

Վ. ՎԱՐԴԵՎԱՆՅԱՆԻ ԱՆՎԱՆ Հ.173 ՀԻՄՆԱԿԱՆ ԴՊՐՈՑ
Ատեստավորման ենթակա ուսուցիչների
վերապատրաստումների դասընթացներ

Հետազոտական աշխատանք

ՄԱԹԵՄԱՏԻԿԱ

Թեմա՝ Սովորողների մեջ արժեքային համակարգի ձևավորումը առարկայի դասավանդման ընթացքում, մաթեմատիկայի գեղեցկությունը խնդիրների ուսուցման գործընթացում:

Կատարող՝ Աֆիցերյան Ջուլիետտա

Հ. 99 միջնակարգ դպրոցի մաթեմատիկայի ուսուցիչ

Ղեկավար՝ մանկ. գիտ. թեկն. Լիդա Ավանեսյան

ԵՐԵՎԱՆ 2022

Ներածություն

Մաթեմատիկայում գերիշխում է ոչ միայն ճշմարտությունը, այլև բարձրագույն և խստապահանջ գեղեցկությունը: Ռասել

Հատկապես բանաստեղծություններում գոյություն ունի խոսքի մաթեմատիկա: Բլոկ

Առանց մաթեմատիկայի չի կարելի պատկերացնել մեր առօրյան: Մաթեմատիկան թափանցել է մեր կյանք՝ կենցաղային մանրուքներից մինչև լուրջ մասնագիտական գործունեություն:

Այս ամենը հիմք է տալիս ասելու, որ մաթեմատիկական պատրաստվածությունն ունի պետական նշանակություն և նրա լուծման մակարդակից մեծապես կախված է յուրաքանչյուր երկրի գիտական, տնտեսական, ռազմական ներուժը:

Հետաքրքիր է մաթեմատիկայի այն բաժինը, որտեղ ուսուցանվում են տեքստային խնդիրները: Կարող եմ միանշանակ նշել, որ տեքստային խնդիրները ուսուցման գործընթացում ձևավորվում են գեղեցիկ ու ներդաշնակությունը: Տեքստային խնդիրների ուսուցման պրոցեսում աշակերտների մեջ ձևավորվում է տրամաբանական մտածողություն, իրականության ճանաչումը, պատկերացումները, ինչու չէ՞ նաև անհատի հոգևոր դաստիարակությունը: Տեքստային խնդիրները զարգացնում են նաև պրակտիկ գործողություն, շրջապատող աշխարհի և հարակից առարկաների ուսումնասիրությունը: Հարկ եմ համարում ավելացնել նաև, որ տեքստային խնդիրների ուսուցման գործընթացում աշակերտների մոտ ձևավորվում են համամարդկային և ազգային արժեքներ: Օրինակ՝

ա) Հունական և հռոմեական այբուբենները անհայտով հավասարումներ կազմելիս:

բ) Մեծությունների չափման օրինակները հնագույն ժամանակներում, մասնավորելու՝ մասնավորապես՝ յարդի առաջացումը, Սիրակուզայի թագավորը Հերոնի՝ Արքիմեդին առաջադրած խնդիրը՝ մեծություններին նվիրված թեմաներում:

գ) Գիշերվա և ցերեկվա տևողությունները, Հնդեվրոպական լեզվաընտանիքի խմբերում բնակչության թվի որոշումը՝ համեմատականություններին նվիրված թեմաներում:

դ) Զրոյի և շախմատի մասին հնդկական լեգենդները, Ջենոնի խնդիրը անվերջ նվազող երկրաչափական պրոգրեսիա ուսումնասիրելիս, Պյութագորասի թեորեմը: Գաուսի մասին պատմությունը՝ համակարգերի լուծումն ուսումնասիրելիս:

Ազգային արժեքներից:

Տիգրան Մեծի, Տիգրան Պետրոսյանի և Գարի Կասպարովի մասին տեղեկությունները՝ տառերի մասին թեորեն, Ավարայրի ճակամարտերում հայոց և պարսից զինվորների թվի և Հայաստանում քրիստոնեության ընդունվելու թվականի մասին տեղեկությունները՝ հավասարումներ թեմայում: Անանիա Շիրակացիու խնդիրների ընդգրկումը, Հայաստանի բնակավայրերի մասին բազմաթիվ խնդիրներ և օրինակներ: Հայկական սպորտի, գրականության, գիտության ներկայացուցիչների վերաբերյալ տեղեկությունների ընդգրկածքը:

Մաթեմատիկայի գեղեցկությունը խնդիրների ուսուցման գործընթացում

Խնդիրներ լուծելիս անհրաժեշտ է լավ պարզաբանել խնդրի բովանդակությունը, որևէ մեծություն ընտրել որպես որոշիչ, օրինակ x -ով, խնդրի պայմաններում տրված բոլոր մեծություններն արտահայտել այդ մեծությամբ, (այս գործը բավական հեշտանում է, երե կազմում ենք աղյուսակներ, վերջիններս բավական արդյունավետ է այն դեպքում, երբ խնդրում դիտարկվում է երկու մեծություններ և դրանց հարաբերությունները՝ ճանապարհ – ժամանակ - արագություն, զանգված – ծավալ - խտություն, աշխատանքի ծավալ-ժամանակ-արտադրողականություն, համախառն բերք-աշխատանքի մակերես-բերքատվություն), կազմել հավասարում, որի համար պետք է նախ հստակ պարզել, թե մեծությունների հավասարեցնող արժեքերից որն է մեծ կամ փոքր, և դրանից հետո միայն ձեռնամուխ լինել հավասարում կազմելուն, լուծել կազմված հավասարումը, ստուգել արմատը, գտնելել պայմանով պահանջվող, բոլոր որոնելի մեծությունների արժեքները (եթե այդ մեծությունները մեկից շատ են կամ եթե որպես փոփոխական է ընտրված որև օժանակ մեծություն):

Լուծելով կազմած հավասարումը, հարկավոր է պարզել, թե նրա արմատը բավարարում է արդյոք խնդրի պայմանի: Անհրաժեշտ է նաև ստուգել խնդրի իմաստին բավարարում են արդյոք նրա լուծման ընթացքում կազմված արտահայտությունները: Խնդիրը համարվում է լուծված, եթե հայտնվել է նրա լուծումը կամ ապացուցվել է, որ լուծում չունի: Պետք է նշել, որ մաթեմատիկայում խնդիրներ լուծելիս անհրաժեշտ է երևակայության առկայությունը: Մեկ անգամ ևս նշենք, որ ինչպես ընկալվող, այնպես էլ երևակայական առարկայի ցայտուն պատկերումը և պահպանումը մեր հիշողության մեջ պայմանավորված է ընկալման կամ երևակայության պահին նրա նկատմամբ ցուցաբերած հետաքրքրությունից, ավելին՝ ցայտունությունը ուղիղ համեմատված է ցուցաբերած հետաքրքրությանը, ինչքան մեծ է հետաքրքրությունը, այնքան ցայտուն, գունագեղ, գեղեցիկ է երևում առարկան: Քննարկեք տեքստային խնդիրների դասավանդման իմ մեթոդիկան:

ա) խնդիրների լուծումը հավասարումների համակարգերի միջոցով: Նշեմ նաև, որ այս խնդիրների մի մասը կարելի է լուծել մեկ փոփոխականով մեկ գծային հավասարում կազմելու միջոցով:

Խ.1: Ղարակներից մեկում գրքերի թիվը 2անգամ քիչ է, քան մասում: Եթե առաջին ղարակից վերցնենք 6գիրք, իսկ երկրորդին ավելացնենք 8գիրք, ապա գրքերի թիվը առաջին ղարակում կստացվի 7անգամ քիչ, քան երկրորդում: Քանի՞ գիրք կա յուրաքանչյուր ղարակում:

Լուծում: Մինչև խնդրի պլանը կազմելը աշակերտը պետք է խնդիրը համառոտագրի և կարողանա պատմել, ներկայացել այն: Սրանով պարզում ենք՝ յուրացրե՞լ է խնդիրը, հասկանում է, թե ի՞նչ է իրենից պահանջվում: Առաջին ղարակի գրքերի թիվը նշանակենք X-ով, իսկ երկրորդ ղարակինը՝ Y-ով: Ըստ պայմանի $y=2x$: Եթե առաջին ղարակից վերցնենք 6 գիրք, ապա այնտեղ կմնա (X-6) գիրք, իսկ եթե երկրորդ ղարակից ավելացնենք (Y+8) գիրք: Բացի դրանից հետո առաջին ղարակի գրքերի թիվը դարձավ 7անգամ քիչ, քան երկրորդ ղարակինը, հետևաբար $7*(X-6)=Y+8$

Այսպիսով ստացանք հետևյալ համակարգը

$$\left\{ \begin{array}{l} 2x = y \\ 7(x - 6) = y + 8 \end{array} \right\} \text{ կամ } \left\{ \begin{array}{l} 2x = y \\ 7x - y = 50 \end{array} \right\}$$

Լուծելով համակարգը, գտնում ենք՝ $x=10, y=20$

Պատ՝ 10 և 20 գիրք:

Այս խնդիրը կարելի է նաև լուծել մեկ անհայտով: Աշակերտները հստակ պիտի պատկերացեն, որ հենց առաջին նախադասությունը՝ ղարակներից մեկում գրքերի թիվը 2անգամ քիչ է մյուսից, խնդրի պայմաններից մեկն է: Սովորաբար քիչը նշանակում ենք x-ով, պարզ է, որ մյուս՝ շատը կդառնա 2x:

Սխեման այսպիսին է.

$$I-x \qquad x-6$$

$$II=I*7$$

$$II-2x \qquad 2x+8$$

$$7*(x-6)=2x+8$$

$$7x-42=2x+8$$

$$5x=50$$

$$X=10 \text{ (I) II-2.10=20}$$

Սովորաբար տեքստային խնդիրներ լուծելիս՝ կիրառում են խմբային մեթոդը: Այն հնարավորություն է տալիս դասի ընթացքում քննարկել 2 և ավելի խնդիրներ՝ կախված աշակերտների պատրաստվածությունից ու խնդրի բարդությունից:

Նիլս Բորն արտահայտել է հետևյալ միտքը: *<<Մաթեմատիկան ավելին է, քան գիտությունը. այն լեզու է>>:*

Ցանկացած տիպի տեքստային խնդիր լուծելիս հստակ երևում է վերը նշվածը: Այժմ դիտարկենք շարժման վերաբերյալ հետևյալ խնդիրը.

2. 650 կմ հեռավորությամբ վայրերից միաժամանակ միմյանց ընդառաջ մեկնեցին երկու գնացքեր և հավասարվեցին 10 ժամ հետո: Եթե երկրորդ գնացքը մեկնեց առաջինից 4 ժ 20 րշուտ, ապա հանդիպումը կկայանար առաջինի մեկնումից 8 ժ հետո: Որոշել յուրաքանչյուր գնացքի միջին արագությունը:

Լուծում. Գնացքների արագությունները նշանակենք համապատասխանաբար x (կմ/ժ) և y (կմ/ժ).

Մխենձան հետևալյն է.

$$\text{I-x կմ/ժ} \quad 10\text{ժ} \text{---} 10x\text{կմ}$$

$$\text{II-y կմ/ժ} \quad 10\text{ժ} \text{---} 10x\text{կմ}$$

$$\text{Ըստ պայմանի } 10X+10Y=650 \text{ կամ } X+Y=65$$

$$8\text{ժ-ում I գնացքը} \text{---} 8X\text{կմ,}$$

$$\text{Այդ ընթացքում II գնացքը ծախսում է } 4\text{ժ}20\text{ր}+8=12\text{ժ}20\text{ր,}$$

(քանի որ II-ը 4ժ20ր ավելի է ժամանակ էր ծախսել) անցնում է՝

$$12 \frac{20}{60} = 12 \frac{1}{3} = \frac{37}{3} \text{ ժ}$$

$$\frac{37}{3} * y \text{ կմ} = \frac{37}{3} y \text{ կմ}$$

Ըստ II պայմանի՝

$$8X + \frac{37}{3}Y = 650$$

Համակարգը կլինի՝

$$\begin{cases} X + Y = 65 \\ 8X + \frac{37}{3}Y = 650 \end{cases}$$

Նշված խնդիրը նախատեսված է լուծել 2անհայտ ներմուծելով:

Խնդիր 3 Շոգենավը գետի հոսանքի ուղղությամբ գնաց 100կմ, իսկ հոսանքին հակառակ՝ 64կմ, այդ ամենի վրա ծախսելով 8ժ 10ր: Միուրիշ անգամ շոգենավը հոսանքին հակառակ գնաց 80կմ և նույնքան էլ հոսանքի ուղղությամբ, և այդ ամենը տևեց 8ժ 20ր: Որոշել շոգենավի արագությունը կանգնած ջրում և հոսանքի արագությունը:

Լուծում:

Շոգենավի արագությունը կանգնած ջրում նշանակենք x կմ/ժ-ով, իսկ հոսանքի արագությունը՝ y կմ/ժ-ով: Այդ դեպքում շոգենավի արագությունը հոսանքի ուղղությամբ կլինի $(x+y)$ կմ/ժ, իսկ հոսանքին հակառակ՝ $(x-y)$ կմ/ժ: Հավասարումների համակարգը կլինի՝

$$\begin{cases} \frac{100}{x+y} + \frac{64}{x-y} = \frac{49}{6} \\ \frac{80}{x+y} + \frac{80}{x-y} = \frac{25}{3} \end{cases}$$

Նշված համակարգը պետք է լուծել օժանդակ փոփոխականներ ներմուծելու մեթոդով: Օրինակ՝

$$U = \frac{1}{x+y}$$
$$V = \frac{1}{x-y}$$

$$\begin{cases} 100U + 64V = \frac{49}{6} \\ 80U + 80V = \frac{25}{3} \end{cases}$$

Լուծելով ստանում ենք՝ $U = \frac{1}{24}$, $V = \frac{1}{16}$

Համակարգը ստանում է հետևյալ տեսքը $\left\{ \begin{array}{l} \frac{1}{X+Y} = \frac{1}{24} \\ \frac{1}{X-Y} = \frac{1}{16} \end{array} \right\}$

$$\begin{cases} X + Y = 24 \\ X - Y = 16 \end{cases}$$

Արդյունքում բոլոր խնդիրները ըստ Բոլտյանսկու, աշակերտների մտավոր զարգացման վրա մեծ ազդեցություն են թողնում: Կարծում եմ, որ խնդիրներ լուծելիս զգացական մակարդակում դրանք ստանում է հետևյալ բանաձևը. $Գեղեցկությունը = Դիտողականություն + Անսպասելիություն = Իզոմորֆիզմ + Պարզություն + Անսպասելիություն$

Այս բանաձևը որպես մաթեմատիկայի բովանդակության մեջ գեղեցիկի երևան գալու հատկանանիշներ է ընդունում կարգը, տրամաբանական պարզությունը, մաթեմատիկայի տարբեր բաժիններում նրա օգտագործելիության ընդհանրականացումը, ինքնատիպությունը, անսպասելիությունը: Յակիրը անդրադառնում է մաթեմատիկական խնդրի գեղեցկությանը, և որպես հայտանիշներ, որոնք բնութագրում են խնդիրը, առաջարկում է անկանխատեսելիությունը, տեսանելիությունը, անսպասելիությունը, պարզությունը, հեղափոխական քայլի առկայությունը, լավատեսությունը, աշխատանքը:

Կոբելիան մաթեմատիկական գաղափարի գեղարվեստական գրավչությունը պայմանավորում է նրա ընդհանրականության և կիրառելիության հետ:

Տեքստային խնդիրներից համատեղ աշխատանքի խնդիրները բավարարում են վերը նշված պայմաններին:

Խնդիր 4 : *Երկու փականագործ միասին աշխատելով կարող են առաջադրանքը կատարել 10 օրում: Աշխատելով մենակ, նույն այդ առաջադրանքը առաջին փականագործը կարող է կատարել 22,5 օրում: Աշխատելով մենակ այդ առաջադրանքը որքա՞ն ժամանակում կարող է կատարել երկրորդ փականագործը:*

Առաջին փականագործը կարող է ամբողջ առաջադրանքը կատարել 22,5 օրում:
 Հետևաբար 1 օրում նա կկատարի աշխատանքի $\frac{1}{22,5} = \frac{10}{225} = \frac{2}{45}$ մասը: Որոնելի
 ժամանակը (օրերով) նշանակենք x -ով, հետևաբար երկրորդ փականագործը մեկ
 օրում կկատարի աշխատանքի $1/2$ մասը: Երկու փականագործները միասին
 աշխատելով կարող են առաջադրանքը կատարել 10 օրում, ուստի մեկ օրում նրանք
 կկատարեն ամբողջ աշխատանքի $1/10$ մասը: Այժմ կարելի է կազմել հավասարումը`

$$2/45 + 1/x = 1/10$$

$$\text{Լուծելով } X=18$$

Պատ. 180ր:

Երբեմն հանդիպում են այնպիսի խնդիրներ, որոնք լուծում չունեն: Օրինակ՝ երեք
 արկղում կար 23 կգ խնձոր, ընդ որում 1-ին արկղում կա 3 կգ ով քիչ, քան 2-րդում, իսկ
 3-րդում՝ 16 կգ-ով քիչ, քան 2-րդում: Որքա՞ն խնձոր կար 2-րդ արկղում:

Լուծում: 2-րդ արկղի խնձորների զանգվածը (կգ-երով) նշանակենք x -ով, այդ
 դեպքում 1-ին արկղի խնձորների զանգվածը կլինի $x-3$, իսկ 3-րդ արկղինը՝ $x-16$:
 Կազմենք հավասարումը`

$$(x-3) + x + (x-16) = 23 \quad \text{և լուծեք} \quad 3x - 10 = 23 \quad 3x = 42 \quad x = 14:$$

Այսպիսով՝ 2րդ արկղում կար 14 կգ խնձոր: Խնդիրը կարծես թե լուծվեց: Սակայն, եթե
 2րդ արկղում կար 14 կգ, ապա առաջին արկղում պետք է լինի $14-3=11$ (կգ), իսկ 3րդ
 արկղում՝ $14-16=-2$ (կգ): Բայց չէ, որ դա չի կարող իրական լինել: Այսպիսով,
 հավասարման արմատի ստացումը խնդրի բոլոր պայմաններին բավարարելու
 առումով, հանգեցնում է այսպիսի պատասխանի՝ խնդիրը լուծում չունի:

Այս խնդիրը ցույց է տալիս, որ եթե ըստ խնդրի կազմենք հավասարման արմատի
 ստուգումը ցանկալի է (հաշվումների ճշտությունը ստուգելու համար), ապա խնդրի
 պատասխանի ստուգումը նրա բոլոր պայմաններին բավարարելու առումով՝
 անհրաժեշտ է (հանդգնելու համար, որ խնդիրն իմաստ ունի): Տեքստային խնդիրների
 լուծման գեղեցկությունը մաթեմատիկայի լեզուն է: Ահա մաթեմատիկայի գեղեցկության
 հիմնական աղբյուրը, ինչը և նրան հնարավորություն է տվել ստանալու
 “գիտությունների թագուհու” տիտղոսը: ԵՎ եթե գիտությունը իր հարցերը կարողանում
 է ձևակերպել մաթեմատիկայի լեզվով, ապա այն ապահովում է ոչ միայն ստացված

արդյունքների հավաստիությունը, այլև կարողանում է օգտվել մաթեմատիկական հզոր լեզվի ստեղծած ողջ զինանոցից և դրանք նպատակաուղղել առաջադրված հարցերի լուծմանը: Ակադեմիկոս Սոբոլևը գտնում է, որ <<Կա մի գիտություն, առանց որի հնարավոր չէ ոչ մի այլ գիտության գոյությունը: Դա մաթեմատիկան է: Նրա հավասարությունները, նշանները և ներկայացումները կազմում են մի լեզու, որով խոսում են, գրում և մտածում մնացած գիտությունները: Այն բացատրում է բնության բարդ երևույթները, ներքին օրինաչափությունները, դրանք հանգեցնում պարզ երևույթների: Այն կանխատեսում է և նախապես հաշվում իրերի հեռավոր ընթացքը>>:

Խոսելով մաթեմատիկայի գեղեցիկ լեզվի մասին, չեմ կարող առանձնացնել Անանիա Շիրակացու խնդիրները:

Խնդիր 1: Կար մի շտեմարան, որի մեջ երկու հարյուր կայթ գարի կար: Մկները մտան և ամբողջ գարին կերան: Ես մկներից մեկին բռնեցի և պատժեցի: Նա խոստովանեց և ասաց. <<Ինձ ութսուն հարտիկ հասավ >>: Այդ իմացիդ, ընդամենը քանի՞ գարու հատիկ կար շտեմարանում և հատիկներն ուտող մկների թիվը քանի՞սն էր:

Այս խնդիրը լուծելիս աշակերտներին պետք է տեղեկացնենք, որ 1 կայթ չափման միավորը պարունակում է 414720 գարի: Ուստի ունենք $414720 \cdot 200 = 82044000$ գարի յուրաքանչյուր մուկ ուտում է 80 գարի, ուրեմն կա $82944000 : 80 = 1036800$ մուկ:

Խնդիր 2.

Մարմնետի մոտ Երասխ գետում մի լոքո բռնեցին: Ես կշռեցի այն: Պարզվեց, որ նրա զլուխը կազմում էր ամբողջ քաշի չորրորդ մասը, պոչը՝ վեցերորդ, իսկ մեջքը՝ 140 լիտր: Այդ իմացիդ, թե ամբողջ ծուկը քանի՞ լիտր էր:

Ամբողջ քաշը նշ. X $x/4 + x/6 + 140 = x$, $3x + 2x + 1680 = 12x$, $12x - 5x = 1680$, $7x = 1680$,
 $X = 24$

Հանրահաշվի դասագրքերում բերվող՝ գծային հավասարումների համակարգերի մի մասը ունենում է անթիվ բազմության լուծումներ (մի մասն էլ լուծում չունեցող է), սակայն մեզ հայտնի չեն տեքստային խնդիրներ, որոնք բերվում են անթիվ բազմությամբ լուծումներ ունեցող (կամ լուծում չունեցող) համակարգերի: Ահա այդպիսի մի խնդրի օրինակ և լուծման մեթոդիկան:

Գինիների հավաքածուն կազմված է երեք տեսակից՝ ընտիր, կարմիր և սպիտակ: Ընտիր գինու շիշն արժե 3900դ, կարմիրինը 1900դ, իսկ սպիտակինը՝ 1400դ: Հավաքածուի շերտի ընդհանուր թիվը 40 է, ընդհանուր արժեքը 74500դ: Սպիտակ գինու շերտի թիվը 3-ով ավելի է, քան ընտիր գինու շերտի թիվը: Յուրաքանչյուր տեսակի քանի՞ շիշ կա հավաքածուում:

Լուծում. Նշանակելով ընտիր գինու շերտի թիվը x , կարմիրինը՝ y , սպիտակինը՝ z , կունենանք հավասարումների համակարգը՝

$$\begin{cases} X + Y + Z = 40 \\ 3900X + 1900Y + 1400Z = 74500 \\ Z = 4X + 3 \end{cases}$$

Ենթա է համոզվել, որ համակարգը ունի անթիվ բազմությամբ լուծումներ, սակայն սահմանափակումները-լուծումները պետք է լինեն բնական թվեր – լուծումների թիվը դարձնում են վերջավոր՝ տվյալ դեպքում՝ յոթը:

Ընտիր գինու շերտի թիվը՝ $x=1, 2, 3, 4, 5, 6, 7$

Կարմիր գինու շերտի թիվը՝ $y=32, 27, 22, 17, 12, 7, 2$

Սպիտակ գինու շերտի թիվը՝ $z=7, 11, 15, 19, 23, 27, 31$

Շատ հետաքրքիր է նաև առավել բարդ, ոչ ստանդարտ խնդիրների լուծման մեթոդիկան: Քննարկենք դրանցից մի քանիսը:

Խնդիր 1. Երկու տակառում կար հավասար քանակությամբ ջուր: Առաջին տակառի ջուրը սկզբում պակասեցրին 10%-ով, այնուհետև ավելացրին 10%-ով: Երկրորդ տակառի ջուրը սկզբում ավելացրին 10%, այնուհետև պակասեցրին 10%-ով: Ո՞ր տակառում ջուրը շատացավ:

Ըստ պայմանի՝

I-X| $X-0,1X=0,9X$, 10% -ով ավելացրեցին, $0,9X*0,1=0,09X$

I տ. կլինի՝ $0,09X+0,9X=0,99X$

II-X| $X+0,1X=1,1X$, 10%-ով պակասեցրեցին, $1,1X*0,1=0,11X$

II տ. կլինի՝ $1,1X-0,11X=0,99X$

Պատ.՝ I և II տակառների ջրերը հավասարվեցին:

խնդիր 2: Վեցանիշ թվի մեջ առաջին թվանշանը համընկնում է չորրորդի հետ, երկրորդը՝ հինգերորդի, և երրորդը՝ վեցերորդի: Ապացուցել, որ այդ թիվը բազմապատիկ է 7-ին, 11-ին, 13-ին:

Եզրակացություն: Այն վեցանիշ թիվը, որի առաջին 3 թվանշանները նույն թվանշաններն են, այդ թիվը կբաժանվի 7, 11, 13-ի:

Որոնելի թվի տեսքը՝ \overline{abcabc}

$a \in \{1, 2, 3, \dots, 9\}$, $b \in \{0, 1, 2, 3, \dots, 9\}$, $c \in \{0, 1, 2, 3, \dots, 9\}$,

$$\overline{abc} = 100a + 10b + c$$

$$\overline{abcabc} = 100000a + 10000b + 1000c + 100a + 10b + c = 100100a + 10010b + 1001c = 1001(100a + 10b + c) = 1001\overline{abc}$$

$$1001 = 7 \cdot 11 \cdot 13, \quad 7 \cdot 11 \cdot 13 = \overline{abc} : 7, \quad 7 \cdot 11 \cdot 13 = \overline{abc} : 11, \quad 7 \cdot 11 \cdot 13 = \overline{abc} : 13$$

Եզրակացություն՝ այն վեցանիշ թիվը, որի առաջին երեք թվանշանները նույն թվանշաններն են, այդ թիվը կբաժանվի 7, 11, 13-ի:

Կարելի է միանշանակ ասել, որ մաթեմատիկայում տեքստային խնդիրները բազմազան են, գեղեցիկ: Իսկ ե՞րբ է խնդիրը կոչվում գեղեցիկ: Այս հարցի պատասխանը իհարկե ճաշակի խնդիր է: Փորձը ցույց է տալիս, որ սովորողներին դուր են գալիս այն խնդիրները, որոնց լուծումը մատչելի է, հնարավորինս հակիրճ է, և ամենակարևորը՝ անսպասելի:

Տեքստային խնդիրները աշակերտների մոտ ձևավորում են բարձր մաթեմատիկական ակտիվություն, որակներ, որոնք հատուկ են ստեղծագործող անհատներին՝ մտքի ճկունություն, նպատակասլացություն և համառություն:

Տեքստային խնդիրները անցնելուց շատ է օգտագործվում պրոբլեմային ուսուցման մեթոդը: Պրոբլեմային ուսուցման մեթոդը մաթեմատիկայում առանձնահատուկ տեղ է գրավում: Այս մեթոդի էական պայմանը ուսուցման պրոցեսում աշակերտի հետազոտական բնույթի աշխատանքի առկայությունն է: Պրոբլեմային ուսուցման միջոցը

պրոբլեմային իրադրության ստեղծելն է: Այդպիսի իրադրություն շատ կարելի է ստեղծել հենց տեքստային խնդիրներով: Պրոբլեմային ուսուցումը կատարվում է 3 եղանակով՝

1) Ուսուցիչը հստակ ձևակերպում է պրոբլեմը:

2) Ուսուցիչը ստեղծում է այնպիսի իրադրություն, որ աշակերտն ինքն է հասկանում, ձևակերպում պրոբլեմը ուսուցչի օգնությամբ:

3) Ուսուցիչը տալիս է ինչ-որ չափով լուծված պրոբլեմը և աշակերտն ի հայտ է բերում նոր պրոբլեմը և լուծում այն:

Պրոբլեմային իրադրությունը, որը ստեղծել է ուսուցիչը, վերլուծելով, աշակերտը ոչ միայն պետք է լուծի, այլև կատարի որոշ ընդհանրացում, կամ համեմատում մեկ այլ իրադրության հետ: Պրոբլեմային ուսուցումը ոչ միայն հարցադրում է, պրոբլեմային իրադրության ստեղծում, այլև ինքնուրույն ստեղծագործական աշխատանք, նոր հատկություններ ի հայտ բերում, դատողություններ հիմնավորում: Իզուր չէ, որ տեքստային խնդիրների ուսուցման պրոցեսում երևում է մաթեմատիկայի գեղեցկությունն ու ներդաշնակությունը:

Եզրակացություն

Մաթեմատիկական բնության լեզուն է: Մաթեմատիկական ցանկացած խնդիր կամ վարժություն արտահայտում է բնական երևույթների միջև եղած կապը: Տեքստային խնդիրներն այդ առումով առանձնահատուկ են: Ցանկացած տեքստային խնդիր լուծելիս աշակերտի մոտ ձևավորվում է տրամաբանություն, մտածողություն, տվյալ խնդիրը կյանքի հետ կապելու հմտություն: Սա ևս մեկ անգամ ցույց է տալիս, որ մաթեմատիկան ու կյանքը ներդաշնակ <<համագործակցում են>>: Մաթեմատիկական գեղեցկությունն ու արվեստը շատ լավ երևում են շարժման և համատեղ խնդիրների լուծման մեթոդիկայում: Տոկոսի վերաբերյալ խնդիրներում կարմիր գծի նման ընդգծվում է կյանքում այդ նյութի իմացության անհրաժեշտությունը: Մակերեսի, քանակի հաշվման վերաբերյալ խնդիրներում ևս երևում է տվյալ թեմայի կարևորությունը, կիրառությունը կայնքում: Այսքանից հետո կարելի է ասել, որ մաթեմատիկան հստակություն, ճշգրտություն <<է սիրում>>, որին թույլ տվեք անվանել ինչու չէ՝ գեղեցկություն:

<<Ոչ հստակ մտքերի համար մաթեմատիկական սիմվոլներ չկան>>:

Պուանկարե

<<Մաթեմատիկան պետք է սիրել թեկուզ նրա համար, որ կարգի է բերում միտքը>>:

Լոմոնոսով

Գրականություն

1. Հ. Ս. Միքայելյան <<Գեղեցիկը, մաթեմատիկական և կրթությունը>>
2. Հ. Ս. Միքայելյան <<Մաթեմատիկական կրթության գեղագիտական հիմունքները>>
3. Հ. Ս. Միքայելյան <<Հանրահաշվի ուսուցման հիմնահաչցերը>>
4. Մ.Ս. Գելֆանդ, Վ . Պ . Պրոստոսերդով <<Հանրահաշիվ 6-9, երեկոյան (հերթափոխային) դպրոցի համար>>, <<Լույս>> հրատարակչություն, Երևան-1982
5. Մաթեմատիկական դպրոցում, թիվ 4, 2015