոն, նշանակում է լուծել այն սխեմաների օգնությամբ:

### 3. 1 Տեքստային խնդիրների լուծումը թվաբանական եղանակով

Այս եղանակն առավել վաղ հայտնի և տարածված եղանակ է և, ինչպես նշել ենք, այս մեթոդով խնդիրը լուծելիս նշանակում է տվյալների հետ կատարել թվաբանական գործողություններ՝ խնդրի պայմանների և պահանջին համապատասխան:

Բերենք օրինակներ.

Օրինակ 1. [1] 4 դարակներում շարված են 164 գիրք: Երբ առաջին դարակից հանեցին 16 գիրք, չորրորդում ավելացրեցին 12 գիրք, իսկ երկրորդից երրորդ տեղափոխեցին 15-ը, ապա բոլոր դարակներում գրքերի քանակները հավասարվեցին: Քանի՞ գիրք կար յուրաքանչյուր դարակում նախապես:

Նախ համառոտագրենք խնդիրը, ապա լուծենք տարրական դպրոցում ընդունված հիմնական մոտեցումով:

$$\left. \begin{array}{l} \text{Առաջին դարակ} \\ \text{Երկրորդ դարակ} \\ \text{Երրորդ դարակ} \\ \text{Չորրորդ դարակ} \end{array} \right\} 164 \text{ գիրք} \quad \left. \begin{array}{l} \text{հանեցին } 16 \text{ գիրք} \\ \text{տեղափոխեցին } 15 \text{ գիրք} \\ \downarrow \\ \text{ավելացրեցին } 12 \text{ գիրք} \end{array} \right\} \text{հավասարվեց}$$

Յուրաքանչյուր դարակում կար ? գիրք:

Լուծում

- 1)  $164 - 16 + 12 = 160$  (գիրք) դարձավ չորս դարակում
- 2)  $160 : 4 = 40$  (գիրք) յուր. դարակում փոփոխություններից հետո
- 3)  $40 + 16 = 56$  (գիրք) Առաջին դարակ
- 4)  $40 + 15 = 55$  (գիրք) Երկրորդ դարակ
- 5)  $40 - 15 = 25$  (գիրք) Երրորդ դարակ
- 6)  $40 - 12 = 28$  (գիրք) Չորրորդ դարակ

Պատ՝ 56գ, 55գ, 25գ, 28գ. :

Օրինակ 2. Օժտված երեխաների մրցույթ “Քվանտ 2017”

Արամը տանից դպրոց էր հասնում 20 րոպեում: Մի անգամ նա դպրոց գնալու ճանապարհին հիշեց, որ տանն է մոռացել մաթեմատիկայի գիրքը : Եթե Արամը շարունակեր ճանապարհը, ապա դպրոց կհասներ զանգը հնչելուց 3 րոպե շուտ, իսկ եթե գնար տուն գիրքը բերելու, ապա դասից կուշանար 7 րոպե: Տանից դպրոց ճանապարհի  $n^{\circ}$ ր մասն էր անցել Արամը, երբ հիշեց մոռացած գրքի մասին:

Լուծում

Խնդրի պայմանից հետևում է, որ երբ Արամը հիշեց մոռացած գրքի մասին, նա գտնվում էր տանից այնքան հեռավորության վրա, որը 2 անգամ անցնելու (զնալ-գալու) համար նրանից կպահանջեր  $3 + 7 = 10$  րոպե: Հետևաբար, ճանապարհի նշված հատվածը մեկ անգամ անցնելու համար նա ծախսել է 5 րոպե: Քանի որ Արամը տանից դպրոց ամբողջ ճանապարհը անցնում է 20 րոպեում, ուրեմն նշված ճանապարհահատվածը կազմում է ամբողջ ճանապարհի  $\frac{5}{20} = \frac{1}{4}$  մասը:

Պատ՝  $\frac{1}{4}$  մասը:

Որպես օրինակներ բերենք  $\phi$  2-ի, խնդիր 1, խնդիր 3, Խնդիր 4 խնդիրների լուծումները Խնդիր 1.

Լուծում

- 1)  $\frac{1}{3} \cdot \frac{2}{3} = \frac{2}{9}$  (մասը) ամբողջի  $n^{\circ}$  ր մասն էր բերում
- 2)  $70 : \frac{2}{9} = 70 : 2 \cdot 9 = 315$  (անասուն) ամբողջ նախիրը

Պատ՝ 315 անասուն :

Խնդիր 2.

Լուծում

- 1)  $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{3} = \frac{1}{6}$  (մասը) ամբողջի բռնագանձված մասը յուր. քաղաքում
- 2)  $\frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} = \frac{1}{216}$  (մասը) երեք քաղաքներում բռնագանձված ընդհանուր մասը
- 3)  $11 : \frac{1}{216} = 2376$  (դահեկան) ամբողջի որոշել ըստ իր մասի

Պատ՝ 2376 դահեկան

Խնդիր 4.

Լուծում

Բաղը – 7 օրում                          1 օրում բ. -  $\frac{1}{7}$  մասը

Սազը – 9 օրում                          1 օրում ս. -  $\frac{1}{9}$  մասը

Կհանդիպեն ? օրում

- 1)  $\frac{1}{7} + \frac{1}{9} = \frac{16}{63}$  (մասը) 1 օրում միասին անցան ճանապարհը
- 2)  $1 : \frac{16}{63} = \frac{63}{16}$  (օր)

Պատ՝  $\frac{63}{16}$  օր = 3 օր 22ժ. 30ր. :

### **3. 2 Հանրահաշվական եղանակ**

Այս մեթոդն առավել տարածված և կիրառվող է և թվաբանական մեթոդի հետ միասին հաճախ դասվում է տեքստային խնդիրների լուծման ավանդական մեթոդների շարքին:

Հարկ է նշել, որ հանրահաշվական մեթոդով խնդիրների լուծումը ստացվում է բավականին հեշտ: Դա պայմանավորված է նրանով, որ ամբողջ խնդրի ընթացքը, տվյալների և պահանջների փոխկապակցվածությունն արտահայտում է միանգամից՝ հավասարման կամ հավասարումների համակարգի միջոցով: Եվ, ընդհանրապես, այս պարզությունը հանրահաշվի, տառային արտահայտության, փոփոխական մեծության և այլ հասկացությունների ներմուծման շնորհիվ մաթեմատիկայում կատարված հեղափոխության արդյունքից է:

Հավասարումը կամ հավասարումների համակարգը խնդրին համապատասխան կազմելու համար սովորաբար կատարվում է խնդրի համառոտագրություն, որը կարող է լինել հակիրճ գրառման, սխեմատիկ գծագրի (օրինակ, շարժման խնդիրների դեպքում) կամ տվյալների ու անհայտների աղյուսակի տեսքով: Նշենք, որ այստեղ նպատակահարմար է որ բոլոր մեծությունների չափման միավորները լինեն համապատասխան (օրինակ, եթե տվյալում արագությունը տրված է կմ/ժ-ով, իսկ ժամանակը՝ րոպեով, ապա ժամանակը պետք է արտահայտել ժամով կամ կմ/ժ-ը՝ կմ/ր-ով, կամ եթե նյութի խտությունը տրված է կգ/մ<sup>3</sup> - ում, իսկ ծավալը լիտրով, ապա վերջինս կարելի է վերածել մ<sup>3</sup> - ի):

Այնուհետև կազմվում է հավասարում, անհավասարում կամ հավասարումների համակարգ՝ համապատասխան խնդրին: Նշվում է փոփոխականի ԹԱԲ-ը, կատարվում է ստացված լուծումների վերլուծություն և գրվում է պատասխանը:

Այս մեթոդով խնդիրների լուծման օրինակները սկսենք

Խնդիր 2-ով՝

Լուծում

Ենթադրենք Պյութագորասն ունի  $x$  աշակերտ ( $x \in N$ ):

$$\text{Այս դեպքում՝ } \left. \begin{array}{l} \text{Մաթեմատիկա} - \frac{x}{2} \text{ աշ.} \\ \text{երաժշտություն} - \frac{x}{4} \text{ աշ.} \\ \text{ազատ ունկնդիր} - \frac{x}{7} \text{ աշ.} \\ \text{կին} - 3 \text{ աշ.} \end{array} \right\} x \text{ աշ.}$$

Հետևաբար,

$$\frac{x}{2} + \frac{x}{4} + \frac{x}{7} + 3 = x$$

$$x = 28(\text{աշ.})$$

Պատ՝ 28 աշ:

Օրինակ 3. [3] Թիվը մեծացրել են  $p\%$ -ով: Քանի՞ տոկոսով պետք է փոքրացնել թիվը՝ սկզբնական թիվը ստանալու համար:

Լուծում

Մեծացրել են  $p\%$ -ով,

Փոքրացնեն  $q\%$ -ով, որպեսզի ստացվի սկզբնական թիվը

Ենթադրենք սկզբնական թիվն էր՝  $a$ -ն, մեծացնելու արդյունքում ստացվածը՝

$a + a \cdot p\% = a(1 + \frac{p}{100})$ : Դիցուք ստացված թիվը  $q\%$ -ով փոքրացնելու արդյունքում ստացվում է  $a$ : Այդ դեպքում՝

$$a(1 + \frac{p}{100}) \cdot (1 - \frac{q}{100}) = a$$

$$1 - \frac{pq}{10000} + \frac{p}{100} - \frac{q}{100} = 1$$

$$\frac{q}{100}(1 + \frac{p}{100}) = \frac{p}{100} \Rightarrow q = \frac{100p}{100+p}$$

Պատ՝  $\frac{100p}{100+p} \%$ -ով:

### 3.3 Երկրաչափական մեթոդ

Այս մեթոդի էությունն է երկրաչափական պատկերների հատկությունների և այդ պատկերների մասերի փոխկապակցությունների կիրառումը տեքստային խնդիրների լուծման ընթացքում:

Բերենք օրինակ, որը նախորդ բերված օրինակի տրամաբանական շարունակությունն է և կարող է լուծվել նշված հանրահաշվաբան եղանակով:

Օրինակ 4. [3] Ընկերությունը պակասեցրեց արտադրանքի ծավալը  $20\%$ -ով: Քանի՞ տոկոսով պետք է այժմ ավելացնի արտադրության ծավալը, որպեսզի ստացվի սկզբնականին հավասար:

Լուծում

Սկզբնական ծավալը նշանակենք –  $a$  միավոր

Պակասեցրեցրին –  $20\%$  ու

Ավելացրեցին, որպեսզի ստացվի սկզբնականը – նշանակենք  $x\%$  –ով ( $x > 0$ )

Հավասարումը կլինի՝

$$a(1 - \frac{20}{100}) \cdot (1 + \frac{x}{100}) = a \Rightarrow x = 25\%$$



Սակայն, այս խնդիրը կարելի է լուծել նաև երկրաչափական եղանակով, որն առավել ակնառու է: Սկզբնական ծավալը ներկայացնենք AB հատվածի միջոցով: Այդ դեպքում



AB-ի 20%-ի  $\frac{1}{5}$  մասին հավասար BC հատվածը կլինի փոքրացված ծավալը, հետևաբար, արտադրության նոր ծավալը՝  $AC = \frac{4}{5} AB$  :

Ակնհայտ է, որ BC հատվածը AC հատվածի  $\frac{1}{4}$  մասն է կամ որ, նույնն է, 25%-ը՝

$$BC = \frac{1}{4} AC = AC \cdot 25\%$$

Այսպիսով, հարկավոր է մեծացնել 25%-ով:

Պատ.՝ 25%-ով:

### **3.4 Տեքստային խնդիրների լուծման սխեմատիկ մեթոդը**

Այս մեթոդը հայտնի է եղել հնուց՝ սկսած մ. թ. ա. , իսկ հետագայում հաճախ կիրառել են վաճառականները տարբեր ապրանքների վաճառքի ժամանակ: Տեքստային խնդիրների լուծման ժամանակ այս մեթոդը առավել հաճախ կիրառվում է լուծույթների և համաձուլվածքների վերաբերյալ խնդիրներ լուծելիս: Բերենք օրինակներ.

Օրինակ 5. [3] 180գրամ 24%-ոց սպիրտի լուծույթից վերցրեցին որոշ քանակությամբ լուծույթ և տեղը լցրեցին նույն կշիռով 30 %-ոց սպիրտի լուծույթ: Արդյունքում ստացվեց 25%-ոց լուծույթ: Քանի՞ գրամ լուծույթ էին վերցրել:

Լուծում

Ենթադրենք վերցրել են x գրամ լուծույթ ( $x > 0$ )

$$\left| \begin{array}{c} 180\text{գ} \\ 24\% \end{array} \right| - \left| \begin{array}{c} x\text{գ} \\ 24\% \end{array} \right| + \left| \begin{array}{c} x\text{գ} \\ 30\% \end{array} \right| = \left| \begin{array}{c} 180\text{գ} \\ 25\% \end{array} \right|$$

$$180 \cdot 24\% - x \cdot 24\% + x \cdot 30\% = 180 \cdot 25\%$$

$$30x - 24x = 180 \cdot 25 - 180 \cdot 24$$

$$6x = 180$$

$$x = 30 \text{ (գ.)}$$

Պատ.՝ 30 գրամ:

Օրինակ 6. [3] 180գ p %-ng սպիրտի լուծույթից վերցրին 30գ լուծույթ և փոխարենը լցրեցին 10գ մաքուր սպիրտ: Ստացված լուծույթից վերցրին 40գ լուծույթ և փոխարենը լցրեցին 30գ մաքուր սպիրտ: Արդյունքում ստացվեց 40%-ng լուծույթ: Գտնել p-ն:

Լուծում

$$\left| \begin{array}{c} 180\text{գ} \\ p\% \end{array} \right| - \left| \begin{array}{c} 30\text{գ} \\ p\% \end{array} \right| + \left| \begin{array}{c} 10\text{գ} \\ 100\% \end{array} \right| - \left| \begin{array}{c} 40\text{գ} \\ x\% \end{array} \right| + \left| \begin{array}{c} 30\text{գ} \\ 100\% \end{array} \right| = \left| \begin{array}{c} 150\text{գ} \\ 40\% \end{array} \right|$$

Խնդրում նկարագրված ամբողջ պրոցեսի սխեմատիկ նկարագիրն է տրված: Սակայն հավասարումը կազմելուց և լուծելուց առաջ նախ որոշենք x-ը՝ «միջանկյալ» լուծույթի սպիրտի տոկոսը: Դա ստացվում է հետևյալ պարզ սխեմայից

$$\left| \begin{array}{c} 180\text{գ} \\ p\% \end{array} \right| - \left| \begin{array}{c} 30\text{գ} \\ p\% \end{array} \right| + \left| \begin{array}{c} 10\text{գ} \\ 100\% \end{array} \right| = \left| \begin{array}{c} 160\text{գ} \\ x\% \end{array} \right|$$

$$180 \cdot p\% - 30 \cdot p\% + 10 \cdot 100\% = 160 \cdot x\% \Rightarrow x = \frac{15p+100}{16} \%$$

Այսպիսով, հավասարումը կլինի՝

$$180 \cdot p - 30 \cdot p + 10 \cdot 100 - 40 \cdot \frac{15p+100}{16} + 30 \cdot 100 = 150 \cdot 40$$

$$18p - 3p + 100 - \frac{15p}{4} - 25 + 300 = 600$$

$$\frac{45p}{4} = 425 \Rightarrow p = 20\%$$

Պատ.՝ 20%:

Օրինակ7 [2] Գրականության դասին ուսուցիչը որոշեց պարզել, թե դասարանի 40 աշակերտներից քանի՞սն են կարդացել A, B, C գրքերը: Հարցման արդյունքում պարզվեց, որ A գիրքը կարդացն է 25 աշակերտ, B գիրքը՝ 22 աշակերտ, C՝ գիրքը 22 աշակերտ, A և B գրքերից մեկը կարդացել է 33 աշակերտ, A և C գրքերից մեկը՝ 32 աշակերտ, B և C գրքերից մեկը՝ 31 աշակերտ: Բոլոր երեք գրքերը կարդացն են 10 աշակերտ: Քանի՞ աշակերտ

ա) միայն մեկ գիրք է կարդացել,

բ) կարդացել է ճիշտ երկու գիրք

գ) նշված գրքերից ոչ մեկը չի կարդացել

## Լուծում

Ընդամենը 40 աշակերտ

A – 25 աշակերտ

B – 22 աշակերտ

C – 22 աշակերտ

A և B – 33 աշակերտ

A և C – 32 աշակերտ

B և C – 31 աշակերտ

A, B, C – 10 աշակերտ

ա) միայն մեկ գիրք - ?

բ) ճիշտ երկու գիրք - ?

գ) ոչ մի գիրք - ?

Օգտվենք վերջավոր բազմությունների միավորման տարրերի քանակը հաշվելու հետևյալ պարզ բանաձևից.

$$|N_1 \cup N_2| = |N_1| + |N_2| - |N_1 \cap N_2|$$

Այդ դեպքում  $|A \cup B| = 25 + 22 - 33 = 14$

Քանի որ 10-ը կարդացել են բոլորը A, B, C գիրքը, ուրեմն այդ 14 աշակերտներից  $n_1 = 4$ -ն են, որ կարդացել են ճիշտ A և B գիրք:Նույն ձևով՝

$$|A \cup C| = 25 + 22 - 32 = 15$$

$$A\text{-ն և } C\text{-ն } n_2 = 15 - 10 = 5$$

$$|B \cup C| = 22 + 22 - 31 = 13$$

$$B\text{-ն և } C\text{-ն } n_3 = 13 - 10 = 3$$

Այդ դեպքում միայն A –ն՝  $k_1 = 25 - (10 + 4 + 5) = 6$

$$B\text{-ն } k_2 = 22 - (10 + 4 + 3) = 5$$

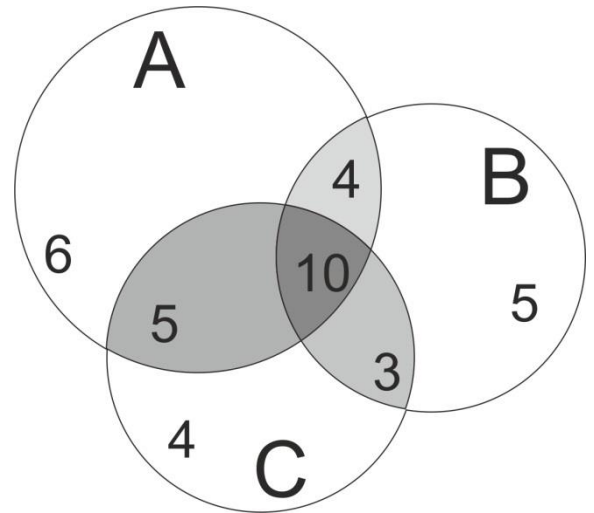
$$C\text{-ն } k_3 = 22 - (10 + 5 + 3) = 4$$

ա) միայն մեկ գիրք՝  $k_1 + k_2 + k_3 = 6 + 5 + 4 = 15$  (աշակերտ)

բ) ճիշտ երկու գիրք՝  $n_1 + n_2 + n_3 = 4 + 5 + 3 = 12$  (աշակերտ)

գ) ոչ մի գիրք՝  $40 - (15 + 12 + 10) = 3$  (աշակերտ)

Պատ.՝ 15 (աշակերտ) միայն մեկ գիրք



12 (աշակերտ) ճիշտ երկու գիրք

3 (աշակերտ) ոչ մի գիրք

## Եզրակացություն

Տարբեր տեքստային խնդիրների հետազոտման և լուծելու արդյունքում, դիտարկելով լուծման մեթոդները և մոտեցումները, գալիս ենք այն եզրակացության, որ ներառյալ 5-րդ դասարանի խնդիրները առավել նպատակահարմար է լուծել թվաբանական մեթոդով, իսկ սկսած 6-րդ դասարանի տեքստային խնդիրներից՝ հանրահաշվական եղանակով: Նշված եղանակներով խնդիրների լուծումն ուղեկցվում է սխեմատիկ եղանակի ներգրավումով, որը գրեթե միշտ կիրառվում է հատկապես շարժման, լուծույթների և համաձուլվածքների վերաբերյալ խնդիրներ լուծելիս :

Հարկ է նշել, որ բացի քննարկված եղանակներից, հայտնի է նաև այլ՝ ոչ ավանդական մեթոդներ (օրինակ, գրաֆիկական եղանակը), որոնց չանդրադարձանք ներկայացվող աշխատանքում:

Ամփոփելով ասենք, որ ինչպես հայտնի է, մաթեմատիկայի դերն անգերազանցելի է թե՛ ուսումնասիրության ու կիրառության բնագավառներով, թե՛ անձի մտածողության զարգացման և ձևավորման գործում, իսկ տեքստային խնդիրները մաթեմատիկայի դպրոցական դասընթացում ունեն ուրույն դեր. դրանք «կամուրջ» են մաթեմատիկայի և առօրյա հարցերի միջև: Հենց տեքստային խնդիրներն են նպաստում լեզվամտածողության զարգացմանը, պատճառահետևանքային կապերի տրամաբանական շղթայի կառուցմանը և փաստերի կոռեկտ շարադրմանը, մաթեմատիկայի առավել հասկանալի և կյանքին մոտ լինելը:

## Օգտագործված գրականության ցանկ

1. Ա. Մ. Նիկոլսկի, Մ. Կ. Պոտապով, Ն. Ն. Ռեշետնիկով, Ա. Վ. Շևկին «Մաթեմատիկա 5», Անտարես, Երևան 2019թ.:
2. Նիկոլսկի Ս. Մ. և ուրիշն. «Հանրահաշիվ 7», Անտարես, Երևան 2016թ.:
3. Ն.Սարգսյան «Հանրահաշվական խնդիրների ժողովածու», Հեղինակային հրատարակություն, Երևան 2009թ.: