

Հաստատում եմ
Դպրոցի անօրեն



Հ. Հայրապետյան

10-րդ դասարան 2022-2023 ուստարի
Հանրահաշիվ և մաթեմատիկական անալիզի տարրեր
Դասագրքի հեղինակներ Գ. Գ. Գևորգյան, Ա. Ա. Մահակյան
Շաբաթական 3 ժամ (102 ժամ)
Թեմատիկ պլանը կազմող ուսուցիչ՝ Մանուկյան Աննա

Ժամ	Կետ Գլուխ 1	Թեմա Իրական թվեր
	Նպատակը	<ul style="list-style-type: none"> Ռացիոնալ և իռացիոնալ թվերի վերաբերյալ նախորդ դասարաններում ձեռք բերած գիտելիքների խորացումն ու համակարգումը. Իրական թվերի բազմության և թվային ուղղի մասին պատկերացումներիամրոջացումը. ԹՎի աստիճանի գաղափարի ընդլայնումը. Մոտավոր հաշվարկներ անելու հմտությունների զարգացումը:
	Վերջնար- դյունքները	<ul style="list-style-type: none"> Կատարի թվաբանական գործողություններ իրական թվերի հետ: Համեմատի իրական թվերը: Կատարի մոտավոր հաշվարկներ իրական թվերով: Մոտարկի իրական թվերը տրված ճշտությամբ տասնորդական կոտորակներով: Մահմանի իրական թվի n-րդ աստիճանի արմատը, ռացիոնալ լաստիճանը, կիրառիր հատկությունները:
1	1.	Բնական, ամբողջ և ռացիոնալ թվեր
2	2.	Իրական թվեր
3		Վարժությունների լուծում
4	3.	Թվաբանական գործողություններ իրական թվերի հետ
5		Վարժությունների լուծում
6	4.	Իրական թվի n-րդ աստիճանի արմատը
7		Վարժությունների լուծում
8		Վարժությունների լուծում
9	5.	Իրական թվի ռացիոնալ ցուցիչով աստիճանը
10		Վարժությունների լուծում
11		Իրական թվի իռացիոնալ ցուցիչով աստիճանը
12	6.	Վարժությունների լուծում
13		Վարժությունների լուծում
14		ԹԵՄԱՏԻԿ ԳՐԱՎՈՐ ԱՇԽԱՏԱՆՔ 1
15		ԹԵՄԱՏԻԿ ԳՐԱՎՈՐ ԱՇԽԱՏԱՆՔԻ ՎԵՐԼՈՒԾՈՒԹՅՈՒՆ
	Գլուխ 2.	Եռանկյունաչափության տարրեր
	Նպատակը	<ul style="list-style-type: none"> Պտտման անկյան գաղափարի, անկյան ռադիանային չափի և ընդհանուր դեպքում եռանկյունաչափական

		<ul style="list-style-type: none"> • Պտտման անկյան գաղափարի, անկյան ռադիանային չափի և ընդհանուր դեպքում եռանկյունաչափական ֆունկցիաների ներմուծումը, • Հիմնական եռանկյունաչափական նույնությունների ու բերման բանաձևերի հետ ծանոթացումն ու դրանց կիրառման հմտությունների ձևավորումը և զարգացումը: • Հիմնական եռանկյունաչափական բանաձևերի հետ ծանոթացումը, դրանք կիրառելու հմտությունների ձևավորումը և զարգացումը:
Վերջնար- դյունքները		<ul style="list-style-type: none"> • Սահմանի պտտման անկյան աստիճանային և ռադիանային չափը, արտահայտի անկյան աստիճանային մեծությունը ռադիաններով և հակառակը: • Սահմանի անկյան սինուսը, կոսինուսը, տանգենսը, կոտանգենսը: • Պատկերի տրված անկյունը կոորդինատաին հարթության վրա, նկարագրիր այն, բերի $2\pi k + \alpha$, $k \in Z, \alpha \in [0; 2\pi)$: • Ցույց տա տրված անկյան եռանկյունաչափական ֆունկցիաների արժեքները միավոր շրջանագծի միջոցով: • Կիրառի հիմնական եռանկյունաչափական նույնություններն ու բերման բանաձևերը: • Կիրառի հիմնական եռանկյունաչափական բանաձևերը (անկյունների գումարի, կրկնակի և կեսանկյան):
16	1.	Ռադիան: Դրական և բացասական պտույտներ
17		Վարժությունների լուծում
18	2.	Թվային արգումենտի եռանկյունաչափական ֆունկցիաները
19		Վարժությունների լուծում
20	3.	Եռանկյունաչափական ֆունկցիաների նշանները՝ ըստ քառորդների
21		Վարժությունների լուծում
22		Վարժությունների լուծում
23	4.	Հիմնական եռանկյունաչափական նույնությունները
24		Վարժությունների լուծում
25		Վարժությունների լուծում, կրկնություն
26		ԹԵՄԱՏԻԿ ԳՐԱՎՈՐ ԱՇԽԱՏԱՆՔ 2
27		ԹԵՄԱՏԻԿ ԱՇԽԱՏԱՆՔԻ ՎԵՐԼՈՒԾՈՒԹՅՈՒՆ
28	5.	Բերման բանաձևերը
29		Վարժությունների լուծում
30		Վարժությունների լուծում
31	6.	Երկու անկյունների գումարի և տարբերության եռանկյունաչափական ֆունկցիաների բանաձևերը
33		Վարժությունների լուծում

34	7.	Կրկնակի անկյան եռանկյունաչափական ֆունկցիաների բանաձևերը
35		Վարժությունների լուծում
36	8.	Կես անկյան եռանկյունաչափական ֆունկցիաների բանաձևերը
37		Վարժությունների լուծում
38		Եռանկյունաչափական ֆունկցիաների արտադրյալի և գումարի բանաձևերը
39		Վարժությունների լուծում
40	9.	Եռանկյունաչափական արտահայտությունների նույնական ձևափոխություններ
41		Վարժությունների լուծում
42	10.	Կրկնություն
43		ԹԵՄԱՏԻԿ ԳՐԱՎՈՐԱՇԽԱՏԱՆՔ 3
44		ԹԵՄԱՏԻԿ ԱՇԽԱՏԱՆՔԻ ՎԵՐԼՈՒԾՈՒԹՅՈՒՆ
45		Կրկնություն
18	Գլուխ 3.	Թվային ֆունկցիա (18)
Նպատակը		<ul style="list-style-type: none"> Ֆունկցիաների և դրանց հատկությունների մասին գիտելիքների ընդլայնումը: Ֆունկցիաներն հետազոտելու հմտությունների ձևավորումը և զարգացումը: Ֆունկցիաների գրաֆիկները ներկայացնելու և դրանք մեկնաբանելու հմտությունների զարգացումն ու խորացումը:
Վերջնարդյունքները		<ul style="list-style-type: none"> Սահմանի ֆունկցիա, ֆունկցիայի որոշման, արժեքների տիրույթներ հասկացությունները և գտնի ֆունկցիայի որոշման, արժեքների տիրույթը: Գտնի տրված ֆունկցիաների գումարը, տարբերությունը, արտադրյալը, քանորդը և համադրույթը, նրանց որոշման տիրույթները: Սահմանի սահմանափակ, մոնոտոն, պարբերական, զույգ, կենտ ֆունկցիաներ հասկացությունները և կիրառի դրանց հատկությունները: Սահմանի ֆունկցիայի գրաֆիկ հասկացությունը և կառուցի գծային, քառակուսային, կոտորակագծային, $y = \sqrt{x}$, $y = x$ ֆունկցիաների գրաֆիկները, թվարկի դրանց հատկությունները: Գտնի տրված ֆունկցիայի մոնոտոնության, նշանապահական միջակայքերը, էքստրեմումները, մեծագույն և փոքրագույն արժեքները և պարզի սահմանափակությունը, պարբերականությունը, զույգությունը: Կիրառի ֆունկցիայի գրաֆիկի ձևափոխությունները (զուգահեռ տեղափոխություն, համաչափություն կոորդինատների առանցքների և սկզբնակետի,

		<p>համաչափություն $y=x$ ուղղի նկատմամբ, ձգում-սեղմում կոորդինատների առանցքների ուղղությամբ, $y=f(x)$ ֆունկցիայի գրաֆիկից $y= f(x)$ և $y=f(x)$ ֆունկցիաների գրաֆիկների ստացում) տրված ֆունկցիայի գրաֆիկը կառուցելու և հատկությունները թվարկելու համար:</p>
46	1.	Թվային ֆունկցիա
47	2.	Ֆունկցիայի գրաֆիկ
48	3.	Գործողություններ ֆունկցիաների հետ
49		Վարժությունների լուծում
50	4.	Ֆունկցիայի գրաֆիկի ձևափոխություններ
51		Վարժությունների լուծում
52	5.	Կոտորակագծային ֆունկցիա
53		Վարժությունների լուծում
54	6.	Սահմանափակություն, մեծագույն և փոքրագույն արժեքներ
55	7.	Ֆունկցիայի պարբերականությունը
56		Վարժությունների լուծում
57		Վարժությունների լուծում
58	8.	Չույգ և կենս ֆունկցիաներ
59		Վարժությունների լուծում
60	9.	Ֆունկցիաների մոնոտոնության միջակայքերը և էքստրեմումները
61		Վարժությունների լուծում
62	10.	Ֆունկցիայի հետազոտման ուրվագիծը և գրաֆիկի կառուցումը
63		Վարժությունների լուծում
64		Վարժությունների լուծում
65	11.	Հակադարձ ֆունկցիան և դրա գրաֆիկը
66		Վարժությունների լուծում
67		Վարժությունների լուծում
68		Կրկնություն
69		ԹԵՄԱՏԻԿ ԳՐԱՎՈՐԱՇԽԱՏԱՆՔ 4
70		ԹԵՄԱՏԻԿ ԱՇԽԱՏԱՆՔԻ ՎԵՐԼՈՒԾՈՒԹՅՈՒՆ
16	Գլուխ 4.	<i>Թվային արգումենտի եռանկյունաչափական ֆունկցիաներ և եռանկյունաչափական հավասարումներ (16</i>
Նպատակը		<ul style="list-style-type: none"> • Եռանկյունաչափական ֆունկցիաների մասին գիտելիքների զարգացումն ու խորացումը, դրանց հատկությունները գրաֆիկորեն մեկնաբանելու հմտությունների զարգացումը. • Հակադարձ եռանկյունաչափական ֆունկցիաների ուսումնասիրումը, դրանց հատկությունները կիրառելու հմտությունների ձևավորումը. • Եռանկյունաչափական հավասարումների հիմնական տեսակների ու դրանց լուծման ալգորիթմների հետ ծանոթացումը, դրանք լուծելու հմտությունների ձևավորումը և զարգացումը:
Վերջնար- դյունքները		<ul style="list-style-type: none"> • Իմանա և կիրառի հիմնական եռանկյունաչափական

		<p>Ֆունկցիաների հատկությունները (որոշման և արժեքների տիրույթներ, սահմանափակություն, զրոներ, զույգություն, պարբերականություն, մոնոտոնություն, նշանապահպանում, էքստրեմումներ, մեծագույն և փոքրագույն արժեքներ):</p> <ul style="list-style-type: none"> • Իմանա և կիրառի արկսինուսի, արկկոսինուսի, արկտանգենսի և արկկոտանգենսի հատկությունները: • Գտնի թվի արկսինուսը, արկկոսինուսը, արկտանգենսը և արկկոտանգենսը: • Իմանա պարզագույն եռանկյունաչափական հավասարումների լուծման բանաձևերը, մեկնաբանի դրանք: • Լուծի եռանկյունաչափական հավասարումներ: • Կառուցի, նաև դինամիկ մաթեմատիկայի ծրագրերով, տրված եռանկյունաչափական ֆունկցիայի գրաֆիկը, թվարկի հատկությունները: • Գաղափար ունենա ներդաշնակ տասանումներ հասկացության մասին:
71	1.	Սինուս և կոսինուս ֆունկցիաների հատկություններն ու գրաֆիկները
72		Վարժությունների լուծում
73		Վարժությունների լուծում
74		Վարժությունների լուծում
75	2.	Տանգենս և կոտանգենս ֆունկցիաների հատկություններն ու գրաֆիկները
76		Վարժությունների լուծում
77		Վարժությունների լուծում
78		Վարժությունների լուծում
79	3.	Թվի արկսինուսը, արկկոսինուսը, արկտանգենսը և արկկոտանգենսը
80		Վարժությունների լուծում
81		Վարժությունների լուծում
82		Վարժությունների լուծում
83		Վարժությունների լուծում, կրկնություն
84		ԹԵՄԱՏԻԿ ԳՐԱՎՈՐ ԱՇԽԱՏԱՆՔ 5-ԸԴ
85		ԹԵՄԱՏԻԿ ԳՐԱՎՈՐ ԱՇԽԱՏԱՆՔԻ ՎԵՐԼՈՒԾՈՒԹՅՈՒՆ
86	4.	Պարզագույն եռանկյունաչափական հավասարումների լուծման բանաձևերը
87		Հավասարումների լուծում
88		Հավասարումների լուծում
89		Հավասարումների լուծում
90		Հավասարումների լուծում
91		Հավասարումների լուծում

92	5.	Եռանկյունաչափական հավասարումներ
93		Հավասարումների լուծում
94		Հավասարումների լուծում
95		Հավասարումների լուծում
96		Հավասարումների լուծում
97		Անցածի կրկնություն
98		ԹԵՄԱՏԻԿ ԳՐԱՎՈՐ ԱՇԽԱՏԱՆՔ 6-ԸՆԴ
99		ԹԵՄԱՏԻԿ ԳՐԱՎՈՐ ԱՇԽԱՏԱՆՔԻ ՎԵՐԼՈՒԾՈՒԹՅՈՒՆ
100		<i>Դասընթացի կրկնություն</i> գլուխ 2-րդ
101		<i>Դասընթացի կրկնություն</i> գլուխ 3-րդ
102		<i>Դասընթացի կրկնություն</i> գլուխ 4-րդ

§1. Բնական, ամբողջ և ռացիոնալ թվեր

Առաջադրանք առարկայի չափորոշչային նվազագույն պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. 1,67; -1.6; 0; 1.9 թվերը դասավորել նվազման կարգով:
2. 367451 թիվը գրել կարգային գումարելիների գումարի տեսքով:
3. Նշված տարբերակներից որոնցում է գրված ամբողջ թվեր՝
 - ա) 2; -24; 29; 0; 1020; -1900025
 - բ) 0; 36; 2.45; -0.24; 789; 674
 - գ) -10; 25; -79; 6; 98321; -1
 - դ) 30,25; 13; $\frac{12}{7}$; $-\frac{21}{8}$; 96
4. Տրված $\frac{1}{6}; \frac{55}{4}; \frac{15}{24}$ սովորական կոտորակները գրել տասնորդական կոտորակի տեսքով (նշված պատասխաններից ընտրել ճիշտ պատասխանը):
 - ա) 0,1(6); 13,75; 0,625
 - բ) 0,16; 13,75; 0,625
 - գ) 0,17; 13,5; 0,63
5. Նշված պնդումներից ո՞րն է ճշմարիտ.
 - ա) $N \subset Z \subset Q$
 - բ) $N \subset Q \subset Z$
 - գ) $Q \subset N \subset Z$
 - դ) $Z \subset Q \subset N$
6. Թվային ուղղի վրա պատկերել նշված թվերը՝ 1,8; 0,95; -1,4; $\frac{21}{5}$:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Թվերը նվազման կարգով դասավորելու կարգը:
2. Բնական թվերը տասական համակարգում գրելու գրելաձևը:
3. Որ թվերից է կազմված ամբողջ թվերը:
4. Տասնորդական կոտորակը սովորական կոտորակի վերածելու ալգորիթմը:
5. Բնական, ամբողջ և ռացիոնալ թվերը պատկերել բազմության տեսքով (Բազմու թյուն և ենթաբազմություն):
6. Պատկերել թվային ուղիղը, միավոր հասվածը, 0-ից աջ գտնվում են դրական թվերը, իսկ 0-ից ձախ՝ բացասականները:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Նվազման կարգով թվերը դասավորել:
2. Բնական թվերը գրել կարգային գումարելիների գումարի տեսքով:
3. Ճանաչել և տարբերակել ամբողջ թվերը ռացիոնալ թվերից:
4. Տասնորդական կոտորակը վերածել սովորական կոտորակի:
5. Տարբերել բազմությունը ենթաբազմությունից:

6. Թվային ուղղի վրա պատկերել տրված թվերը:

Առաջադրանք առարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Ի՞նչ թվով կարող է արտահայտվել հատվածի երկարությունը:

ա) բնական

բ) ամբողջ

գ) ռացիոնալ

դ) իրական

ե) բոլոր թվարկածները:

2. Գրել 1,54689 թվի

տասնորդական մոտարկումները պակասուրդով և ավելուրդով 10^{-3} ճշտությամբ:

3. Դրական տասնորդական կոտորակները,

բացասական տասնորդական կոտորակները և զրոն կազմում են _____ թվերի բազմությունը:

4. Գրել $\frac{12}{13}$ թվի տասնորդական մոտարկումները պակասուրդով և հավելուրդով 10^{-2} ճշտությամբ:

5. Թվային ուղղի վրա պատկերել $\sqrt{2}$; 1,5; $\frac{4}{7}$:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Հատվածի երկարությունը կարող է արտահայտվել ցանկացած դրական իրական թվով:

2. Դրական ռացիոնալ թվի մոտարկումները գտնելու ալգորիթմը:

3. Որ թվերից է կազմված իրական թվերի բազմությունը:

4. Մովորական կոտորակը տասնորդական կոտորակ դարձնելու կանոնը և հաշվել մոտարկումները:

5. Իրական թվերը պատկերել թվային ուղղի վրա:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Նշված տարբերակներից ընտրել նրանք, որոնցով կարող է արտահայտվել հատվածի երկարությունը:

2. Գտնել դրական ռացիոնալ թվի մոտարկումները:

3. Ձևակերպել իրական թվերի բազմության սահմանումը:

4. Մովորական կոտորակը ներկայացնել տասնորդական կոտորակի տեսքով և հաշվել մոտարկումները:

5. Պատկերել իրական թվերը թվային ուղղի վրա:

Առաջադրանք առարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Թվային ուղղի վրա պատկերել a և b թվերի գումարը, եթե $a=3$, $b=5$:
2. Գտնել $\sqrt{5} + \sqrt{7}$ գումարի տասնորդական մոտարկումները պակասորդով և հավելուրդով $2 \cdot 10^{-2}$ ճշտությամբ:
3. Հաշվել արտահայտության արժեքը՝ $\sqrt{3}(\sqrt{3} + \sqrt{27})$:
4. Լրացնել ամբողջ ցուցիչով աստիճանի հատկությունը՝ $a^m a^n = ______ :$
5. Համեմատել թվերը՝ $(\sqrt{3})^4$ և $(\sqrt{3})^7$:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Երկու դրական թվերի գումարի պատկերումը թվային ուղղի վրա:
2. Թե ինչպես են գտնում դրական իրական թվերի գումարի մոտարկումները:
3. Իրական թվերի համար բաշխական օրենքը:
4. Ամբողջ ցուցիչով աստիճանի հատկությունը:
5. Ամբողջ ցուցիչով աստիճանի հատկությունը, երբ $a > 1$:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Պատկերել երկու դրական թվերի գումարը թվային ուղղի վրա:
2. Որոշել դրական իրական թվերի գումարի մոտարկումները:
3. Կիրառել բաշխական օրենքը:
4. Ձևակերպել ամբողջ ցուցիչով աստիճանի հատկությունը:
5. Կիրառել ամբողջ ցուցիչով աստիճանի հատկությունը $a > 1$ դեպքում:

Առաջադրանքներառարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Նշված հավասարություններից որո՞նք են ճիշտ:

1) $\sqrt{4} \cdot \sqrt{25} = 100$

2) $\sqrt{3} \cdot \sqrt{27} = 9$

3) $\frac{\sqrt{24}}{\sqrt{6}} = 4$

4) $\sqrt{\frac{2}{3}} \cdot \sqrt{6} = 2$

5) $\frac{\sqrt{125}}{\sqrt{5}} = 5$

6) $\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{4} = 8$

2. Համեմատել թվերը.

1) $\sqrt{16} \text{ ք } \sqrt{25}$

2) $\sqrt{50} \text{ ք } \sqrt{10}$

3) $\sqrt[3]{9} \text{ ք } \sqrt[3]{11}$

4) $\sqrt{\frac{4}{9}} \text{ ք } \frac{2}{3}$

5) $2,5 \text{ ք } \sqrt{2,5}$

3. Ազատվել հայտարարի իռացիոնալությունից.

1) $\frac{2}{\sqrt{2}}$

2) $\frac{7}{\sqrt{3}}$

3) $\frac{10}{\sqrt{5}}$

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1) n-րդ աստիճանի արմատի $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \cdot b}$ ք $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$ հատկությունները:

2) Ոչ բացասական a և b թվերի համար $a < b$ պայմանից հետևում է, որ $\sqrt[n]{a} < \sqrt[n]{b}$: Ինչպես նաև $a > 1$ ք $m > n$ պայմանից հետևում է, որ $\sqrt[m]{a} > \sqrt[n]{a}$:

3) Իռացիոնալ արտահայտության լծորդ հասկացության մասին, կոտորակի հայտարարի իռացիոնալությունից ազատվելու հաշվեկանոնը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Կիրառել n-րդ աստիճանի արմատի $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \cdot b}$ ք $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$ հատկությունները a-ի և b-

ի տրված արժեքների համար n=2 և n=3 դեպքերում:

2. Համեմատել աստիճանները, կիրառելով ոչ բացասական a և b թվերի համար $a < b \Rightarrow$

$\sqrt[n]{a} < \sqrt[m]{b}$, ինչպես նաև $(a > 1 \text{ ք } m > n) \Rightarrow \sqrt[m]{a} > \sqrt[n]{a}$ հատկությունները n=2;3 դեպքերում:

3. Պարզել կոտորակի հայտարարի լծորդը, կոտորակի հայտարարն ազատի իռացիոնալությունից $\frac{a}{\sqrt{b}}$ տեսքի արտահայտությունների համար:

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշչային նվազագույն պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Լրացնել բաց թողնվածը:

a դրական թվի ռացիոնալ աստիճանը սահմանվում է հետևյալ բանաձևով. $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$, որտեղ $n \in \mathbb{N}, m \in \mathbb{Z}$:

2. Համեմատել թվերը.

1) $\left(\frac{6}{5}\right)^{2,12}$ և 1

2) $\left(\frac{1}{5}\right)^0$ և 1

3) $0^{1,5}$ և 0

3. Թվերը դասավորել աճման կարգով.

$5^{1,5}; 5^{1,4}; 5^{1,6}$:

4. Կատարել գործողությունները.

1) $a^{\frac{1}{3}} \cdot a^{\frac{2}{3}}$

2) $\left(x^{\frac{1}{4}}\right)^{\frac{1}{2}}$

3) $\frac{b^{0,8}}{b^{0,5}}$

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

- 1) Դրական թվի ռացիոնալ աստիճանի սահմանումը:
- 2) Ռացիոնալ ցուցիչով աստիճանի հետևյալ հատկությունները.
 $0^p = 0, a^0 = 1, \forall a > 1 \forall p > q, \forall a > 1 a^p > a^q$:
- 3) Աճման և նվազման կարգերի մասին, մեկից մեծ նույն հիմքով ռացիոնալ ցուցիչով աստիճանների համեմատման $a > 1 \forall p > q, \forall a > 1 a^p > a^q$ հատկությունը:
- 4) a, b դրական և p, q ռացիոնալ թվերի համար աստիճանի հետևյալ հատկությունները.
 $a^p \cdot a^q = a^{p+q}, (a^p)^q = a^{pq}, \frac{a^p}{a^q} = a^{p-q}$:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

- 1) Ձևակերպել դրական թվի ռացիոնալ աստիճանի սահմանումը, սահմանման մեջ լրացնել բաց թողնված միտքը:
- 2) Համեմատել աստիճանները՝ կիրառելով աստիճանի հետևյալ հատկությունները.
 $0^p = 0, a^0 = 1, \forall a > 1 \forall p > q, \forall a > 1 a^p > a^q$:
- 3) Համեմատել մեկից մեծ նույն հիմքով ռացիոնալ ցուցիչով աստիճանները և դրանք դասավորել աճման կամ նվազման կարգով:
- 4) Կիրառել ռացիոնալ ցուցիչով աստիճանի $a^p \cdot a^q = a^{p+q}, (a^p)^q = a^{pq}, \frac{a^p}{a^q} = a^{p-q}$ հատկությունները տրված աստիճանների համար:

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշչային նվազագույն պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Նշված հավասարություններից որո՞նք են ճիշտ:

- 1) $1^{\sqrt{3}} = 1$
- 2) $0^{\sqrt{3}} = 1$
- 3) $1^{-\sqrt{3}} = \frac{1}{3}$
- 4) $0^{\sqrt{7}} = 0$
- 5) $1^{-\sqrt{5}} = 1$
- 6) $0^{\pi} = 1$

2. Համեմատել թվերը.

- 1) $5^{\sqrt{3}}$ և $5^{\sqrt{5}}$
- 2) $2^{\sqrt{5}}$ և 4
- 3) $4^{\sqrt{4}}$ և 16

3. Արտահայտությունը ներկայացնել $c \cdot a^x$ տեսքով.

- 1) 3^{x+2}
- 2) 2^{x-1}

4. Գտնել արտահայտության արժեքը.

- 1) $(2^{\sqrt{3}})^{\sqrt{3}}$
- 2) $(6^{\sqrt{6}})^{\frac{1}{\sqrt{6}}}$
- 3) $(4^{-\sqrt{2}})^{-\sqrt{8}}$

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Ինչի է հավասար 1-ի կամայական ցուցիչով աստիճանը, ինչպես նաև 0-ի կամայական դրական ցուցիչով աստիճանը:
2. Իրական ցուցիչով աստիճանի հետևյալ հատկությունը. $a > 1$ և $p > q$, $a^p > a^q$:
3. Աստիճանի հետևյալ հատկությունները. $a^{p+q} = a^p \cdot a^q$, $a^{p-q} = \frac{a^p}{a^q}$:
4. a դրական և p, q իռացիոնալ թվերի համար աստիճանի $(a^p)^q = a^{pq}$ հատկությունը, ինչպես նաև n -րդ աստիճանի արմատի $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \cdot b}$ հատկությունը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

- 1) $0^p = 0$ ($p > 0$) և $1^x = 1$ ($x \in R$) աստիճանի հատկությունները կիրառել կոնկրետ աստիճանների համար:
- 2) Համեմատել մեկից մեծ նույն հիմքով իռացիոնալ ցուցիչով աստիճանները:
- 3) Կիրառել աստիճանի $a^{p+q} = a^p \cdot a^q$, $a^{p-q} = \frac{a^p}{a^q}$ հատկությունները տրված աստիճանների համար և աստիճանը ներկայացնել իրական թվի և աստիճանի արտադրյալի տեսքով:
- 4) Կիրառել աստիճանի $(a^p)^q = a^{pq}$ և n -րդ աստիճանի արմատի $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{a \cdot b}$ հատկությունները և հաշվել տրված արտահայտության արժեքը:

Գլուխ 2

§1. Ռադիան: Դրական և բացասական պտույտներ

[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանքներառարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Լրացնել բացթողնվածը.

- 1) $1 \text{ ռադ.} = \frac{\quad}{\pi}$
- 2) $1^\circ = \frac{\quad}{180} \pi$.

2. Քանի՞ ռադիան է.

- 1) 180°
- 2) 90°
- 3) 30°

3. Քանի՞ աստիճան է.

- 1) π
- 2) $\frac{\pi}{3}$
- 3) -2π

4. Սահմանման մեջ լրացնել բաց թողնված բառերը.

Պտույտի այն ուղղությունը, որը համընկնում է ժամացույցի սլաքների շարժման ուղղության հետ, անվանում են _____ ուղղություն, իսկ հակառակ ուղղությունը _____:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

- 1) Քանի՞ աստիճան է 1 ռադիանը և հակառակը:
- 2) Աստիճանը ռադիանով արտահայտելու քայլաշարը:
- 3) Ռադիանը աստիճանով արտահայտելու քայլաշարը:
- 4) Պտտման դրական և բացասական ուղղությունների սահմանումը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

- 1) 1 ռադիանը արտահայտել աստիճանով և 1 աստիճանը՝ ռադիանով:
- 2) Աստիճանով տրված անկյունը արտահայտել ռադիանով:
- 3) Ռադիանով տրված անկյունը արտահայտել աստիճանով:
- 4) Իմանալով պտտման դրական և բացասական ուղղությունների սահմանումը՝ լրացնել սահմանման մեջ բաց թողնված համապատասխան բառերը:

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Թվարկել եռանկյունաչափական ֆունկցիաները:

2. Հաշվել արտահայտության արժեքը (եթե կոժվարանաս,

կարողես օգտվել համապատասխան աղյուսակից, տեղեկագրքից):

1) $\sin \frac{\pi}{3} \cdot \operatorname{tg} \frac{\pi}{4}$

2) $\sin 30^\circ + \cos 60^\circ$

3) $2 \cos \frac{\pi}{6} - \operatorname{tg} \frac{\pi}{3}$

3. Ընտրել այն հավասարությունները, որոնք ճիշտ են.

1) $\sin x = 5$

2) $\cos x = \frac{1}{4}$

3) $\operatorname{tg} x = 3$

4) $\operatorname{tg} x = -3$

5) $\cos x = -\frac{1}{2}$

6) $\sin x = -1$

4. 0° (90°) անկյան համար n ր եռանկյունաչափական ֆունկցիան որոշված չէ:

1) Մինուս

2) Կոսինուս

3) Տանգենս

4) Կոտանգենս

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1) Որո՞նք են եռանկյունաչափական ֆունկցիաները:

2) Համապատասխան աղյուսակից, տեղեկագրքից կամ ՏՀՏ սարքավորումից օգտվելով՝ նշել եռանկյունաչափական ֆունկցիաների արժեքները տրված անկյան համար:

3) Ինչպիսի՞ արժեքներ են ընդունում եռանկյունաչափական ֆունկցիաները:

4) Տանգենս և կոտանգենս ֆունկցիաների որոշված լինելը 0° ֆֆֆ 90° անկյան դեպքում:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1) Թվարկել և տարբերել եռանկյունաչափական ֆունկցիաները:

2) Համապատասխան աղյուսակից, տեղեկագրքից կամ ՏՀՏ սարքավորումից օգտվելով՝ հաշվել պարզագույն եռանկյունաչափական արտահայտության արժեքը:

3) Գիտենալով եռանկյունաչափական ֆունկցիաների ընդունած արժեքների տիրույթները՝ պարզել հավասարությունների ճշմարտությունը:

4) Տարբերակի, թե n ր եռանկյունաչափական ֆունկցիան որոշված չէ 0° ֆֆֆ 90° անկյան դեպքում:

§3. Եռանկյունաչափական ֆունկցիաների նշաններն ըստ քառորդների [Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Գծել միավոր շրջանագիծ և ցույց տալ 3-րդ քառորդը:

2. Կազմել համապատասխանություն.

$(0^\circ; 90^\circ)$	Iքառորդ
$(180^\circ; 270^\circ)$	IVքառորդ
$(270^\circ; 360^\circ)$	IIքառորդ
$(90^\circ; 180^\circ)$	IIIքառորդ

3. Նշված պնդումներից որո՞նք են ճիշտ:

- 1) Սինուսը դրական է I և III քառորդներում:
- 2) Կոսինուսը դրական է I և IV քառորդներում:
- 3) Սինուսը դրական է II և IV քառորդներում:
- 4) Կոսինուսը դրական է I և II քառորդներում:
- 5) Սինուսը դրական է I և II քառորդներում:
- 6) Սինուսը դրական է բոլոր քառորդներում:

5. Համեմատել.

- 1) $\sin 55^\circ \geq 0$
- 2) $\sin 155^\circ \geq 0$
- 3) $\cos 48^\circ \geq 0$
- 4) $\cos 148^\circ \geq 0$

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

- 1) Ի՞նչ է միավոր շրջանագիծը, և ինչպե՞ս են համարակալվում կորորդինատային հարթության քառորդները:
- 2) Յուրաքանչյուր քառորդին α անկյան n° ը միջակայքն է համապատասխանում՝ արտահայտված աստիճաններով:
- 3) Սինուս և կոսինուս ֆունկցիաների նշաններն ըստ քառորդների:
- 4) Տրված α անկյունը n° ը քառորդի անկյունն է, և այդ քառորդում սինուս և կոսինուս ֆունկցիաներն ի՞նչ նշան ունեն:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

- 1) Պատկերել միավոր շրջանագիծ և վրան նշել համապատասխան քառորդը:
- 2) Գիտենալով $(0^\circ; 90^\circ)$, $(90^\circ; 180^\circ)$, $(180^\circ; 270^\circ)$ \square $(270^\circ; 360^\circ)$ միջակայքերին պատկանող անկյունների քառորդները՝ կազմել համապատասխանություններ:
- 3) Գիտենալով եռանկյունաչափական ֆունկցիաների նշաններն ըստ քառորդների՝ տրված պնդումներից ընտրել ճշմարիտները:
- 4) Գիտենալով եռանկյունաչափական ֆունկցիաների նշաններն ըստ քառորդների՝ համեմատել տրված թվերը:

Առաջադրանք առարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Լրացնել բանաձևը.

$$1. \operatorname{tg} \alpha = \frac{\square}{\cos \alpha}$$

$$2. \operatorname{ctg} \alpha = \frac{\cos \alpha}{\square}$$

$$3. \operatorname{tg} \alpha * \operatorname{ctg} \alpha =$$

2. Պարզեցնել արտահայտությունները.

$$1. 1 - \sin^2 \alpha$$

$$2. 1 - \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$3. \frac{1}{\sin^2 \alpha} - 1$$

3. Նշված պնդումներից որո՞նք են ճշմարիտ.

$$1. \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 2$$

$$2. \operatorname{tg} \alpha * \operatorname{ctg} \alpha = 1$$

$$3. 1 + \frac{1}{\operatorname{ctg}^2 \alpha} = \cos^2 \alpha$$

$$4. 1 + \operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\operatorname{ctg}^2 \alpha}$$

5. Եթե $\cos \alpha = 0,8$, $\sin \alpha = 0,6$, ապա $\alpha \in \Pi$ քառորդին

6. Եթե $\operatorname{tg} \alpha = \frac{3}{4}$, ապա $\operatorname{ctg} \alpha = \frac{4}{3}$

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Եռանկյունաչափական ֆունկցիաների սահմանումը:
2. Հիմնական եռանկյունաչափական նույնությունները:
3. Հիմնական եռանկյունաչափական նույնությունները և եռանյունաչափական ֆունկցիաների նշանները՝ ըստ քառորդների:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Կիրառել հիմնական եռանկյունաչափական ֆունկցիաների սահմանումը:
2. Կիրառել հիմնական եռանկյունաչափական նույնության բանաձևերը:
3. Կիրառել հիմնական եռանկյունաչափական նույնությունները և եռանյունաչափական ֆունկցիաների նշանները՝ ըստ քառորդների:

Առաջադրանք առարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Նշված եռանկյունաչափական ֆունկցիաներից որոնց վրա կարելի է կիրառել բերման բանաձևերը.

1. $\sin(\alpha + \frac{\pi}{4})$

2. $\cos(\frac{\pi}{2} + \alpha)$

3. $\text{tg}(\frac{3\pi}{2} - \alpha)$

4. $\text{ctg}(2\pi + \alpha)$

5. $\text{tg}(\frac{\pi}{3} - \alpha)$

6. $\cos(\frac{\pi}{6} + \alpha)$

2. Նշվածներից ո՞ր դեպքում է եռանկյունաչափական ֆունկցիան փոխվում.

1. $\sin(\alpha + 2\pi)$

2. $\cos(\alpha - \frac{\pi}{2})$

3. $\text{tg}(\frac{3\pi}{2} - \alpha)$

4. $\text{ctg}(\pi + \alpha)$

5. $\sin(\alpha - \frac{\pi}{2})$

6. $\cos(5\pi + \alpha)$:

3. Փոխարինել α անկյան եռանկյունաչափական ֆունկցիաների

1. $\text{tg}(90^\circ - \alpha)$

2. $\sin(\pi/2 + \alpha)$

3. $\text{ctg}(270^\circ + \alpha)$

4. $\cos(2\pi - \alpha)$

4. Հաշվել՝

1. $\sin 150^\circ$

2. $\cos 210^\circ$

3. $\text{tg} 300^\circ$

4. $\text{ctg} 120^\circ$

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Որ բանաձևերն են անվանում բերման բանաձևեր:
2. Բերման բանաձևերի կիրառման կանոնը:
3. Բերման բանաձևերի կիրառման կանոնը:
4. Բերման բանաձևերի կիրառման կանոնը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Տարբերել բերման բանաձևերը:
2. Կիրառել բերման բանաձևերի կանոնը:
3. Կիրառել բերման բանաձևերի կանոնը:
4. Կիրառել բերման բանաձևերի կանոնը:

§6. Երկու անկյունների գումարի և տարբերության եռանկյունաչափական ֆունկցիաների բանաձևերը

[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանք առարկայի չափորոշային նվազագույն պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

- Նշված բանաձևերից $n \pm$
- րն է երկու անկյունների գումարի կոսինուսի բանաձևը.
 - $\cos(\alpha - \beta) = \cos\alpha\cos\beta - \sin\alpha\sin\beta$
 - $\sin(\alpha + \beta) = \cos\alpha\cos\beta - \sin\alpha\sin\beta$
 - $\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha\cos\beta - \sin\alpha\sin\beta$
 - $\sin(\alpha + \beta) = \sin\alpha\cos\beta + \cos\alpha\sin\beta$
- Լրացնել բանաձևը.
$$\operatorname{tg}(\alpha - \beta) = \frac{\operatorname{tg}\alpha - \operatorname{tg}\beta}{1 + \operatorname{tg}\alpha\operatorname{tg}\beta}$$
- Հաշվել արտահայտության արժեքը.
$$\sin 13^\circ \cos 17^\circ + \cos 13^\circ \sin 17^\circ$$
- Ձևափոխել արտահայտությունը.
 - $\cos\left(\alpha - \frac{\pi}{4}\right)$
 - $\sin\left(\frac{\pi}{6} + \alpha\right)$
- Հաշվել $\cos 15^\circ$:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

- Երկու անկյունների գումարի կոսինուսի բանաձևը:
- Երկու անկյունների տարբերության տանգենսի բանաձևը:
- Երկու անկյունների գումարի սինուսի բանաձևը:
- Սինուսի և կոսինուսի արժեքները $\pi/4$ ($\pi/6$)-ում և երկու անկյունների գումարի (տարբերության) սինուսի (կոսինուսի) բանաձևը:
- Երկու անկյունների տարբերության կոսինուսի բանաձևը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

- Նշվածներից ընտրել երկու անկյունների գումարի կոսինուսի բանաձևը:
- Ավելացնել բանաձևում բաց թողնվածը:
- Կիրառել երկու անկյունների գումարի սինուսի բանաձևը:
- Կիրառել երկու անկյունների գումարի սինուսի (կոսինուսի) բանաձևը:
- Կիրառել երկու անկյունների տարբերության կոսինուսի բանաձևը:

§7. Կրկնակի անկյան եռանկյունաչափական ֆունկցիաների բանաձևերը [Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Հետևյալ բանաձևերից որոնք են ճիշտ.

- 1) $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha$
- 2) $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha\cos\alpha$
- 3) $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha + \cos\alpha$
- 4) $\cos 2\alpha = \cos^2\alpha + \sin^2\alpha$
- 5) $\cos 2\alpha = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$
- 6) $\cos 2\alpha = 2\sin\alpha\cos\alpha$

2. Հաշվել արտահայտության արժեքը:

- 1) $2\sin\frac{\pi}{8}\cos\frac{\pi}{8}$
- 2) $\cos^2\frac{\pi}{12} - \sin^2\frac{\pi}{12}$

3. Պարզեցնել արտահայտությունը:

- 1) $\cos 2\alpha + \sin^2\alpha$
- 2) $\frac{\sin 2\alpha}{2\cos\alpha}$

4. Հաշվել արտահայտության արժեքը.

- 1) $\frac{2\operatorname{tg}75^\circ}{1-\operatorname{tg}^2 75^\circ}$
- 2) $\frac{\operatorname{ctg}^2 15^\circ - 1}{2\operatorname{ctg} 15^\circ}$

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

- 1) Կրկնակի անկյան $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha\cos\alpha$ և $\cos 2\alpha = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$ բանաձևերը:
- 2) Կրկնակի անկյան $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha\cos\alpha$ և $\cos 2\alpha = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$ բանաձևերը:
- 3) Կրկնակի անկյան $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha\cos\alpha$ և $\cos 2\alpha = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$ բանաձևերը, նման անդամների միացման և կոտորակների կրճատման կանոնները:
- 4) Տեղեկագրքից կամ բանաձևերի թերթիկից օգտվել և գտնել $\operatorname{tg} 2\alpha$ և $\operatorname{ctg} 2\alpha$ բանաձևերը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

- 1) Գիտենալով կրկնակի անկյան $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha\cos\alpha$ և $\cos 2\alpha = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$ բանաձևերը թվարկված բանաձևերից ընտրել ճշմարիտները:
- 2) Կրկնակի անկյան $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha\cos\alpha$ և $\cos 2\alpha = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$ բանաձևերը կիրառելով՝ հաշվել տրված արտահայտության արժեքը:
- 3) Կիրառելով կրկնակի անկյան $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha\cos\alpha$ և $\cos 2\alpha = \cos^2\alpha - \sin^2\alpha$ բանաձևերը՝ պարզեցնել տրված արտահայտությունները՝ կատարելով նման անդամների միացում, կոտորակների կրճատում:
- 4) Գիտենալով եռանկյունաչափական ֆունկցիաների նշաններն ըստ քառորդների՝ համեմատել տրված թվերը:

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշչային նվազագույն պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Կազմել ճիշտ համապատասխանություն.

$$\begin{array}{l} \sin \sin \frac{\alpha}{2} \\ \cos \cos \frac{\alpha}{2} \\ \frac{\alpha}{2} \\ \frac{\alpha}{2} \end{array} \begin{array}{l} \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{1 + \cos \alpha}} \\ \pm \sqrt{\frac{1 - \cos \alpha}{2}} \\ \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}} \\ \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \alpha}{2}} \end{array}$$

2. Հաշվել $\cos 22,5^\circ$:

3. Օգտվելով $\operatorname{tg} \frac{\alpha}{2} = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$ բանաձևից, պարզեցնել արտահայտությունները.

1) $\cos \alpha + \sin \alpha \operatorname{tg} \frac{\alpha}{2}$

2) $\frac{4 - 4 \cos \alpha}{\sin \alpha}$

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1) Կես անկյան բանաձևերը:

2) Կես անկյան $\cos \cos \frac{\alpha}{2} = \pm \sqrt{\frac{1 + \cos \alpha}{2}}$ բանաձևը:

3) Տրված բանաձևից օգտվել և այն տեղադրել արտահայտության մեջ:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1) Գիտենալով կես անկյան բանաձևերը՝ կազմել համապատասխանություն:

2) Կիրառել կես անկյան բանաձևերը $22,5^\circ$ անկյան դեպքում:

3) Կիրառելով կես անկյան տրված բանաձևը՝ կատարել պարզագույն հանրահաշվական պարզեցումներ:

§9. Եռանկյունաչափական ֆունկցիաների արտադրյալի և գումարի բանաձևերը

[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Ի՞նչ թվաբանական գործողություն պետք է գրել * -ի փոխարեն, որպեսզի ստանանք ճիշտ բանաձևեր:

1) $\cos\alpha\cos\beta = \frac{1}{2}(\cos\cos(\alpha - \beta) * \cos(\alpha + \beta))$

2) $\sin\alpha\sin\beta = \frac{1}{2}(\cos\cos(\alpha - \beta) * \cos(\alpha + \beta))$

2. Կազմել ճիշտ համապատասխանություն.

$$\sin\alpha - \sin\beta \qquad 2\sin\frac{\alpha + \beta}{2}\cos\frac{\alpha - \beta}{2}$$

$$\sin\alpha + \sin\beta \qquad 2\cos\frac{\alpha + \beta}{2}\cos\frac{\alpha - \beta}{2}$$

$$\cos\alpha - \cos\beta \qquad 2\sin\frac{\alpha - \beta}{2}\cos\frac{\alpha + \beta}{2}$$

$$\cos\alpha + \cos\beta \qquad -2\sin\frac{\alpha + \beta}{2}\sin\frac{\alpha - \beta}{2}$$

3. Գտնել արտահայտության արժեքը:

1) $\sin 37,5^\circ \cdot \sin 7,5^\circ$

2) $\sin\frac{\pi}{4} \cdot \cos\frac{\pi}{12}$

4. Արտահայտությունը ներկայացնել արտադրյալի տեսքով.

1) $\sin 3\alpha + \sin 5\alpha$

2) $\cos\frac{\pi}{6} - \cos\frac{7\pi}{12}$

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Եռանկյունաչափական ֆունկցիաների արտադրյալի բանաձևերը կամ գիտենա, թե որտեղից կարելի է դրանք գտնել (տեղեկագիրք, դասագիրք, պաստառ, համացանց):
2. Եռանկյունաչափական ֆունկցիաների գումարի բանաձևերը կամ գիտենա, թե որտեղից կարելի է դրանք գտնել (տեղեկագիրք, դասագիրք, պաստառ, համացանց):
3. Եռանկյունաչափական ֆունկցիաների արտադրյալի բանաձևերի կիրառումը:
4. Եռանկյունաչափական ֆունկցիաների գումարի բանաձևերի կիրառումը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Գիտենալով կամ ձեռքի տակ ունենալով եռանկյունաչափական ֆունկցիաների արտադրյալի բանաձևերը՝ կարողանա գրված բանաձևերում բաց թողնվածը լրացնել:

2. Գիտենալով կամ ձեռքի տակ ունենալով եռանկյունաչափական ֆունկցիաների գումարի բանաձևերը՝ կարողանա կազմել ճիշտ համապատասխանություններ:
3. Կիրառել եռանկյունաչափական ֆունկցիաների արտադրյալի բանաձևերը տրված անկյունների դեպքում:
4. Կիրառել եռանկյունաչափական ֆունկցիաների գումարի բանաձևերը տրված անկյունների դեպքում:

§10. Եռանկյունաչափական արտահայտությունների նույնական ձևափոխությունները

[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Գտնել $\cos^2(\pi + \alpha) + \cos^2\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right)$ արտահայտության արժեքը:

2. $\frac{1}{1+\operatorname{tg}^2\alpha}$ արտահայտությունը համարժեք է.

1) $\sin^2\alpha$

2) $\cos^2\alpha$

3) $\operatorname{ctg}\alpha$

4) $\cos\alpha$

5) $\sin\alpha$

3. Պարզեցնել արտահայտությունը.

1) $\sin \sin (45^\circ + \alpha) + \sin(45^\circ - \alpha)$

2) $\cos \cos \left(\frac{\pi}{3} + \beta\right) + \cos\left(\frac{\pi}{3} - \beta\right)$

4. Գտնել $2\sin 15^\circ \cos 15^\circ \cos 30^\circ$ արտահայտության արժեքը:

5. Նշվածներից որո՞նք են նույնություն.

1) $\cos \cos (-25^\circ) = -\cos 25^\circ$

2) $\sin \sin (\alpha + \beta) = \sin \alpha + \sin \beta$

3) $\sin \sin (-25^\circ) = -\sin 25^\circ$

4) $\cos \cos (-25^\circ) = \cos 25^\circ$

5) $\sin \sin (\alpha + \beta) = \sin \alpha \cos \beta + \cos \alpha \sin \beta$

6) $\sin 4\alpha = 4\sin \alpha \cos \alpha$

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Բերման բանաձևերն, ինչպես նաև առաջին հիմնական եռանկյունաչափական նույնությունը:

2. Հիմնական եռանկյունաչափական նույնությունները կամ զիտենա, թե որտեղից կարելի է դրանք գտնել (տեղեկագիրք, դասագիրք, պաստառ, համացանց):

3. Եռանկյունաչափական ֆունկցիաների գումարի բանաձևերը կամ զիտենա, թե որտեղից դրանք կարելի է գտնել (տեղեկագիրք, դասագիրք, պաստառ, համացանց):

4. $\sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cos \alpha$ կրկնակի անկյան բանաձևը:

5. Պարզագույն եռանկյունաչափական նույնություններ:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Կիրառելով բերման բանաձևերը և հիմնական եռանկյունաչափական նույնությունները՝ հաշվել արտահայտության արժեքը:
2. Կիրառելով հիմնական եռանկյունաչափական նույնությունները՝ ձևափոխել արտահայտությունը:
3. Կիրառելով եռանկյունաչափական ֆունկցիաների գումարի բանաձևերը՝ պարզեցնել արտահայտություններ:
4. Կիրառելով $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha\cos\alpha$ կրկնակի անկյան բանաձևը՝ պարզեցնել արտահայտությունը և գտնել նրա արժեքը:
5. Թվարկված հավասարություններից ճանաչել և ընտել նույնությունները:

ԳԼՈՒԽ 3.

§1. Թվային ֆունկցիա

[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանք առարկայիչափորոշչային **նվազագույն** պահանջներիկատարումըստուգելուհամար.

1. Հաշվել ֆունկցիայի արժեքը տրված կետում.

a. $f(x) = \frac{3}{x} - x^2$, $x = 3$

b. $f(x) = \sqrt{x^3 + 3}$, $x = 1$:

2. Գտնել ֆունկցիայի որոշման տիրույթը.

a. $f(x) = x - 5$

b. $f(x) = 2x^2 + 1$

c. $f(x) = \frac{x^3 - 1}{3x - 5}$

3. Ֆունկցիան տրված է $y = 3x - 1$ բանաձևով: Ճշմարիտ է արդյոք հավասարությունը.

a. $y(2) = 3$

b. $y(\frac{1}{3}) = 0$

c. $y(5) = 17$

d. $y(-1) = -3$

4. Նշվածներից ընտրել հաստատուն ֆունկցիաները.

a. $y = x - 4$

b. $f(x) = b$

c. $f(x) = \frac{1}{3x - 5}$

d. $f(x) = 5$

5. Անվանել անկախ և կախյալ փոփոխականները.

a. $y = x^2$

b. $S = a^2$

c. $V = a^3$

d. $S = 80t$:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Թե ինչպես տրված կետում հաշվել ֆունկցիայի արժեքը:
2. Ի՞նչ է ֆունկցիայի որոշման տիրույթը:
3. Թե ինչպե՞ս հաշվել ֆունկցիայի արժեքը տրված կետում:
4. Հաստատուն ֆունկցիայի տեսքը:
5. Ո՞րն է անկախ, ո՞րն է կախյալ փոփոխականը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Հաշվել ֆունկցիայի արժեքը տրված կետում:
2. Որոշել ֆունկցիայի որոշման տիրույթը:

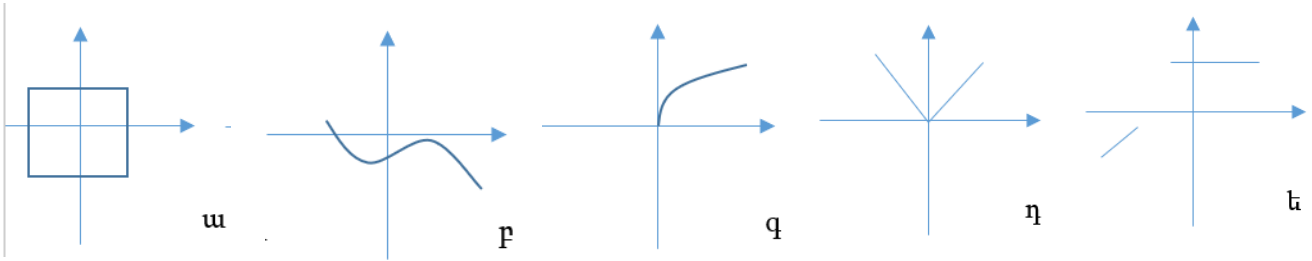
3. Ֆունկցիայի արժեքը տրված կետում հաշվել:
4. Հաստատուն ֆունկցիան մյուս ֆունկցիաներից տարբերել:
5. Հստակ տարբերել անկախ փոփոխականը կախյալ փոփոխականից:

§2. Ֆունկցիայի գրաֆիկ

[Թեմատիկ պլան](#)

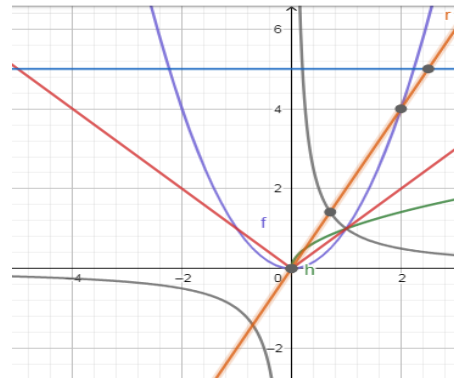
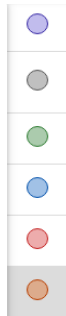
Առաջադրանք առարկայիչափորոշային **նվազագույն** պահանջներիկատարումըստուգելուհամար.

1. Նշվածներից n ընտրե՛ք ֆունկցիայի գրաֆիկ չէ.



2. Համապատասխանեցնել.

- a. $y = x^2$
- b. $y = \sqrt{x}$
- c. $y = \frac{1}{x}$
- d. $y = |x|$
- e. $y = 5$
- f. $y = 2x$



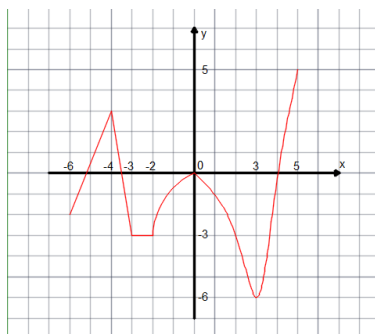
3. $y = 3x + 5$ Ֆունկցիայի գրաֆիկը արգիսների առանցքը n ը կետում է հատում.

- a. (0; 5)
- b. (5; 0)
- c. (0; 3)
- d. (3; 5)
- e. (3; 0)

4. $f(1; 2)$ Պատկերել $y = 6x - 7$ Ֆունկցիայիգրաֆիկը:

5. Օգտվելով գրաֆիկից որոշել.

- a. $D(f)$ -ը
- b. $E(f)$ -ը



Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Ո՞ր կետերի բազմությունն են անվանում ֆունկցիայի գրաֆիկ:
2. $y = x^2$, $y = \sqrt{x}$, $y = \frac{1}{x}$, $y = |x|$, $y = 2x$, $y = 5$ ֆունկցիաների գրաֆիկի մոտավոր տեսքը:
3. Ինչպե՞ս որոշել գրաֆիկի և աբսցիսների առանցքի հատման կետը:
4. Կոորդինատային առանցքների հետ հատման կետերի միջոցով գծային ֆունկցիայի գրաֆիկի կառուցումը:
5. Թե՞ ինչպե՞ս են գրաֆիկորեն որոշում ֆունկցիայի որոշման և արժեքների տիրույթը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Տարբերել ֆունկցիայի գրաֆիկը կամայական կորից:
2. Ճիշտ համապատասխանեցնել ֆունկցիայի գրաֆիկերը:
3. Գրաֆիկի և աբսցիսների առանցքի հատման կետը որոշել:
4. Գծային ֆունկցիայի գրաֆիկը պատկերել:
5. Գրաֆիկորեն որոշել ֆունկցիայի որոշման և արժեքների տիրույթը:

§3. Գործողություններ ֆունկցիաների հետ

[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանք առարկայիչափորոշային **նվազագույն** պահանջներիկատարումըստուգելուհամար.

- Տրված է $f(x) = 3x + 5$ և $g(x) = 4x - 1$: Գտնել.
 - $F(x) = f(x) + g(x)$
 - $D(F) - ?$
- Տրված է $f(x) = 4x^2 - 3$ և $g(x) = 2x^2 - 6$: Գտնել.
 - $F(x) = f(x) - g(x)$
 - $D(F) - ?$
- Տրված է $f(x) = \sqrt{x + 4}$ և $g(x) = \frac{1}{x-1}$: Գրելայնարտահայտությունը, որովտրվումէ $F(x) = f(x) \cdot g(x)$ ֆունկցիան:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

- Երկու ֆունկցիաների գումարի սահմանումը:
- Երկու ֆունկցիաների տարբերության սահմանումը:
- Երկու ֆունկցիաների արտադրյալի սահմանումը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

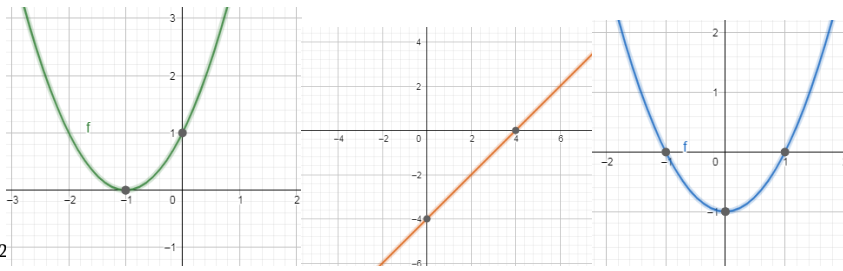
- Կիրառել կրկու ֆունկցիաների գումարի սահմանումը:
- Կիրառել կրկու ֆունկցիաների տարբերության սահմանումը:
- Կիրառել կրկու ֆունկցիաների արտադրյալի սահմանումը:

§4. Ֆունկցիայի գրաֆիկի ձևափոխություններ

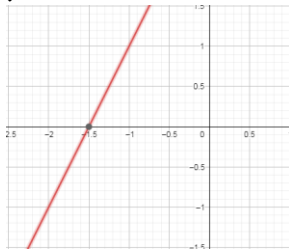
[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանք առարկայիչափորոշչային **նվազագույն** պահանջներիկատարումըստուգելուհամար.

1 Համապատասխանեցնել.



a. $y = (x + 1)^2$



b. $y = x^2 - 1$

c. $y = 2x + 3$

d. $y = x - 4$:

2. Տրված գրաֆիկին համապատասխան ընտրել ֆունկցիայի տեսքը.

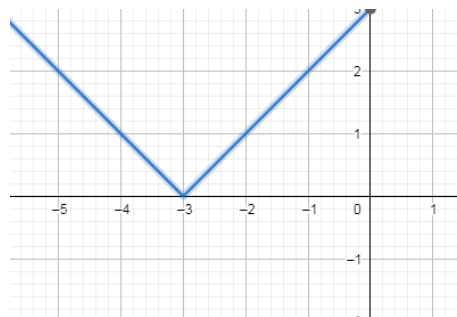
a. $y = |x| + 3$

b. $y = |x - 3|$

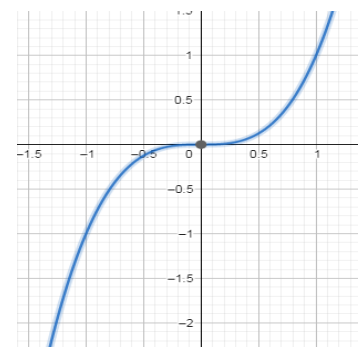
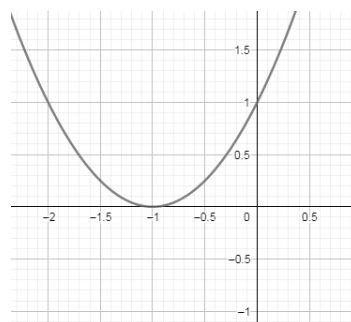
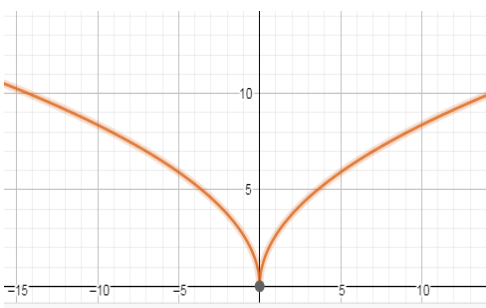
c. $y = |x + 3|$

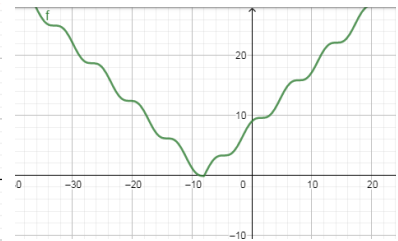
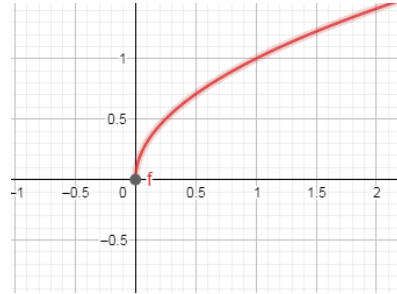
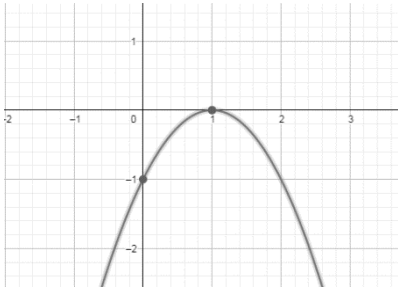
d. $y = |x| + 3$

e. $y = 2x - 3$:



3. Տրված է $y = -(x - 1)^2$: Ընտրել համապատասխան ֆունկցիայի գրաֆիկը.





Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Գծային և քառակուսային ֆունկցիաների գրաֆիկների տեսքը և ինչպես են կառուցում $y = f(x + a)$, $y = f(x) - a$, $y = af(x)$ ֆունկցիաների գրաֆիկները:
2. $y = |x|$ ֆունկցիայի գրաֆիկի ձևափոխությունը:
3. $y = x^2$ ֆունկցիայի գրաֆիկի ձևափոխությունը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Ձևափոխել գծային և քառակուսային ֆունկցիաների գրաֆիկները:
2. Ձևափոխել $y = |x|$ ֆունկցիայի գրաֆիկը:
3. Ձևափոխել $y = x^2$ ֆունկցիայի գրաֆիկը:

§5. Կոտորակագծային Ֆունկցիա

[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանք առարկայիչափորոշչային **նվազագույն** պահանջներիկատարումըստուգելուհամար.

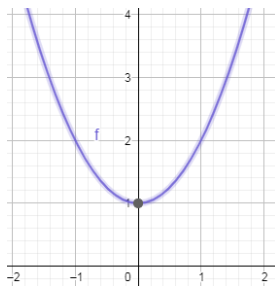
1. Կոտորակագծային ֆունկցիայի գրաֆիկը իրենից ներկայացնում է՝

- ուղիղ գիծ
- հիպերբոլ
- Պարաբոլ:

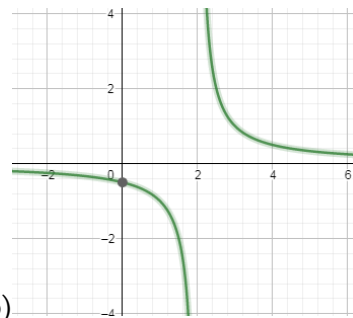
2. Գտնել $y = \frac{1}{x-3}$ ֆունկցիայի որոշման տիրույթը:

- $(-\infty; 3) \cup (3; +\infty)$
- $(-\infty; 0) \cup (0; +\infty)$
- \mathbb{R}

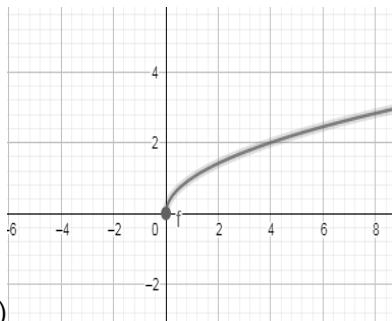
3. Ընտրել $y = \frac{1}{x-5}$ ֆունկցիային համապատասխան գրաֆիկը:



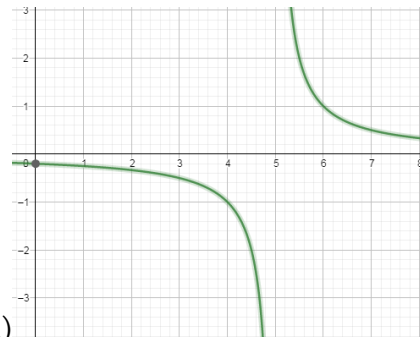
a)



b)



c)



d)

4. Կառուցել $y = \frac{1}{x^2}$ ֆունկցիայի գրաֆիկը $[-5; 5]$ միջակայքում 1 քայլի ճշտությամբ:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

- Կոտորակագծային ֆունկցիայի տեսքը:
- Թե ինչպես են որոշում կոտորակագծային ֆունկցիայի որոշման տիրույթը:
- Կոտորակագծային ֆունկցիայի գրաֆիկի ձևափոխությունը:
- Կառուցել կոտորակագծային ֆունկցիայի գրաֆիկը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Տարբերել կոտորակագծային ֆունկցիայի տեսքը մյուս ֆունկցիաներից:
2. Որոշել կոտորակագծային ֆունկցիայի որոշման տիրույթը:
3. Տրված գրաֆիկներից ընտրել կոտորակագծային ֆունկցիայի գրաֆիկը:
4. Տրված միջակայքում կառուցել հիպերբոլի գրաֆիկը:

§6. Մահմանափակություն մեծագույն և փոքրագույն արժեքներ [Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանք առարկայիչափորոշային **նվազագույն** պահանջներիկատարումըստուգելուհամար.

1. Ֆունկցիան անվանում են սահմանափակ, եթե այն սահմանափակ է

- a. Վերևից
- b. Ներքևից
- c. Ե՛վ վերևից, և՛ ներքևից:

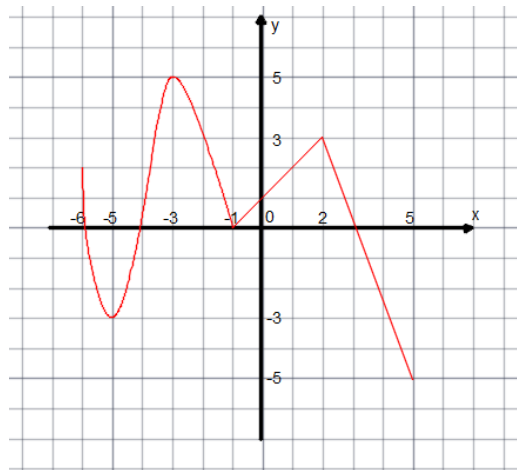
2. Նշել $y = x^2 - 3$ ֆունկցիան վերևի՞ց է սահմանափակ, թե՞ ներքևից, և նշել թե՞ որ թվով:

3. Նշվածներից ընտրել սահմանափակ ֆունկցիաները.

- a. $y = x^2$
- b. $y = \frac{1}{x}$
- c. $y = 2x - 1$
- d. $y = \sqrt{x}$
- e. $y = |x|$

4. Օգտվելով գրաֆիկից, պարզել թե՞ որ թվով է ֆունկցիան սահմանափակ.

- a. Վերևից,
- b. Ներքևից:



Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

- 1. Ո՞ր ֆունկցիան են անվանում սահմանափակ:
- 2. Քառակուսային ֆունկցիայի գրաֆիկի ձևափոխությունը (կարող է օգտագործել SS գրաֆիկի տեսքը ստանալու համար), և ֆունկցիայի սահմանափակությունը:
- 3. Նշված ֆունկցիաների գրաֆիկների տեսքը, և ո՞ր ֆունկցիաներն են վերևից (ներքևից) սահմանափակ:
- 4. Ո՞ր ֆունկցիաներն են վերևից (ներքևից) սահմանափակ:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Մահմանել սահմանափակ ֆունկցիայի սահմանումը:
2. Որոշել քառակուսային ֆունկցիայի սահմանափակությունը:
3. Գրաֆիկորեն պարզել ֆունկցիայի սահմանափակությունը:
4. Գրաֆիկորեն պարզել ֆունկցիայի սահմանափակությունը և որոշել, թե ո՞ր թվով է սահմանափակ:

Առաջադրանք առարկայիչափորոշչային **նվազագույն** պահանջներիկատարումըստուգելուհամար.

1. Եթե $f(x+T) = f(x)$ ($x \in D(f), x \pm T \in D(f)$), ապա ասեն Ֆունկցիան.
 - a. պարբերական է
 - b. զույգ է
 - c. պարաբոլ է:

2. $f(x) = \sin x$ Ֆունկցիայի հիմնական պարբերությունը.
 - a. 4π է
 - b. 3π է
 - c. 2π է
 - d. $4/5\pi$ է:

3. Նշվածֆունկցիաներիցորոնքպարբերականչեն.
 - a. $y = x^2$
 - b. $y = \cos x$
 - c. $y = |x|$
 - d. $y = \operatorname{tg} x$
 - e. $y = \operatorname{ctg} x$
 - f. $y = 2x + 1$:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. n ր Ֆունկցիաներն են անվանում պարբերական:
2. T նչ է հիմնական պարբերությունը:
3. որ եռանկյունաչափական ֆունկցիաները պարբերական են, իսկ մյուսները՝ ո՛չ:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Մահմանել պարբերական ֆունկցիայի սահմանումը:
2. Որոշել եռանկյունաչափական ֆունկցիաների հիմնական պարբերությունը:
3. Տարբերել պարբերական ֆունկցիաները մյուս ֆունկցիաներից:

§8. Չույզ և կենտ ֆունկցիաներ

[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանք առարկայիչափորոշչային **նվազագույն** պահանջներիկատարումըստուգելուհամար.

1. f ֆունկցիան անվանում են զույգ, եթե $f(-x) = \underline{\hspace{2cm}}$, երբ $x \in D(f)$:
2. f ֆունկցիան անվանում են կենտ, եթե $f(-x) = \underline{\hspace{2cm}}$, երբ $x \in D(f)$:
3. Եռանկյունաչափական ֆունկցիաներից որո՞նք են կենտ:
4. Նշվածներից ընտրել զույգ ֆունկցիաները.
 - a. $f(x) = x^2$
 - b. $f(x) = x^3$
 - c. $f(x) = x^4 + 1$
 - d. $f(x) = x^5 - 5$
 - e. $f(x) = \cos x$
 - f. $f(x) = \sin x$:
5. $y = x^7 + x^6 - 3x$ ֆունկցիան
 - a. զույգ է
 - b. կենտ է
 - c. ո՛չ զույգ է, ո՛չ կենտ:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. ո՞ր ֆունկցիան են անվանում զույգ:
2. ո՞ր ֆունկցիան են անվանում կենտ:
3. եռանկյունաչափական ֆունկցիաների զույգությունը:
4. զույգ ֆունկցիայի սահմանումը:
5. որ ամեն մի ֆունկցիա չէ, որ զույգ է կամ կենտ:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Ձևակերպել զույգ ֆունկցիայի սահմանումը:
2. Ձևակերպել կենտ ֆունկցիայի սահմանումը:
3. Առանձնացնել եռանկյունաչափական ֆունկցիաներից կենտերը:
4. Կիրառել զույգ ֆունկցիայի սահմանումը:
5. Ցույց տալ որ ոչ բոլոր ֆունկցիաներն են զույգ կամ կենտ:

Առաջադրանք առարկայիչափորոշչային **նվազագույն** պահանջներիկատարումըստուգելուհամար.

1. Գտնել $f(x) = 4x - 5$ ֆունկցիայի աճման միջակայքը.
 - a. \mathbb{R}
 - b. $(-\infty; -4)$
 - c. $(5; +\infty)$
 - d. $\mathbb{R} \setminus \{0\}$
2. Գտնել $f(x) = 6 - 5x$ ֆունկցիայի նվազման միջակայքը.
 - a. $(5; +\infty)$
 - b. $(-\infty; 6)$
 - c. \mathbb{R}
3. Գրաֆիկորեն պարզել $y = 4x^2 - 6$ ֆունկցիան ունի.
 - a. մաքսիմումի կետ
 - b. մինիմումի կետ
 - c. և՛ մաքսիմումի, և՛ մինիմումի կետեր:
4. Գրաֆիկորեն պարզել նշված ֆունկցիաներից որո՞նք են ամբողջ թվային առանցքի վրա նվազում.
 - a. $y = x^2$
 - b. $y = -x$
 - c. $y = \sqrt{x}$
 - d. $y = |x|$
 - e.

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Երբ է ֆունկցիան X բազմությունում աճող:
2. Գծային ֆունկցիայի նվազող լինելու պայմանը ($k < 0$):
3. Պատկերել $y = 4x^2 - 6$ ֆունկցիայի գրաֆիկը և մաքսիմում (մինիմում) կետի հասկացողությունը:
4. $y = x^2$, $y = -x$, $y = \sqrt{x}$, $y = |x|$ ֆունկցիաների գրաֆիկների տեսքերը և ինչպես գրաֆիկորեն պարզել ֆունկցիաների մոնոտոնությունը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Կիրառել X բազմությունում ֆունկցիայի աճող լինելու հատկությունը:
2. Պարզել գծային ֆունկցիայի մոնոտոնությունը:
3. Գրաֆիկորեն որոշել ֆունկցիայի մաքսիմում (մինիմում) կետը:

4. Գրաֆիկորեն որոշել ֆունկցիայի մոնոտոնությունը:

§10. Ֆունկցիայի հետազոտման ուրվագիծը և գրաֆիկի կառուցումը

[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշչային նվազագույն պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Գտնել հետևյալ ֆունկցիաների գրոները:

1) $f(x) = 4x - 8$

2) $f(x) = -2x + 10$

3) $f(x) = x^2 + 7x + 10$

2. Գտնել ֆունկցիայի որոշման տիրույթը:

1) $f(x) = 4x - 1$

2) $f(x) = \frac{5}{x+4}$

3. Գտնել ֆունկցիայի արժեքների տիրույթը:

1) $f(x) = x - 5$

2) $f(x) = x^2$

4. Տրված է $f(x) = 2x + 5$ ֆունկցիան:

1) Որոշել ֆունկցիայի գրաֆիկի կոորդինատային առանցքների հատման կետերը:

2) Կառուցել ֆունկցիայի գրաֆիկը:

3) Ըստ կառուցված գրաֆիկի նշել ֆունկցիան աճող է, թե՞ նվազող:

4) Պարզել, ֆունկցիան ունի՞ մեծագույն և փոքրագույն արժեքներ:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Ֆունկցիայի գրոները գտնելու հաշվեկանոնը:

2. h նշ է ֆունկցիայի որոշման տիրույթը:

3. h նշ է ֆունկցիայի արժեքների տիրույթը:

4. h նշ պե՞ս պետք է որոշել ֆունկցիայի գրաֆիկի և կոորդինատային առանցքների հատման կետերը, դրանց միջոցով ֆունկցիայի գրաֆիկի պատկերումը, գրաֆիկորեն ֆունկցիայի մոնոտոնությանը որոշումը, մեծագույն և փոքրագույն արժեքների գոյությունը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Գտնել ֆունկցիայի գրոները:

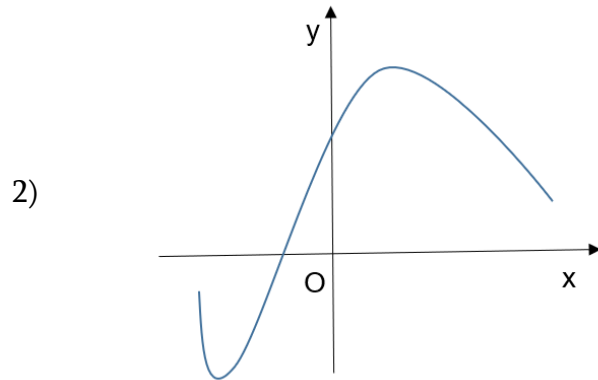
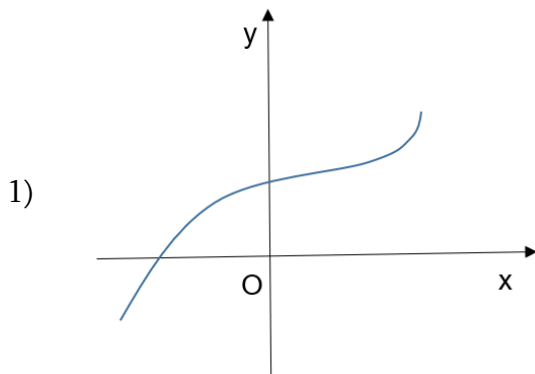
2. Գտնել գծային և կոտորակագծային ֆունկցիաների որոշման տիրույթները:

3. Գտնել գծային և քառակուսային ֆունկցիաների արժեքների տիրույթները:

4. Գտնել տրված գծային ֆունկցիայի և կոորդինատային առանցքների հատման կետերը և կառուցել գրաֆիկը: Տարբերել աճող և նվազող գծային ֆունկցիաները: Որոշել ֆունկցիայի մեծագույն և փոքրագույն արժեքները:

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Ավարտել սահմանումը:
Փոխմիարժեք են կոչվում այն $f(x)$ ֆունկցիաները, որտեղ յուրաքանչյուր $f(x)$ արժեքին համապատասխանեցված է x -ի _____:
2. Գրաֆիկորեն տրված ֆունկցիաներից n° ըն է փոխմիարժեք:



3. f փոխմիարժեք ֆունկցիայի հակադարձը գտնելու համար անհարժեշտ է.
 - ա) $y=f(x)$ հավասարումից x -ն արտահայտել y -ով,
 - բ) ստացված բանաձևում փոխել x -ի և y -ի տեղերը:

Օգտվելով նշված քայլաշարից՝ գտնել $y = 6 - 12x$ ֆունկցիայի հակադարձ ֆունկցիան:

4. Ո՞ր ուղղի նկատմամբ են համաչափ փոխմիարժեք ֆունկցիայի և նրա հակադարձ ֆունկցիայի գրաֆիկները:
 - 1) $y = -x$
 - 2) $y = x$
 - 3) $y = 2x$
 - 4) $y = x + 1$

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. փոխմիարժեք ֆունկցիայի սահմանումը:
2. ինչ պայմանի պետք է բավարարի փոխմիարժեք ֆունկցիայի գրաֆիկը:
3. երկու անհայտ պարունակող գծային հավասարման մեջ մի անհայտը մյուսով արտահայտելու քայլաշարը:
4. թե որ ուղղի նկատմամբ են համաչափ փոխմիարժեք ֆունկցիան և նրա հանադարձ ֆունկցիան:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Փոխմիարժեք ֆունկցիայի սահմանման մեջ լրացնել բաց թողնված բառերը:
2. Ճանաչել և տարբերել փոխմիարժեք ֆունկցիայի գրաֆիկը ոչ փոխմիարժեք ֆունկցիայի գրաֆիկից:
3. Կիրառելով տրված փոխմիարժեք ֆունկցիայի հակադարձը գտնելու հաշվեկանոնը՝ գտնել գծային ֆունկցիայի հակադարձ ֆունկցիան:
4. Ընտրել այն ուղիղը, որի նկատմամբ համաչափ են փոխմիարժեք ֆունկցիան և նրա հակադարձ ֆունկցիան:

Գլուխ 4 §1. Մինուս և կոսինուս ֆունկցիաների հատկություններն ու գրաֆիկները

[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշային նվազագույն պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Նշված պնդումներից որոնք են ճիշտ $y = \sin x$ ֆունկցիայի համար:

- 1) $y = \sin x$ ֆունկցիայի որոշման տիրույթը $[-1; 0]$ հատվածն է:
- 2) $y = \sin x$ ֆունկցիայի մեծագույն արժեքը 1-ն է:
- 3) $y = \sin x$ ֆունկցիան որոշված է ամբողջ թվային առանցքի վրա:
- 4) $y = \sin x$ ֆունկցիայի փոքրագույն արժեքը 0-ն է:
- 5) $y = \sin x$ ֆունկցիան ընդունում է ցանկացած իրական արժեք:
- 6) $y = \sin x$ ֆունկցիայի փոքրագույն արժեքը -1-ն է:
- 7) $y = \sin x$ ֆունկցիայի արժեքների տիրույթը $[-1; 1]$ հատվածն է:
- 8) $y = \sin x$ ֆունկցիայի գրաֆիկն անցնում է $(0; 0)$ կետով:

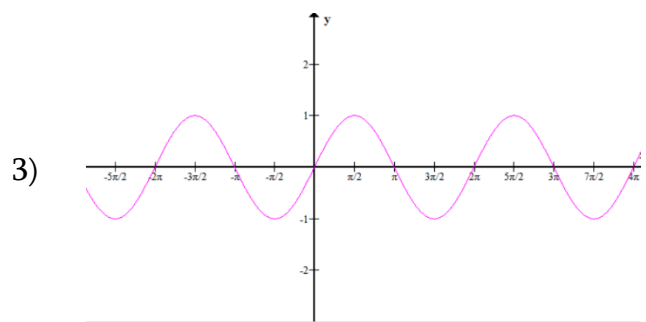
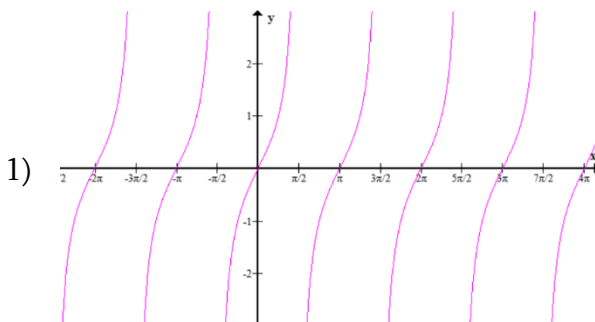
2. Նշված պնդումներից որոնք են սխալ $y = \cos x$ ֆունկցիայի համար:

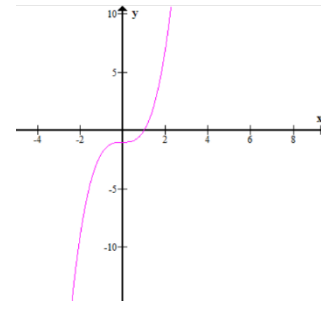
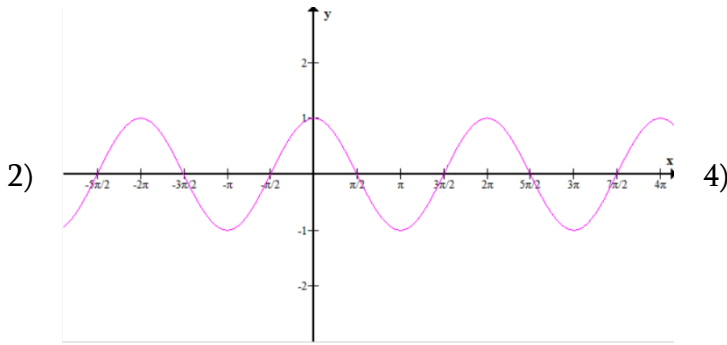
- 1) $y = \cos x$ ֆունկցիայի որոշման տիրույթը $[0; 1]$ հատվածում:
- 2) $y = \cos x$ ֆունկցիայի մեծագույն արժեքը 1-ն է:
- 3) $y = \cos x$ ֆունկցիան որոշված է ամբողջ թվային առանցքի վրա:
- 4) $y = \cos x$ ֆունկցիայի փոքրագույն արժեքը -1-ն է:
- 5) $y = \cos x$ ֆունկցիան ընդունում է ցանկացած իրական արժեք:
- 6) $y = \cos x$ ֆունկցիայի գրաֆիկն անցնում է $(1; 0)$ կետով:
- 7) $y = \cos x$ ֆունկցիայի արժեքների տիրույթը $[-1; 1]$ հատվածն է:
- 8) $y = \cos x$ ֆունկցիայի գրաֆիկն անցնում է $(0; 1)$ կետով:

3. Թվերը դասավորել աճման կարգով:

- 1) $\sin 40^\circ; \sin 30^\circ; \sin 60^\circ$
- 2) $\cos 20^\circ; \cos 30^\circ; \cos 45^\circ$

4. Տրված ֆունկցիաների գրաֆիկներից n ըն է $y = \sin x$ ֆունկցիայի գրաֆիկը:





5. Գտնել $y = 2\sin x$ ֆունկցիայի մեծագույն և փոքրագույն արժեքները:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. $y = \sin x$ ֆունկցիայի որոշման և արժեքների տիրույթները, գրաֆիկի տեսքը:
2. $y = \cos x$ ֆունկցիայի որոշման և արժեքների տիրույթները, գրաֆիկի տեսքը:
3. $y = \sin x$ ֆունկցիան առաջին քառորդում աճում է, իսկ $y = \cos x$ ֆունկցիան՝ նվազում:
4. $y = \sin x$ և $y = \cos x$ ֆունկցիաների գրաֆիկների տեսքը:
5. $y = \sin x$ ֆունկցիայի մեծագույն և փոքրագույն արժեքները:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. $y = \sin x$ ֆունկցիայի հիմնական հատկությունները կիրառելով՝ ընտրել ճիշտ պնդումները:
2. $y = \cos x$ ֆունկցիայի հիմնական հատկությունները կիրառելով՝ ընտրել սխալ պնդումները:
3. առաջին քառորդի անկյուններում սինուս և կոսինուս ֆունկցիաների ընդունած արժեքները դասավորել աճման կարգով:
4. ճանաչել և տարբերել $y = \sin x$ և $y = \cos x$ ֆունկցիաների գրաֆիկները:
5. իմանալով $y = \sin x$ ֆունկցիայի մեծագույն և փոքրագույն արժեքները՝ գտնել $y = a \sin x$ ֆունկցիայի մեծագույն և փոքրագույն արժեքները:

§2. Տանգենս և կոտանգենս ֆունկցիաների հատկություններն ու գրաֆիկները

[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Նշված պնդումներից որոնք են ճիշտ $y = tgx$ ֆունկցիայի համար:

- 1) $y = tgx$ ֆունկցիայի մեծագույն արժեքը 1-ն է:
- 2) $y = tgx$ ֆունկցիան որոշված է ամբողջ թվային առանցքի վրա:
- 3) $y = tgx$ ֆունկցիայի փոքրագույն արժեք չունի:
- 4) $y = tgx$ ֆունկցիան ընդունում է ցանկացած իրական արժեք:
- 5) $y = tgx$ ֆունկցիան որոշված է այն կետերում, որտեղ $cosx \neq 0$:
- 6) $y = tgx$ ֆունկցիայի արժեքների տիրույթը $[-1; 1]$ հատվածն է:
- 7) $y = tgx$ ֆունկցիան որոշված է այն կետերում, որտեղ $sinx \neq 0$:

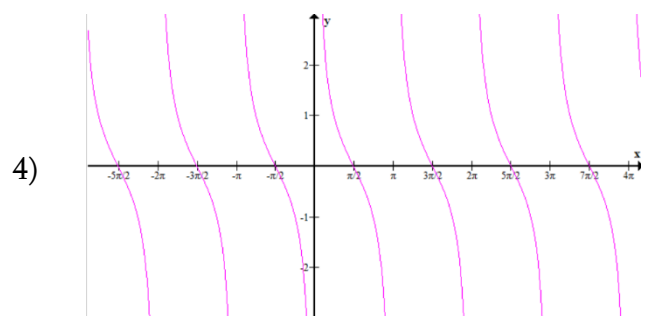
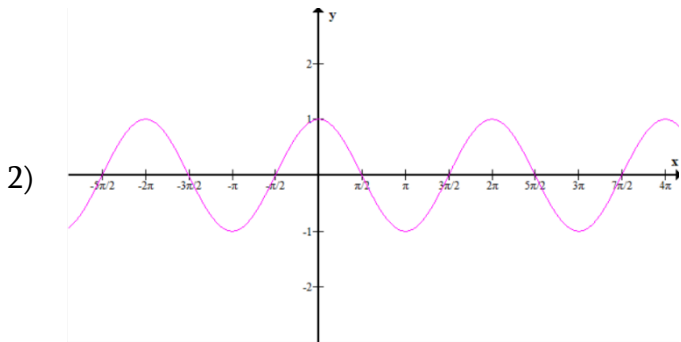
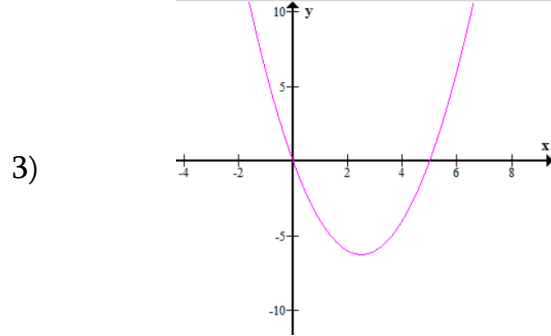
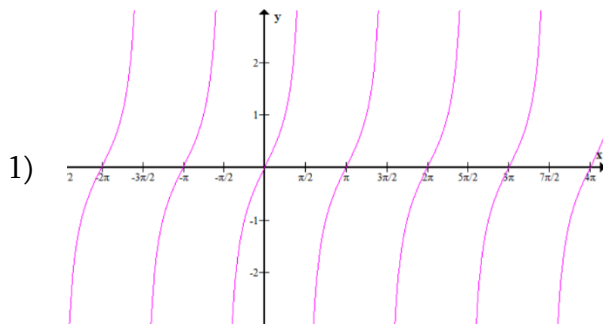
2. Նշված պնդումներից որոնք են սխալ $y = ctgx$ ֆունկցիայի համար:

- 1) $y = ctgx$ ֆունկցիայի փոքրագույն արժեքը -1-ն է:
- 2) $y = ctgx$ ֆունկցիան որոշված է ամբողջ թվային առանցքի վրա:
- 3) $y = ctgx$ ֆունկցիայի մեծագույն արժեք չունի:
- 4) $y = ctgx$ ֆունկցիան ընդունում է ցանկացած իրական արժեք:
- 5) $y = ctgx$ ֆունկցիան որոշված է այն կետերում, որտեղ $cosx \neq 0$:
- 6) $y = ctgx$ ֆունկցիայի արժեքների տիրույթը \mathbb{R} -ն է:
- 7) $y = ctgx$ ֆունկցիան որոշված է այն կետերում, որտեղ $sinx \neq 0$:

3. Թվերը դասավորել նվազման կարգով:

- 3) $tg40^\circ; tg60^\circ; tg30^\circ$
- 4) $ctg30^\circ; ctg20^\circ; ctg45^\circ$

4. Տրված ֆունկցիաների գրաֆիկներից n ըն է $y = ctgx$ ֆունկցիայի գրաֆիկը:



Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. $y = \text{tg} x$ ֆունկցիայի որոշման և արժեքների տիրույթները:
2. $y = \text{ctg} x$ ֆունկցիայի որոշման և արժեքների տիրույթները:
3. $y = \text{tg} x$ ֆունկցիան առաջին քառորդում աճում է, իսկ $y = \text{ctg} x$ ֆունկցիան՝ նվազում:
4. $y = \text{tg} x$ և $y = \text{ctg} x$ ֆունկցիաների գրաֆիկների տեսքը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. $y = \text{tg} x$ ֆունկցիայի որոշման և արժեքների տիրույթից ելնելով՝ ընտրել ճիշտ պնդումները:
2. $y = \text{ctg} x$ ֆունկցիայի որոշման և արժեքների տիրույթից ելնելով՝ ընտրել սխալ պնդումները:
3. առաջին քառորդի անկյուններում տանգենս և կոտանգենս ֆունկցիաների ընդունած արժեքները դասավորել նվազման կարգով:
4. ճանաչել և տարբերել $y = \text{tg} x$ և $y = \text{ctg} x$ ֆունկցիաների գրաֆիկները:

Առաջադրանքներ առարկայի չափորոշչային **նվազագույն** պահանջների կատարումը ստուգելու համար.

1. Լրացնել բացթողնվածը:

$\arcsin a$ -ն $\left[-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}\right]$ միջակայքիայն β անկյունն է, որի համար $\sin \beta = \text{---}$:

2. $\arcsin(-a)$ -ն համարժեք է.

- 1) $\arcsin a$
- 2) $-\arcsin a$
- 3) $-\arccos a$
- 4) $\pi - \arcsin a$

3. $\arccos(-a)$ -ն համարժեք է.

- 1) $\arccos a$
- 2) $-\arccos a$
- 3) $\pi - \arccos a$
- 4) $\arcsin a$

4. Գտնել արտահայտության արժեքը.

- 1) $\arcsin 1$
- 2) $\arcsin 0$
- 3) $\arcsin \frac{1}{2}$
- 4) $\arccos \frac{\sqrt{3}}{2}$
- 5) $\arccos 0$
- 6) $\arctg 1$
- 7) $\text{arcctg} \sqrt{3}$

5. Գտնել արտահայտության արժեքը.

- 1) $\arcsin 1 + \arccos 0$
- 2) $\arcsin \frac{1}{2} - \arccos \frac{\sqrt{3}}{2}$
- 3) $\arcsin(-1) + \arccos \frac{1}{2}$
- 4) $\arctg 1 + \text{arcctg} 1$

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. $\arcsin a$ է a թվի արկսինուսը (արկկոսինուսը):
2. $\arcsin \arcsin(-a) = -\arcsin a$ հատկությունը:
3. $\arccos \arccos(-a) = \pi - \arccos a$ հատկությունը:
4. աղյուսակից օգտելով՝ ինչպես գտնել $0^\circ, 30^\circ, 45^\circ, 60^\circ, 90^\circ$ անկյունների սինուսի, կոսինուսի, տանգենսի, կոտանգենսի արժեքները:
5. աղյուսակից օգտելով, ինչպես նաև գիտենալ $\arcsin \arcsin(-a) = -\arcsin a$ հատկությունը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. գիտենալով, թե ինչ է a թվի արկսինուսը՝ լրացնել բաց թողնվածը:
2. $\arcsin \arcsin (-a) = -\arcsin a$ հատկությունը իմանալով՝ ընտրել ճիշտ տարբերակը:
3. $\arccos \arccos (-a) = \pi - \arccos a$ հատկությունը իմանալով՝ ընտրել ճիշտ տարբերակը:
4. աղյուսակից օգտելով՝ հաշվել արտահայտության արժեքը:
5. օգտվելով աղյուսակից և կիրառելով $\arcsin \arcsin (-a) = -\arcsin a$ բանաձևը՝ հաշվել արտահայտության արժեքը:

§4. Պարզագույն եռանկյունաչափական հավասարումների լուծման բանաձևերը

[Թեմատիկ պլան](#)

Առաջադրանք առարկայիչափորոշչային նվազագույն պահանջներիկատարումըստուգելուհամար.

1. Նշված հավասարումներից որո՞նք եռանկյունաչափական հավասարումներ չեն.

a. $\sin x = 1$

b. $y = x^2$

c. $\cos x = 0$

d. $\operatorname{tg} x = \sqrt{x}$

e. $y = |x|$

f. $\operatorname{ctg} x = a$

2. $\sin x = 1$ հավասարման լուծումն է՝

a. $x = \frac{\pi}{2} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z},$

b. $x = -\frac{\pi}{2} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z},$

c. $x = 2\pi k, k \in \mathbb{Z},$

d. $x = \frac{\pi}{2} + \pi k, k \in \mathbb{Z}:$

3. $\cos x = 0$ հավասարման լուծումն է՝

a. $x = \frac{\pi}{2} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z},$

b. $x = -\frac{\pi}{2} + 2\pi k, k \in \mathbb{Z},$

c. $x = 2\pi k, k \in \mathbb{Z},$

d. $x = \frac{\pi}{2} + \pi k, k \in \mathbb{Z}:$

4. Նշված եռանկյունաչափական հավասարումներից որո՞նք լուծում չունեն.

a. $\sin x = 1,$

b. $\cos x = 3$

c. $\operatorname{tg} x = 5,$

d. $\sin x = 2,$

e. $\operatorname{ctg} x = -1:$

5. Օգտվելով $\sin x = a \Leftrightarrow x = (-1)^k \arcsin a + \pi k; k \in \mathbb{Z}$ եռանկյունաչափական հավասարման լուծման բանաձևից՝ լուծել $\sin x = \frac{\sqrt{2}}{2}$ հավասարումը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Եռանկյունաչափական հավասարումների տեսքը:

2. $\sin x = 1$ հավասարման լուծումը:

3. $\cos x = 0$ հավասարման լուծումը:

4. $\sin x = a$ և $\cos x = a$ հավասարումները, a -ի n -րդ արժեքների դեպքում արմատներ չունեն:

5. $\sin x = a$ հավասարման լուծումը կամ լուծուման տեսքը ունենալով՝ ինչպես լուծել այն:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Տարբերել եռանկյունաչափական հավասարումները:
2. Տրված լուծումներից ընտրել $\sin x = 1$ հավասարման լուծումը (լուծել $\sin x = 1$ հավասարմը):
3. Լուծել $\cos x = 0$ հավասարմը:
4. Տարբերել, որ $\sin x = a$ և $\cos x = a$ հավասարումները արմատներ չունեն, երբ $|a| > 1$:
5. Կիրառել $\sin x = a$ հավասարման լուծման կանոնը:

Առաջադրանք առարկայիչափորոշչային **նվազագույն** պահանջներիկատարումըստուգելուհամար.

Լուծել հավասարումները.

1. $2\sin x - 4\sin^2 x = 0$,
2. $\cos x - 2\cos^2 x = 0$,
3. $2\operatorname{tg} x + \operatorname{tg}(\pi - x) = 1$,

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է իմանա.

1. Եռանկյունաչափական հավասարումների լուծման արտադրիչների վերլուծման եղանակը և $\sin x = a$ հավասարման լուծումը:
2. Եռանկյունաչափական հավասարումների լուծման արտադրիչների վերլուծման եղանակը և $\cos x = a$ հավասարման լուծումը:
3. Բերման բանաձևերը և $\operatorname{tg} x = 1$ հավասարման լուծումը:

Հարցերին պատասխանելու կամ առաջադրանքները կատարելու համար սովորողը պետք է կարողանա.

1. Կիրառել արտադրիչների վերլուծման եղանակը և $\sin x = a$ հավասարման լուծման բանաձևը:
2. Կիրառել արտադրիչների վերլուծման եղանակը և $\cos x = a$ հավասարման լուծման բանաձևը:
3. Կիրառել $\operatorname{tg} x = 1$ հավասարման լուծման և բերման բանաձևերը: