

# Ավարտական հետազոտական աշխատանք

ԹԵՄԱ՝ Պարամետր պարունակող  
անհավասարումների լուծման հետաքրքիր  
ալգորիթմները

Կատարող՝ Ալիկ Գրիգորյան  
Դպրոց՝ Երևանի Ա. Սախարովի անվան N 69 հիմնական  
դպրոց  
Առարկա՝ Մաթեմատիկա

Կազմակերպություն՝ «Dproc 65 matematika»  
Խմբի պատասխանատու՝ Զինա Խաչատրյան

Երևան 2022

## Բովանդակություն

Ներածություն .....	3
Գլուխ 1. Անհավասարումներ պարամետրով . . . . .	7
Գլուխ 2. Պարամետր պարունակող անհավասարումների լուծման մեթոդներ . . . . .	8
Գլուխ 3. Անհավասարումների լուծում . . . . .	10
Եզրակացություն.....	15
Օգտագործված գրականության ցանկ . . . . .	16

# Ներածություն

Ժամանակակից աշակերտի համար դպրոցում հիմնական խնդիրն է հաջողությամբ հանձնել պետական քննությունը , այնուհետև միասնական պետական քննությունը: Բայց, ցավոք, դասերի ժամանակը չի բավականացնում որոշ թեմաների խորը և մանրակրկիտ ուսումնասիրության համար:

7-րդ դասարանում ուսումնասիրեցինք  $ax < b$  ձևի գծային անհավասարումներ, 9- րդ դասարանում ծանոթացանք պարամետր պարունակող  $ax^2 + bx + c < 0$  քառակուսային անհավասարումների հետ :

Պարամետրով առաջադրանքները շատ հետաքրքիր են, բայց դրանք հատուկ ուշադրություն են պահանջում իրենց նկատմամբ: Նման խնդիրները հաջողությամբ լուծելու համար դուք պետք է տիրապետեք խնդրի վիճակի ուսումնասիրության հիմնական մեթոդներին , սովորեք դասակարգել առաջադրանքները ըստ տեսակի և լուծման մեթոդների: Դա պայմանավորված է նրանով, որ պարամետրով յուրաքանչյուր անհավասարում սովորական անհավասարումների մի ամբողջ դաս է, որոնցից յուրաքանչյուրի համար պետք է լուծում ստանալ:

Պետական քննության և միասնական պետական քննության նախորդ արդյունքների վերլուծությունը ցույց է տալիս, որ դպրոցականները մեծ դժվարությամբ են առաջադրանքները լուծում պարամետրով, և շատերը դրանք չեն էլ սկսում կամ ծանր հաշվարկներ են անում: Սրա պատճառը այս թեմայի վերաբերյալ գիտելիքների համակարգի բացակայությունն է:

Այս աշխատանքում մենք կդիտարկենք պարամետրով անհավասարումներ լուծելու տարբեր մեթոդներ, դա կօգնի ապագայում հաջողությամբ հանձնել քննությունները: Մեր աշխատանքը բաղկացած է երկու մասից՝ տեսական և գործնական: Տեսական մասում կփորձենք սահմանել «պարամետրով անհավասարումներ» հասկացությունը և նկարագրել նման անհավա-սարումների լուծման բոլոր ուղիները: Գործնական մասում կառաջարկենք պարամետր պարունակող որոշ անհավասարումների լուծում:

Պարամետրով առաջադրանքները օգնում են տիրապետել տարրական մաթեմատիկայի բանաձևերին, հավասարումների և անհավասարումների լուծման մեթոդներին, բանականության շղթա կառուցելու կարողությանը, բարձրացնել

տրամաբանական մտածողության մակարդակը: Ուստի մեր աշխատանքը կարելի է անվանել համապատասխան:

Հետազոտական աշխատանքի օբյեկտը պարամետրով անհավասարումներն են:

Որպես հետազոտության առարկա մենք ընտրել ենք պարամետր պարունակող անհավասարումների լուծման տարբեր մեթոդներ:

Այս աշխատանքի նպատակն է խորությամբ ուսումնասիրել պարամետրով անհավասարումների լուծման մեթոդները:

Այս նպատակին հասնելու համար անհրաժեշտ է լուծել հետևյալ խնդիրները .

Ուսումնասիրել հետազոտության թեմայի վերաբերյալ գրականությունը

Ընդլայնել «պարամետրով անհավասարում» հասկացությունը

Դիտարկել պարամետրով անհավասարումների լուծման տարբեր մեթոդներ և տեխնիկա

Լուծել պարամետր պարունակող որոշ անհավասարումներ՝ օգտագործելով տարբեր մեթոդներ

**«Պարամետր պարունակող անհավասարումների լուծումը»** թեմայով անհատական հետազոտական աշխատանքների իրականացման գործընթացում դիտարկել եմ պարամետրով անհավասարումների տարբեր օրինակներ լուծելու ուղիներ: Փորձել եմ ստեղծել փոքրիկ տեղեկատու պարամետրով օրինակների լուծման ուղիների ուսումնասիրման համար:

Մաթեմատիկայի այս հետազոտական աշխատանքում ներկայացված է նյութեր պարամետրով օրինակներ լուծելու վերաբերյալ, փորձել եմ գտնել դրանց լուծման լավագույն միջոցները, այն հետազայում 9-րդ դասարանի աշակերտներին տրամադրելու համար՝ քննությանը պարամետրերով առաջադրանքները լուծելու համար:

Հակասությունն այն է, որ 9-րդ դասարանի քննությունը հաջողությամբ հանձնելու համար աշակերտները պետք է իմանան, թե ինչպես լուծել

տարբեր անհավասարումներ պարամետրով, բայց դպրոցական դասընթացը չի ենթադրում այս թեմայի խորը ուսումնասիրություն:

**Խնդիր՝** Ինչպես պատրաստվել քննության պարամետրերով առաջադրանքների լուծմանը

**Նախագծի նպատակը՝** Դիտարկել պարամետրով պարունակող տարբեր օրինակներ, փնտրել լուծման ուղիներ: Ստեղծել հարմար և ամբողջական տեղեկատու

՝ սովորելու համար, թե ինչպես լուծել օրինակներ պարամետրով, որը կօգնի աշակերտներին հաջողությամբ քննություն տալ մաթեմատիկայից: Բացի այդ, ներկայացման ձևաչափով հղման ձևաչափը կարող է օգնել ուսուցիչներին՝ աշակերտներին ծանոթացնել այս թեմային:

### Նախագծի նպատակները՝

Վերլուծել պարամետրով անհավասարումների վերաբերյալ ներկայացված նյութը:

Գտնել դրանք լուծելու լավագույն միջոցը՝ աշակերտներին հետագայում տրամադրելու համար:

Ստեղծել գրագետ տեղեկատվական աղբյուր , որը պարզ և հասկանալի կլինի ընկալման համար:

Երկրաչափական պատկերները մեզ շրջապատում են ամենուր, հանրահաշիվն օգնում է առօրյա կյանքում, օրինակ՝ բանկերի հաշվարկներ կատարելիս կամ գնումների ցուցակներ կազմելիս : Դարեր շարունակ մարդիկ կատարելագործել են իրենց գիտելիքները ճշգրիտ գիտություններում: Հանրահաշվական բազմաթիվ խնդիրներ նպաստեցին գիտական նոր ուղղությունների առաջացմանը, և հակառակը, բազմաթիվ գիտական խնդիրների լուծումը ստացվեց հանրահաշվական մեթոդների միջոցով: Ժամանակակից գիտությունն անհնար է պատկերացնել առանց մաթեմատիկական ոլորտի զարգացման, քանի որ ճշգրիտ գիտությունների մեծ մասը հիմնված է հիմնական հանրահաշվական օրենքների և հատկությունների վրա:

Հանրակրթական դպրոցներում աշակերտները 7 -րդ դասարանում սկսում են խորությամբ ուսումնասիրել երկրաչափություն և հանրահաշիվ: Ամենապարզ հանրահաշիվը դասավանդվում է առաջին դասարանից, և դա արվում է մի պատճառով: Թվաբանության ներդրումը օգնում է երեխաներին զարգացնել քննադատական մտածողությունը և նպաստում տրամաբանական շղթաներ, հայտարարություններ կազմելու ունակության զարգացմանը: Մաթեմատիկական մտածողությունը անհրաժեշտ է բոլոր մուտքային տեղեկատվության կառուցվածքի և ավելի լավ յուրացման համար: Այսպիսով, մաթեմատիկական կրթությունը ընդհանուր մշակույթի էական տարր է: Այս փաստն անվիճելի է:

Բարձրագույն ուսումնական հաստատություններում ուսումը շարունակելու համար բարձրորակ շրջանավարտներ ընտրելու համար՝ հաճախ շրջանավարտների մաթեմատիկական պատրաստվածության մակարդակի բարձր պահանջներով: Պետական միասնական քննության 2-րդ մասի առաջադրանքները նախատեսված են

գիտելիքները ստուգելու այն պահանջների մակարդակով, որոնք ավանդաբար ներկայացնում են մաթեմատիկայի պրոֆիլային քննություն ունեցող բուհերը:

Պարամետրով առաջադրանքները մեծագույն դժվարություններ են առաջացնում, քանի որ. այդ առաջադրանքները ցույց են տալիս, թե որքանով են աշակերտների հանրագիտարանի թե՛ դպրոցական առարկայի և թե՛ գիտության մասին գիտելիքները: Այդ առաջադրանքները նախատեսված են նաև ամենահեղինակավոր համալսարանների մրցունակ ընտրության համար՝ մասնագիտության մեջ ամենաբարձր մրցունակությամբ և դիմորդների մաթեմատիկական ուսուցման պահանջների ավելացմամբ:

Այն կապված է նաև տարբեր տեսակի հանրահաշվական խնդիրների առատության և դրանց լուծման տեխնիկայի և մեթոդների բազմազանության հետ: Ամենից հաճախ այդ խնդիրների լուծման դժվարությունները ծագում են հետևյալ պատճառներով.

- թեմայի վերաբերյալ նյութը կամ վատ է յուրացվել հիմնական դպրոցում, կամ արդեն մոռացվել է շրջանավարտների կողմից.

6

- Խնդիրը լուծելու համար հարկավոր է իմանալ լուծման որոշ մեթոդներ և տեխնիկա, որոնք կամ հաշվի չեն առնվում հանրահաշվի հիմնական դասընթացի ուսումնասիրության ժամանակ, կամ չեն կիրառվում:

Ներկայիս իրավիճակը փոխելու համար անհրաժեշտ է համակարգել հիմնական դպրոցում սովորողների ձեռք բերած գիտելիքները, ինչպես նաև առկա աղբյուրները վերլուծել ավելի նեղ կենտրոնացված նյութով: Այս հետազոտական գործունեության արդյունքը կլինի տեղեկատվական գրքույկը, որը կհավաքի այս թեմայի վերաբերյալ ամենահարմար և հասկանալի մեթոդներն ու տեխնիկան՝ «Պարամետրով օրինակների լուծում»: Այն նաև կկենտրոնանա լուծման իրավասու ձևավորման վրա:

### **Գլուխ 1 . Ի՞նչ է պարամետրով անհավասարումը:**

Քննակենք մի օրինակ:

Ենթադենք, որ պետք է լուծենք անհավասարումը  $2x + 5 < 2 - x$ .

Լուծում:  $2x + x < 2 - 5$ ;  $3x < -3$ ;  $x < -3/3$  ;  $x < -1$ .

Այժմ մենք պետք է լուծենք հավասարումը  $2x + 5 < 3 - x$ .

Լուծում:  $2x + x < 3 - 5$ ;  $3x < -2$ ;  $x < -2/3$

Եթե դիտակենք հարկավոր անհավասարումը  $2x + 5 = 10,7 - x$  կամ  $2x + 5 = -0,19 - x$  անհավասարումը, ապա հասկանալի է, որ անավասարումները համանման են, ուստի դրանց լուծումը կուղեկցվի նույն գործողություններով, ինչ վերևում: Բնական հարց է առաջանում. Մինչև ե՞րբ կարող էք նույն բանն անել: Նկատենք, որ այս բոլոր անհավասարումները տարբերվում են աջ կողմի միայն մեկ թվով: Այս թիվը նշում ենք  $a$  տառով: Մենք ստանում ենք անհավասարումը  $2x + 5 = a - x$ , Որտեղ  $a$ -ն փոփոխական, որը կարող էս փոխարինել ցանկացած թվային արժեք և ստանալ ցանկալի անհավասարումը: Այս փոփոխականը կոչվում է պարամետր: Եկեք լուծենք այս անհավասարումը այնպես, ինչպես բոլոր նախորդները:

7

$$2x + 5 < a - x, 2x + x < a - 5; 3x < a - 5; x < (a - 5)/3.$$

$$x < (10,7 - 5)/3 = 5,7/3 = 1,9;$$

$$x < (-0,19 - 5)/3 = -5,19/3 = -1,73.$$

Այսպիսով, «պարամետրով անհավասարություն» տերմինը, փաստորեն, թաքցնում է «գրեթե նույնական անհավասարումների» մի ամբողջ ընտանիք որոնք միմյանցից տարբերվում են միայն մեկ թվով (մեկ տերմին կամ մեկ գործակից) և լուծվում են նույն կերպ: **Պարամետրը թիվ է, որը փոխվում է անհավասարումից անհավասարման:**

Մենք կարող ենք ծրագրավորման արդյունքում առաջ բերված բանաձևը համակարգչում ծրագրավորել: Պարզապես պարամետրերի արժեքը մուտքագրելու համար բավական կլինի  $a$  ցանկացած նման անհավասարման լուծում ստանալու համար:

**Վերցնենք մեկ այլ օրինակ:**

Անհրաժեշտ է լուծել մի քանի անհավասարումներ.

7

$$2x + 5 < 2 - x;$$

$$3x + 5 < 2 - x;$$

$$-4x + 5 < 2 - x;$$

$$17x + 5 < 2 - x;$$

$$0,5x + 5 < 2 - x.$$

Նշենք, որ դրանք նման են միմյանց և տարբերվում են միայն առաջին գործակցով:  
Եկեք այն նշենք, օրինակ,  $k$  խորհրդանիշով:

Լուծենք  $kx + 5 = 2 - x$  անհավասարումը  $k$  պարամետրով:

**Լուծում՝**  $kx + 5 < 2 - x;$

$$kx + x < 2 - 5;$$

$$(k + 1)x < -3;$$

$$x < -3/(k + 1), \text{ եթե } k + 1 > 0, \text{ կամ}$$

$$x > -3/(k + 1), \text{ եթե } k + 1 < 0$$

Օգտագործելով այս բանաձևեր, մենք հաշվարկում ենք վերը նշված անհավասարումների բոլոր պատասխանները:

$$x < -3/(2 + 1) = -1$$

$$x < -3/(3 + 1) = -0,75$$

$$x > -3/(-4 + 1) = 1$$

$$x < -3/(17 + 1) = -1/6$$

$$x < -3/(0,5 + 1) = -2$$

Հիմա կարո՞ղ ենք ասել, որ այս բանաձևը կարող է օգտագործվել ցանկացած նմանատիպ անհավասարում լուծելու համար:

Եթե ուշադրությամբ ուսումնասիրենք ստացված արտահայտությունը, ապա կտեսնենք, որ կան որոշակի թվեր, որոնց դեպքում ստացված արտահայտության հայտարարը կլինի զրո: Պետք է առանձին ուսումնասիրել այդ կետերը

Այսպիսով, «գրեթե նույնական անհավասարումների» լուծման ընդհանուր մոտեցման մեջ կարող են լինել բացառություններ, որոնք պետք է առանձին ուսումնասիրել: Նրանք իրականացնել անհավասարումների ամբողջ ընտանիքի նախնական



ուսումնասիրություն: Ահա թե ինչ են սովորում մաթեմատիկայի դասերին այսպես կոչված պարամետրային խնդիրների օգնությամբ:

$ax^2 + bx + c < 0$  ձևի անհավասարումը, որտեղ  $a, b, c$  իրական թվեր են, իսկ  $a \neq 0$ , կոչվում է քառակուսի անհավասարում:  $a, b, c$  թվերն ունեն հետևյալ անվանումները՝  $a$  - առաջին գործակիցը,  $b$  - երկրորդ գործակիցը,  $c$  - ազատ անդամ:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$ax^2 + bx + c = 0$  հավասարման արմատները գտնում են բանաձևով  
Արտահայտությունը  $D = b^2 - 4ac$  կոչվում է (discriminant) տարբերիչ.  
Եթե  $D < 0$ , և  $a > 0$  ապա անհավասարումը չունի իրական արմատներ:

$a < 0$  ապա անհավասարման լուծումը  $x \in \mathbb{R}$

Եթե  $D > 0$ ,  $a < 0$  ապա անհավասարման լուծումը  $x \in (-\infty; x_1) \cup (x_2; +\infty)$ :

$a > 0$  ապա անհավասարման լուծումը  $x \in (x_1; x_2)$

Եթե  $D = 0$ ,  $a > 0$  ապա անհավասարումը չունի իրական արմատներ

$a < 0$  ապա անհավասարման լուծումը  $x \in (-\infty; x_0) \cup (x_0; +\infty)$

## **Գլուխ 2 Պարամետր պարունակող անհավասարումների լուծման մեթոդներ**

Այս գլխում մենք կանդրադառնանք պարամետրով անհավասարումների լուծման երկու հիմնական եղանակներին՝ վերլուծական և գրաֆիկական:

Շատ խնդիրների դեպքում պարամետրը դիտվում է որպես ֆիքսված, բայց անհայտ թիվ: Մինչդեռ, ֆորմալ տեսանկյունից պարամետրը փոփոխական է, և այն «հավասար է» օրինակում առկա մյուսներին: Օրինակ,  $f(x; a)$  ձևի պարամետրի այս տեսքով ֆունկցիաները վերագրվում են ոչ թե մեկով (ինչպես նախկինում), այլ երկու փոփոխականով: Նման մեկնաբանությունը բնականաբար կազմում է պարամետրով անհավասարումների լուծման վերլուծական մեթոդ:

### **Լուծման ալգորիթմ.**

Նախքան վերլուծական մեթոդով պարամետրերի հետ կապված խնդրի լուծմանը անցնելը, մենք պետք է հասկանանք իրավիճակը պարամետրի որոշակի թվային արժեքի համար: Օրինակ, վերցրեք  $\alpha = 1$  պարամետրի արժեքը և պատասխանեք հարցին. արդյո՞ք  $\alpha = 1$  պարամետրի արժեքը ցանկալի արժեքն է այս խնդրի համար:

Այնուհետև, օգտագործելով կոնկրետ օրինակ, մենք կփորձենք հասկանալ պարամետրով հավասարումների լուծման վերլուծական մեթոդը: Խնդիր.  $a$  պարամետրի  $n$  ր արժեքների համար է անհավասարումը ճիշտ բոլոր  $x$ -երի համար

$$a) \quad ax^2 + 4x + 4 > 0$$

Լուծում.  $a > 0$ -ի համար և  $D = 4^2 - 16a < 0$  անհավասարման: Պատ՝  $a > 1$

$$բ) \quad ax^2 + 4x - 4 < 0$$

Լուծում.  $a < 0$ -ի համար և  $D = 4^2 + 16a < 0$  անհավասարման: Պատ՝  $a < -1$

### ***Անհավասարումների լուծման գրաֆիկական եղանակներ***

Նախ հիշենք, թե որն է սովորական (առանց պարամետրի) անհավասարումը լուծելու գրաֆիկական եղանակը

10

Թող տրվի  $f(x) < g(x)$  ձևի անհավասարումը: Կառուցենք  $y = f(x)$  և  $y = g(x)$  ֆունկցիաների գրաֆիկները և գտնենք այս գրաֆիկների հատման կետերը: Դիտարկել հատման կետերի արագիսներով միջակայքերը: Որ միջակայքի կետերը բավարարում են անհավասարման հանդիսանում է լուծում:

Գրաֆիկները արագ կառուցելու համար ևս մեկ անգամ կրկնեք տարրական ֆունկցիաների գրաֆիկները, որոնք ուսումնասիրվում են դպրոցական մաթեմատիկայի դասընթացում և ֆունկցիաների գրաֆիկների փոխակերպման [կանոնները](#):

<https://www.youtube.com/watch?v=PfuQRS6UdIQ>

**Գրաֆիկական մեթոդով պարամետրով անհավասարումների լուծման ալգորիթմ .**

1. Գտեք որոշման տիրույթը.
2. Մենք  $a$ -ն արտահայտում ենք  $x$ -ի ֆունկցիայով :
3. Կոորդինատային համակարգում, կառուցել ֆունկցիայի գրաֆիկը  $f(x)$  համար,  $x$ -ը ընդգրկված են որոշման տիրույթում.
4. Գտնել հատման կետերը ուղիղ գծի  $a = c$ , *ինչպես նաև* ֆունկցիայի գրաֆիկը  
Եթե  $a = c$  ուղիղը հատում է  $f(x)$  գրաֆիկը, ապա մենք որոշում ենք հատման կետերի արագիսան: Դա անելու համար բավական է լուծել  $c = f(x)$  հավասարումը  $x$ -ի նկատմամբ :
5. Մենք գրում ենք պատասխանը

Պարամետր պարունակող մոդուլով անհավասարումները գրաֆիկական եղանակով լուծելիս անհրաժեշտ է կառուցել ֆունկցիաների գրաֆիկներ և պարամետրի տարբեր արժեքների համար դիտարկել բոլոր հնարավոր դեպքերը:

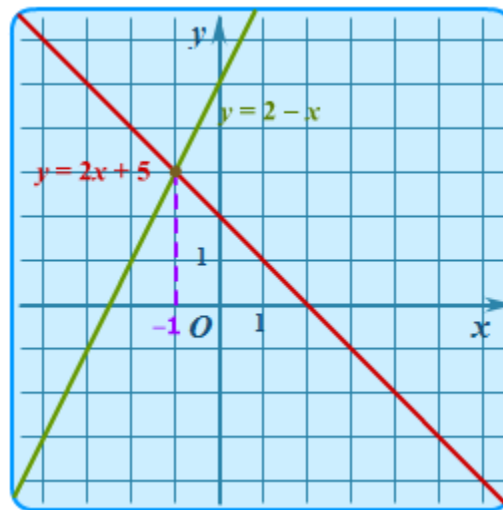
Եկեք նայենք մի քանի օրինակներ (թվերը հնարավոր է փոխարինել պարամետրով)

Լուծել

1.  $2x + 5 > 2 - x$

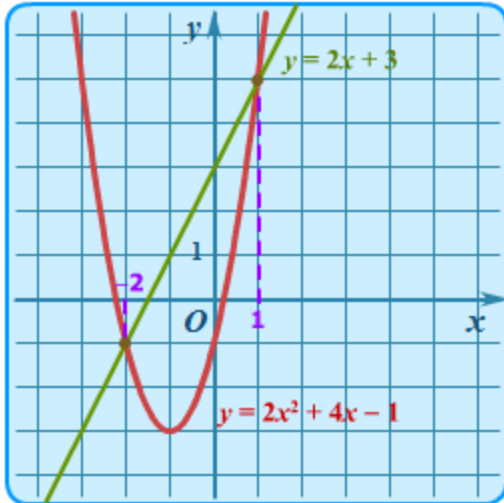
անհավասարումը՝

11



Պատասխան՝  $x \in (-\infty; -1)$

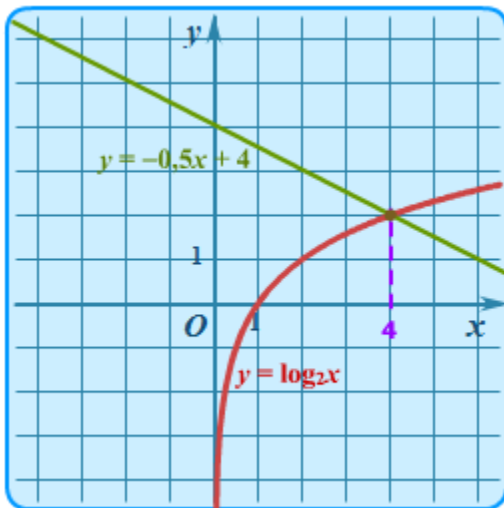
2.  $2x^2 + 4x - 1 < 2x + 3$



Պատասխան՝  $(-2; 1)$ .

3.  $\log_2 x < -0,5x + 4$

12



Պատասխան՝  $(0;4)$ .

Վերոնշյալ անհավասարումներից առաջին երկուսը կարող եք նաև վերլուծորեն լուծել, քանի որ դրանք սովորական գծային և քառակուսային անհավասարումներ են:

12

**Ուշադրություն.** Ստուգումը պարտադիր է գրաֆիկորեն հայտնաբերված արմատների համար: Վստահ եք, որ երրորդ նկարում հատումը գտնվում է հենց  $x = 4$  կետում, այլ ոչ թե 3.9 կամ 4.1 կետում: Բայց ի՞նչ անել, եթե իրական քննության ժամանակ չկարողանաք բավականաչափ ճշգրիտ գծագրել գրաֆիկը: Ազատ ձեռքով նկարում տարածումը կարող է ավելի մեծ լինել: Հետևաբար, գործողությունների հաջորդականությունը պետք է լինի հետևյալը.

Նախնական եզրակացություն՝  $x \approx 4$ .

Ստուգեք՝  $\log_2 4 = -0.5 \cdot 4 + 4; 2 = -2 + 4; 2 \equiv 2$ .

Վերջնական եզրակացությունը  $x = 4$  է:

Այժմ քննարկենք նմանատիպ օրինակներ, որոնք պարունակում են պարամետր՝

### 13

Լուծել անհավասարումը  $|x^2 - 2x - 3| > a$ :

Լուծում. Եկեք գծենք 1)  $y = |x^2 - 2x - 3|$  և  
2)  $y = a$  ֆունկցիան

Նախ, եկեք ազատվենք մոդուլի նշանից:

$$x^2 - 2x - 3 = x^2 - 2x + 1 - 4 = (x - 1)^2 - 4$$

Հետևաբար  $y = (x - 1)^2 - 4$ .

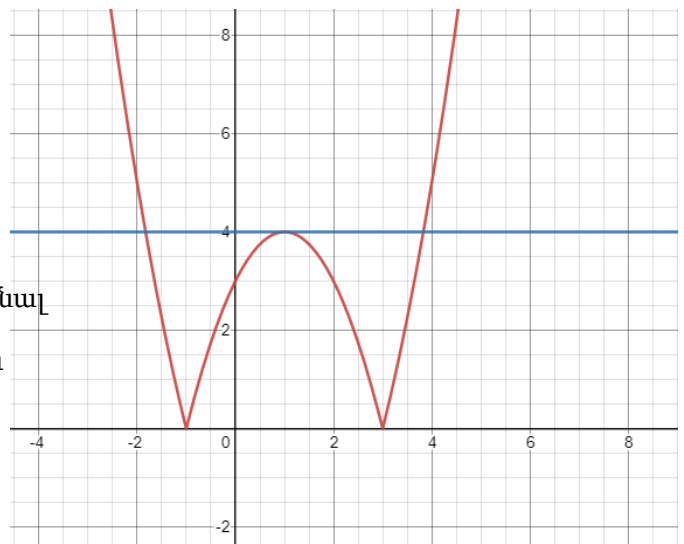
Սա նշանակում է, որ  $y = (x - 1)^2 - 4$  կարելի է ստանալ

$y = x^2$  ֆունկցիայի գրաֆիկից՝ մեկ միավոր աջ և

չորս միավոր ներքև տեղափոխելով:

Իսկ  $y = |x^2 - 2x - 3|$  գրաֆիկը ստանալու համար

Ներքևի մասը շրջում ենք վերև



$y = a$  ֆունկցիայի գրաֆիկը կլինի ուղիղ գիծ զուգահեռ  $Ox$  առանցքի.

Եթե  $a > 4$  Պատ.  $(-\infty; x_1) \cup (x_2; +\infty)$  ( $x_1, x_2, x_3, x_4$  հատման կետերը)

Եթե  $a < 0$  Պատ.  $R$

Եթե  $0 < a < 4$  Պատ.  $(-\infty; x_1) \cup (x_2; x_3) \cup (x_4; +\infty)$

Պարամետրերի հետ կապված խնդիրները դժվար են, քանի որ դրանց լուծման մեկ ալգորիթմ գոյություն չունի: Նման խնդիրների առանձնահատկությունն այն է, որ դրանք անհայտ արժեքների հետ միասին պարունակում են այնպիսի պարամետրեր, որոնց թվային արժեքները հատուկ չեն նշված, բայց համարվում են հայտնի և տրված են որոշակի թվային բազմության վրա: Այս դեպքում պարամետրերի արժեքները էապես ազդում են խնդրի լուծման տրամաբանական և տեխնիկական ընթացքի և պատասխանի ձևի վրա:

Վիճակագրության համաձայն, շրջանավարտներից շատերը քննության ժամանակ չեն սկսում լուծել պարամետրերի հետ կապված խնդիրները: Շրջանավարտների միայն 10% -ն է սկսում լուծել այդպիսի խնդիրներ, և դրանց ճիշտ լուծման տոկոսը ցածր է. 2-3%, հետևաբար, դժվար, ոչ ստանդարտ առաջադրանքներ լուծելու հմտությունների ձեռքբերումը, ներառյալ պարամետրերով առաջադրանքները, դեռևս արդիական է դպրոցականների համար:

## Եզրակացություն

Պարամետրերով առաջադրանքները դպրոցական մաթեմատիկայի դասընթացի ամենադժվար բաժիններից են, քանի որ դրանց լուծումը կապված է բարդ տրամաբանական կոնստրուկցիաներ իրականացնելու ունակության հետ: Նրանք կարևոր դեր են խաղում տրամաբանական մտածողության և մաթեմատիկական մշակույթի ձևավորման գործում, սակայն, որպես կանոն, նման անհավասարումների լուծումը դժվարություններ է առաջացնում:

Այս աշխատանքում մենք խորացրինք մեր գիտելիքները պարամետրով անհավասարումների մասին, հիշեցինք, թե ինչ տեսակի անհավասարումներ կան, ներկայացրինք «պարամետրիկ» անհավասարման հասկացությունը: Մենք դիտարկել ենք նաև անհավասարումների լուծման երկու եղանակ՝ վերլուծական և գրաֆիկական: Եվ մենք եկանք այն եզրակացության, որ լուծման վերլուծական մեթոդի համադրությունը ստացված արդյունքների գրաֆիկական մեկնաբանության հետ հնարավորություն է տալիս ավելի գիտակցված դարձնել պարամետրերով անհավասարումների լուծման գործընթացը՝ միաժամանակ նպաստելով հետազոտական գործունեության տարրերի ձևավորմանը:

Վերջին գլխում մենք ներկայացրել ենք պարամետր պարունակող առաջադրանքներ և դրանց լուծումը տարբեր ձևերով: Բացի դասագրքի առաջադրանքներից, մենք քննության ենթարկեցինք որոշ առաջադրանքներ:

Բացի այդ, մենք եկանք այն եզրակացության, որ այս թեման պետք է ավելի խորը ուսումնասիրվի դպրոցական ուսումնական ծրագրում, քանի որ այս թեմայի վերաբերյալ գիտելիքները կօգնեն հաջողությամբ հանցնել սպասվելիք քննությունները:

Այսպիսով, կարծում եմ, որ մեր առջև դրված խնդիրները լուծված են, աշխատանքի նպատակը՝ իրագործված:

## Օգտագործված գրականության ցանկ

1. Ս. Ս. Նիկոլսկի << Հանրահաշիվ 7 >>, Երևան 2013
2. Ս. Ս. Նիկոլսկի << Հանրահաշիվ 8 >>, Երևան 2013
3. Ս Ս. Նիկոլսկի << Հանրահաշիվ 7 >>, Երևան 2013009
4. 2013Գ.Գևորգյան,Ա. Սահակյան << Հանրահաշիվ և մաթեմատիկական անալիզի տարրեր 10 >>, Երևան 2009
5. 2009Յաշչենկո Ի. Վ., Շեստակով Ս. Ա. Զախարով Պ. Ի. Մաթեմատիկայի քննության նախապատրաստում 2012 թ. Մեթոդական ցուցումներ.