

**Տիզիկայի հանրապետական օլիմպիադա**  
**Հանրապետական փուլ**  
**240 բույե (4 ժամ)**  
**11-րդ դասարան**

**11-1.** Երբ ավտոմեքենայի մեկ պատուհանի էլեկտրական շարժիչը միացված է, մեկ դռան ապակին ներքևից վերև է բարձրանում  $t_1$  ժամանակում: Եթե միաժամանակ միացնենք երկու պատուհանի երկու էլեկտրական շարժիչները, ապա պատուհանները կբարձրանան  $t_2$  ժամանակում ( $t_2 > t_1$ ):

1) Որքա՞ն  $t_3$  ժամանակ կպահանջվի, որպեսզի մեքենայի երեք պատուհանները բարձրանան երեքի շարժիչների միաժամանակյա աշխատանքի դեպքում:

2) Որքա՞ն  $t_4$  ժամանակում միաժամանակ կբարձրանան մեքենայի բոլոր չորս պատուհանները:

*Ցուցումներ. համարեք, որ ապակին բարձրացնելու համար անհրաժեշտ ուժը անկախ է բարձրացման արագությունից և պատուհանի էլեկտրական շարժիչի քարշի  $F$  ուժն ուղիղ համեմատական է դրանով անցնող հոսանքի ուժին, էլեկտրական շարժիչները սնվում են ավտոմեքենայի մարտկոցից, որն ունի որոշակի ներքին դիմադրություն:*

**Լուծում.** Մեկ շարժիչի աշխատելու դեպքում էներգիայի պահպանման օրենքը տալիս է  $IU = I^2(R + r) + \frac{SF}{t_1}$ :

Այստեղ  $U$  –ն մարտկոցի լարումն է,  $r$ -ը դրա ներքին դիմադրությունը,  $R$ -ը շարժիչի փաթույթները դիմադրությունն է,  $I$  –ն ապակիները հավասարաչափ բարձրացնելու համար պահանջվող հոսանքի ուժն է, որի դեպքում ապահովվում է պահանջվող քարշի ուժը՝  $F = \beta I$ ,

$\beta$ -ն համեմատականության գործակից է,  $s$ -ը ապակու տեղափոխությունը բարձրացման ժամանակ:

Երկու ապակի բարձրացնելիս մարտկոցով հոսող հոսանքի ուժը երկու անգամ ավելի մեծ է և էներգիայի պահպանման օրենքը ընդունում է հետևյալ տեսք:

$$2IU = (2I)^2(R/2 + r) + \frac{2sF}{t_2}$$

Երեք շարժիչի դեպքում՝

$$3IU = (3I)^2(R/3 + r) + \frac{3sF}{t_3}$$

Չորս շարժիչի դեպքում՝

$$4IU = (4I)^2(R/4 + r) + \frac{4sF}{t_4}$$

Առաջին երեք հավասարումներից ստանում ենք.

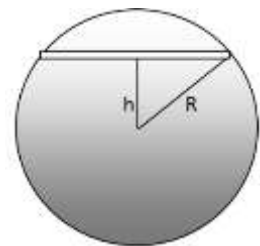
$$\frac{1}{t_3} - \frac{1}{t_2} = \frac{1}{t_2} - \frac{1}{t_1}$$

որտեղից  $t_3 = \frac{t_1 t_2}{2t_1 - t_2}$ : Նմանապես ստանում ենք  $t_4 = \frac{t_1 t_2}{3t_1 - 2t_2}$ .

Հավասարումներից երևում է, որ իդեալական մարտկոցի դեպքում ( $r=0$ ) բոլոր հավասարումները ունեն նույն տեսքը, ինչը նշանակում է, որ այդ դեպքում բոլոր ժամանակները նույնն են:

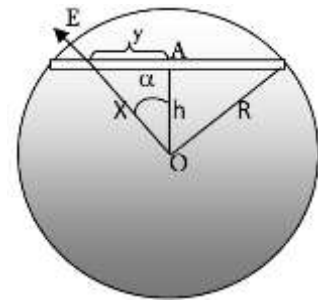
**11-2.**  $R$  շառավղով համասեռ լիցքավորված գնդում կենտրոնից  $h$  հեռավորության վրա փորված է նեղ ուղիղ անցք: Գնդի լիցքի ծավալային խտությունը՝  $\rho > 0$ : Գունդը ֆիքսված է և դրա լիցքը չի բևեռացվում: Անցքի մուտքի մոտ դնում են դիպոլ (երկբևեռ), որը կազմված է թեթև, կոշտ, անհաղորդիչ ձողի ծայրերում ամրացված նույն զանգվածի երկու լիցքավորված գնդիկներից, և բաց են թողնում: Որոշ  $t_0$  ժամանակ անց այն հայտնվում է անցքի հակառակ ծայրում:

Երբ նույնն արվում է գնդիկներից մեկի հետ, այն թռչում է խողովակով  $t_{գն}$  ժամանակի ընթացքում: Որոշե՛ք դիպոլի բազուկի  $l$  երկարությունը՝ ընդունելով  $l \ll R$ : Առաջին



դեպքում նշեք դիպոլի գնդիկներից ամենամոտիկի լիցքի նշանը, իսկ երկրորդ դեպքում՝ լիցքավորված գնդիկի նշանը: Գնդիկների տրամագիծը գրեթե հավասար է անցքի տրամագծին: Ցուցում. Դիպոլը նույն մեծության, բայց տարբեր նշանով երկու էլեկտրական լիցքերի համակարգ է, որոնք գտնվում են միմյանցից ֆիքսված  $l$  (դիպոլային բազուկ) հեռավորության վրա:

**Լուծում:** Գնդի կենտրոնից  $x$  հեռավորության վրա դաշտի լարվածությունը հավասար է  $E = \frac{\rho}{3\epsilon_0}x$ : Անցքի առանցքի երկայնքով դաշտի լարվածության բաղադրիչը հավասար է  $E' = E \sin \alpha = \frac{\rho}{3\epsilon_0} x \sin \alpha = \frac{\rho}{3\epsilon_0} y$ : Դա նշանակում է, որ եթե դիպոլը տեղադրվի խողովակի մեջ բացասական լիցքով, ապա դրա վրա կազդի ուժ  $q \frac{\Delta E'}{\Delta y} l = \frac{\rho q l}{3\epsilon_0} = const = 2ma$ : Ուստի դիպոլը շարժվում է հաստատուն արագացումով և ունենք  $2\sqrt{R^2 - h^2} = \frac{at^2}{2}$ : Եթե անցքի մուտքի մոտ տեղադրենք



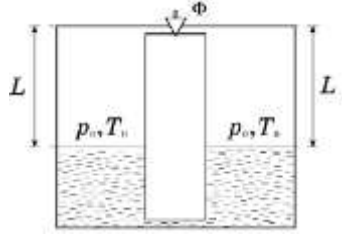
բացասական  $q$  լիցք, դրա վրա կազդի դեպի հավասարակշռության A կետ վերադարձնող ուժ, որն ուղիղ համեմատական է  $y$  շեղմանը  $\frac{\rho q}{3\epsilon_0}$  գործակցով: Հետևաբար, այդ

գնդիկը կկատարի ներդաշնակ տատանումներ  $T = 2\pi \sqrt{\frac{3\epsilon_0 m}{\rho q}}$

պարբերությամբ: Գնդիկը կհասնի անցքի մյուս ծայրին  $t_{qu} = \frac{T}{2} = \pi \sqrt{\frac{3\epsilon_0 m}{\rho q}}$  ժամանակում:

Ստացված հավասարումներից կստանանք  $l = 2\sqrt{R^2 - h^2} \cdot \left(\frac{2 t_{qu}}{\pi T}\right)^2$ :

**11-3.** Երկու ուղղաձիգ նույնական բալոններ միացված են ներքևից՝ աննշան փոքր ծավալի խողովակով: Վերին խողովակում կա  $\Phi$  փական, որը սկզբնական վիճակում բաց է: Գլանների մեջ լցված է  $\rho$  խտության հեղուկ: Բալոնների  $L$  բարձրությամբ մնացած ծավալը լցված է  $p_0$  ճնշմամբ և սենյակային  $T_0$  ջերմաստիճանով գազով: Պահպանելով ձախ բալոնում գազի ջերմաստիճանը, աջ բալոնում գազը տաքացրին մինչև  $T$  ջերմաստիճան և փակեցին փականը: Ջեռուցիչը անջատեցին: Երբ աջ բալոնի օդը սառչեց մինչև սենյակային ջերմաստիճան, բալոններում հեղուկի մակարդակների տարբերությունը դարձավ  $2h$ : Գտեք  $T$  ջերմաստիճանը, եթե ձախ բալոնում գազի ջերմաստիճանը մշտապես մնացել է սենյակային: Ազատ անկման արագացումը  $g$  է:



**Լուծում:** Դիցուք  $S$  – ը բալոնների հատույթների մակերեսն է,  $v$  գազի մոլերի ընդհանուր քանակը,  $R$  գազային հաստատունը:

Սկզբնական վիճակի համար իդեալական գազի վիճակի հավասարումը հետևյալն է.  $2p_0SL = \nu RT_0$ : Երբ փականը բաց է, գազի ճնշումը ձախ և աջ կողմում նույնն է, նշենք այդ  $p$ :

Կիրառելով վիճակի հավասարումը բաց փականի դեպքում յուրաքանչյուր բալոնին տարբեր ջերմաստիճանների դեպքում ստանում  $pSL = \nu_1 RT_0$ ;  $pSL = \nu_2 RT$ , որտեղ  $\nu_1$  և  $\nu_2$  մոլերի քանակն է ձախ և աջ բալոններում: Քանի որ մոլերի ընդհանուր թիվը անփոփոխ է, ապա  $\nu_1 + \nu_2 = \nu$ : Այստեղից մենք արտահայտում ենք ճնշումը  $p = \frac{2p_0T}{T + T_0}$ : Փականը փակելուց հետո աջ ու ձախ կողմում գազի մոլերի քանակը մնում է նույնը: Վերջում

ջերմաստիճանը  $T_0$  է ամենուր, իսկ ձախ և աջ կողմում գազի ծավալները հավասար են համապատասխանաբար  $(L + h)S$  և  $(L - h)S$  են: Գազի ճնշումների տարբերությունը պայմանավորված է հեղուկների մակարդակների տարբերությամբ  $p_1 - p_2 = 2\rho gh$ : Արտահայտենք ճնշումները վիճակի հավասարումներով և սկզբնական պայմաններով՝

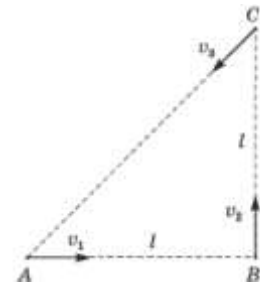
$$\frac{v_1 RT_0}{(L + h)S} - \frac{v_2 RT_0}{(L - h)S} = \frac{pL}{L + h} - \frac{pLT_0}{T(L - h)} = 2\rho gh:$$

Տեղադրելով  $p = \frac{2p_0 T}{T + T_0}$  ստանում ենք T-ի հավասարումը.

$$\frac{p_0 LT}{(T + T_0)(L + h)} - \frac{p_0 LT_0}{(T + T_0)(L - h)} = \rho gh,$$

որտեղից  $T = \frac{T_0(L + h)(p_0 L + \rho gh(L - h))}{(L - h)(p_0 L - \rho gh(L + h))}$

**11-4.** Երեք կրիա, որոնք շարժվում էին դեպի մեկը մյուսի ուղղությամբ ուղղված, մոդուլով հաստատուն արագություններով, ժամանակի սկզբնապահին գտնվում էին  $l$  երկարությամբ էջով հավասարասյուն ABC ուղղանկյուն եռանկյան գագաթներում (տե՛ս նկ.): Առաջին կրիայի արագությունը  $v_1 = v$ , որտեղ  $v$ -ն հայտնի է, իսկ երկրորդ և երրորդ կրիաների  $v_2$  և  $v_3$  արագությունները հայտնի չեն: Հայտնի է, որ նրանց շարժման ընթացքում կրիաների կազմած եռանկյան անկյունները չեն փոխվում: Գտեք



1.  $t$  ժամանակը, որից հետո կրիաները կհանդիպեն;
2. երկրորդ և երրորդ կրիաների  $v_2$  և  $v_3$  արագությունների մոդուլները;
3. առաջին կրիայի մեկնարկային կետից ինչ հեռավորության վրա են նրանք հանդիպում:

**Լուծում:** Քանի որ կրիաների արագությունները ուղղված են մի կրիայից դեպի մյուսը և մոդուլով հաստատուն են, դրանց միջև հեռավորությունները փոքրանում են հաստատուն արագությամբ:

Նշանակենք  $AB$ ,  $BC$  և  $AC$  հեռավորությունների փոփոխության արագությունները համապատասխանաբար  $v_{AB}$ ,  $v_{BC}$  և  $v_{AC}$ : Դրանք հավասար են.

$$v_{AB} = v_1 = v, v_{BC} = v_2 + \frac{v_3}{\sqrt{2}}, v_{AC} = v_3 + \frac{v_1}{\sqrt{2}}$$

Այստեղից գտնում ենք.

$$t = \frac{l}{v}$$

Քանի որ ABC եռանկյան անկյունները մնում են հաստատուն, պահպանվում են նաև նրա կողմերի հարաբերությունները: Սա նշանակում է, որ փոփոխության արագությունները համեմատական են կողմերի երկարություններին

$$\frac{v_{AB}}{AB} = \frac{v_{BC}}{BC} = \frac{v_{AC}}{AC}$$

Գտնենք  $v_3$  - ը

$$\frac{v}{l} = \frac{v_3 + \frac{v}{\sqrt{2}}}{l\sqrt{2}} \rightarrow v_3 = \frac{v}{\sqrt{2}}:$$

Նույնանման ստանում ենք

$$\frac{v}{l} = \frac{v_2 + \frac{v}{\sqrt{2}}}{l} \rightarrow v_2 = \frac{v}{2}$$

Քանի որ երկրորդ կրիայի արագության մոդուլը միշտ երկու անգամ փոքր է առաջին կրիայի արագությունից և ուղղությունը ուղղահայաց է առաջինի արագությանը, մինչև հանդիպման կետը դրանց տեղափոխությունները փոխուղղահայաց, իսկ մոդուլները տարբերվում երկու անգամ: Եթե նշանակենք առաջինի տեղափոխությունը  $\vec{s}_1$ ,

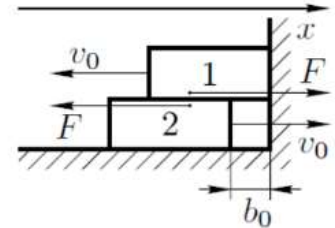
երկրորդինը  $\vec{s}_2$ , ունենք  $\vec{s}_1 = \vec{AB} + \vec{s}_2$ : Այստեղից ստանում ենք

$$\vec{s}_1 - \vec{s}_2 = \vec{AB} \rightarrow s_1^2 + \frac{s_2^2}{4} = l^2 \rightarrow s_1 = \frac{2l}{\sqrt{5}}:$$

**11-5.** Համակարգը, որը բաղկացած է երկու միանման  $m$  զանգվածով չորսուներից շարժվում է հաստատուն  $v_0$  արագությամբ ողորկ հորիզոնական հարթության երկայնքով դեպի ուղղաձիգ պատը: Վերին չորսուն շեղված է ստորինի նկատմամբ  $b_0$  -ով (տե՛ս նկ.): Որոշ ժամանակ անց համակարգը բախվում է պատին: Յուրաքանչյուր չորսուի բախումը պատի հետ բացարձակ առաձգական է: Չորսուների միջև շփման գործակիցը  $\mu$  է:

1. Որոշեք վերին չորսուի  $b$  տեղաշարժը (մոդուլը և ուղղությունը) ներքինի նկատմամբ երբ համակարգի բախումները պատի հետ ավարտվում են և չորսուների հարաբերական շարժումը ավարտվում է:
2. Ի՞նչ  $v_{\text{վ}}$  արագությամբ կշարժվի համակարգը դրանից հետո:

**Լուծում:** Ուղղենք  $Ox$  կոորդինատային առանցքը արագության վեկտորի երկայնքով դեպի աջ: Ապագայում բոլոր արժեքները կարողեկտենք այդ առանցքի վրա՝ հաշվի առնելով նշանները: Վերին չորսուն պատին բախվելուց հետո դրա արագությունը փոխում է նշանը: Նկարում ցույց են տրված չորսուների վրա ազդող շփման ուժերը (նկարը չծանրաբեռնելու համար ռեակցիայի ուժերը չեն ցույց տրված):



$$F = \mu mg$$

Նյուտոնի երկրորդ օրենքի համաձայն չորսուների արագացումները.

$$a_1 = \frac{F}{m} = \mu g, a_2 = -\frac{F}{m} = -\mu g:$$

Վերին չորսուն շարժվում է, դանդաղում է դեպի ձախ, իսկ ստորինը՝ աջ:

Ուշադրություն դարձնենք, որ  $v_2 = -v_1$ : Վերին չորսուի արագացումը ներքինի նկատմամբ

$$a_{12} = 2\mu g:$$

Հնարավոր է երկու դեպք.

Ներքին չորսուն կկանգնի մինչև պատին հասնելը (դրա հետ միաժամանակ կկանգնի և վերին չորսուն): Այս դեպքում չորսուների կինետիկ էներգիան կսպառվի շփման ուժի դեմ աշխատանքով: Այստեղից որոշում ենք  $b$  - ն:

$$a_{12}m(b - b_0) = 0 - \frac{m(2v_0)^2}{2}, b = b_0 - \frac{v_0^2}{\mu g}:$$

Եթե  $\frac{mv_0^2}{2} \geq \mu mgb_0$  ստորին չորսուն կհասնի պատին  $v_{\text{վ}}$  արագությամբ,

որը կարելի է գտնել էներգիայի պահպանման օրենքից.

$$\frac{mv_{\text{վ}}^2}{2} = \frac{mv_0^2}{2} - \mu mgb_0. \text{ Որտեղից ստանում ենք } v_{\text{վ}} = \sqrt{v_0^2 - 2\mu gb_0}:$$

Պատի հետ ներքին չորսուի բախվելուց հետո նրա արագությունը փոխում է նշանը, և այնուհետ համակարգը կշարժվի այս արագությամբ որպես մեկ ամբողջություն:

Այժմ մենք գտնենք  $b$  - ն.

$$a_{12}(b - b_0) = \frac{(2v_{\text{վ}})^2}{2} - \frac{(2v_0)^2}{2} = \frac{8\mu gb_0}{2}, \text{ որտեղից } b = b_0 - \frac{8\mu gb_0}{2 \cdot 2\mu g} = -b_0:$$

Այսպիսով

$$b = b_0 - \frac{v_0^2}{\mu g}; v_{\text{վ}} = 0, \text{ երբ } v_0^2 \leq 2\mu gb_0;$$

$$b = -b_0, v_{\text{վ}} = \sqrt{v_0^2 - 2\mu gb_0}, \text{ երբ } v_0^2 \geq 2\mu gb_0:$$